

EXAMEN NÚMEROS REALES

PREGUNTA 1. CONJUNTOS NUMÉRICOS:

- a) Representa un diagrama donde aparezca el conjunto de los números reales y sus subconjuntos numéricos, denotando a cada uno de ellos con su correspondiente símbolo.
- b) Ubica cada uno de los siguientes números en su lugar correspondiente en el diagrama del apartado anterior:

-12 ; $\frac{5}{2}$; $\sqrt{7}$; $\sqrt[3]{-27}$; 23 ; $7,34$; $5,222727272\dots$; $3,77707007000700007\dots$

PREGUNTA 2. INTERVALOS EN R:

Dados los intervalos: $A=\{x \in \mathbb{R} / 3 < x < 5\}$ y $B=\{x \in \mathbb{R} / -2 \leq x \leq 4\}$

- c) Escribe A y B en notación de intervalos y represéntalos gráficamente.
- d) Halla la intersección de A y B ($A \cap B$) y la unión de A y B ($A \cup B$).

PREGUNTA 3. VALOR ABSOLUTO:

Encontrar todos los valores de x que verifiquen:

- a) $|x + 1| = 4$
- b) $|x - 6| \leq 7$

Justificar ambos resultados gráficamente con el concepto de valor absoluto como distancia entre dos números reales.

PREGUNTA 4. POTENCIAS Y RADICALES:

Calcular aplicando las propiedades de las potencias y los radicales y simplificar al máximo los resultados (reducir índices, extraer factores de los radicales y racionalizar, cuando sea necesario)

a) $\frac{1}{15} \cdot \sqrt[9]{\left(\frac{5^5}{3^2}\right)^3 \cdot \left(\frac{5^2}{3^5}\right)^{-3}}$

d) $2\sqrt{\frac{3}{4}} - \sqrt{50} - \sqrt{\frac{27}{4}} + \frac{1}{4}\sqrt{12} - 3\sqrt{75} + 16\sqrt{3} + 5\sqrt{2}$

b) $\frac{\sqrt[6]{18}}{\sqrt[3]{3} \cdot \sqrt[4]{32}}$

e) Racionaliza: $\frac{2}{\sqrt[7]{x^6}}$

c) $\frac{-4^2 \cdot 2^3 \cdot (-15)^2}{3^3 \cdot 2^4 \cdot [(-5)^3]^2}$

f) Racionaliza: $\frac{\sqrt{3}+2}{\sqrt{3}-2}$

PREGUNTA 5: LOGARITMOS:

a) Halla el valor de x en las siguientes expresiones:

a.1) $\log_x 25 = -2$ a.2) $\log x = -3$

b) Calcula, aplicando la definición de logaritmo:

b.1) $\log_{\frac{1}{10}} \sqrt[3]{1000}$ b.2) $\log_7 \sqrt[5]{\frac{1}{7^3}}$

c) Sabiendo que $\log 2 = 0,3010$, calcula $\log 0,0625$.

d) Calcula el valor de A en la siguiente expresión:

$$\log A = 2 \log 3 - \frac{1}{2} \log y + \frac{3}{4} \log x$$

PREGUNTA 6: REPRESENTACIÓN DE NÚMEROS R:

Representa en la recta Real:

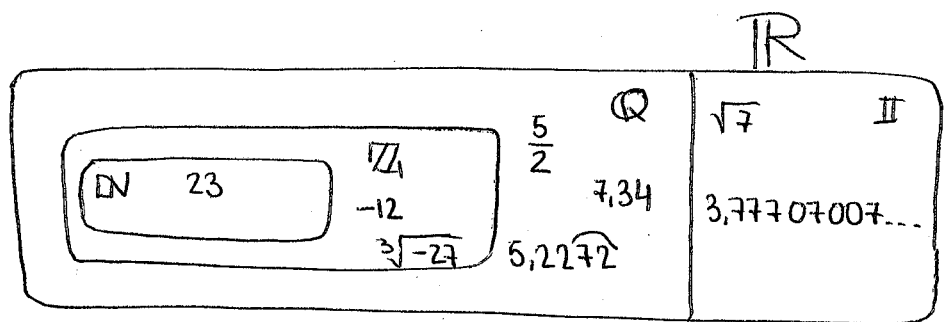
a) $\frac{9}{5}$ b) $\sqrt{5}$

Tabla de calificaciones	apartado					
	a	b	c	d	e	f
PREGUNTA 1	0,5	0,5				
PREGUNTA 2	0,5	0,5				
PREGUNTA 3	0,5	0,5				
PREGUNTA 4	0,5	0,75	0,5	0,5	0,5	0,5
PREGUNTA 5	0,75	0,75	0,75	0,5		
PREGUNTA 6	0,5	0,5				

PREGUNTA 1:

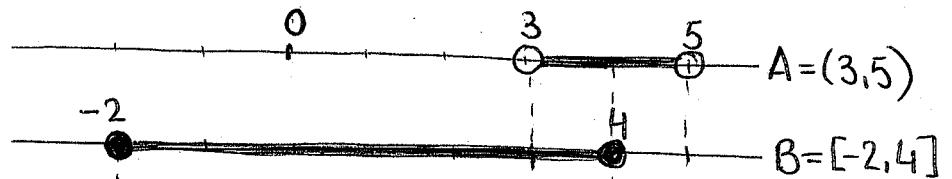
a) (0,5)

b) (0,5)

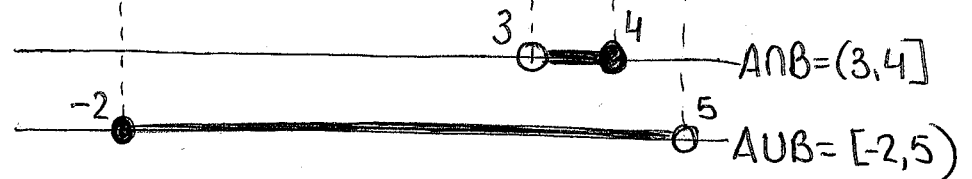


PREGUNTA 2:

(0,5) a)



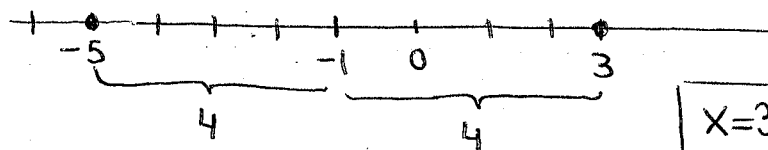
(0,5) b)



PREGUNTA 3:

a) $|x+1|=4 \Rightarrow |x-(-1)|=4 \Rightarrow d(x, -1)=4$

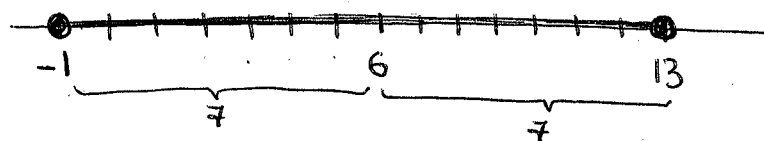
(0,5)



$x=3$ y $x=-5$

(0,5)

b) $|x-6| \leq 7 \Rightarrow d(x, 6) \leq 7$



$[-1, 13]$

PREGUNTA 4:

a)
$$\frac{1}{15} \cdot \sqrt[9]{\left(\frac{5^5}{3^2}\right)^3 \cdot \left(\frac{5^2}{3^5}\right)^{-3}} = \frac{1}{15} \sqrt[9]{\frac{5^{15} \cdot 5^{-6}}{3^6 \cdot 3^{-15}}} = \frac{1}{15} \sqrt[9]{\frac{5^9}{3^{-9}}} = \frac{1}{15} \sqrt[9]{5^9 \cdot 3^9} =$$

$$= \frac{1}{15} 5 \cdot 3 = 1$$

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad \frac{\sqrt[6]{18}}{\sqrt[3]{3} \cdot \sqrt[4]{32}} &= \sqrt[12]{\frac{(2 \cdot 3^2)^2}{3^4 \cdot (2^5)^3}} = \sqrt[12]{\frac{\cancel{2^2} \cdot \cancel{3^4}}{3^4 \cdot 2^{15}}} = \sqrt[12]{\frac{1}{2^{13}}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt[12]{2}} = \\ (0,75) \quad &= \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt[12]{2^{11}}}{\sqrt[12]{2} \cdot \sqrt[12]{2^{11}}} = \boxed{\frac{1}{4} \sqrt[12]{2^{11}}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c)} \quad \frac{-4^2 \cdot 2^3 \cdot (-15)^2}{3^3 \cdot 2^4 \cdot [(-5)^3]^2} &= \frac{-(2^2)^2 \cdot 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5^2}{3^3 \cdot 2^4 \cdot 5^6} = -\frac{\cancel{2^4} \cdot \cancel{3^2} \cdot 5^2}{\cancel{2^4} \cdot 3^3 \cdot 5^4} = \boxed{-\frac{2^3}{3 \cdot 5^4}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d)} \quad 2\sqrt{\frac{3}{4}} - \sqrt{50} - \sqrt{\frac{27}{4}} + \frac{1}{4}\sqrt{12} - 3\sqrt{75} + 16\sqrt{3} + 5\sqrt{2} &= \\ (0,5) \quad &= \cancel{2} \cdot \frac{1}{2}\sqrt{3} - 5\sqrt{2} - \frac{3}{2}\sqrt{3} + \frac{1}{4} \cdot \cancel{2}\sqrt{3} - 3 \cdot 5\sqrt{3} + 16\sqrt{3} + 5\sqrt{2} = \\ &= \underbrace{(-5+5)}_0 \sqrt{2} + \underbrace{\left(1 - \frac{3}{2} + \frac{1}{2} - 15 + 16\right)}_0 \sqrt{3} = \boxed{\sqrt{3}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{e)} \quad \frac{2}{\sqrt[7]{x^6}} &= \frac{2 \cdot \sqrt[7]{x}}{\sqrt[7]{x^6} \cdot \sqrt[7]{x}} = \frac{2 \sqrt[7]{x}}{\sqrt[7]{x^7}} = \boxed{\frac{2}{x} \sqrt[7]{x}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{f)} \quad \frac{\sqrt{3}+2}{\sqrt{3}-2} &= \frac{(\sqrt{3}+2)(\sqrt{3}+2)}{(\sqrt{3}-2)(\sqrt{3}+2)} = \frac{(\sqrt{3}+2)^2}{3-4} = -(\sqrt{3}+2)^2 = \boxed{-7-4\sqrt{3}} \end{aligned}$$

PREGUNTA 5

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad \textcircled{a.1} \quad \log_x 25 = -2 &\Leftrightarrow x^{-2} = 25 \Rightarrow x^{-2} = 5^2 \Rightarrow x^{-2} = \left(\frac{1}{5}\right)^{-2} \Leftrightarrow \boxed{x = \frac{1}{5}} \end{aligned}$$

(0,75)

$$\textcircled{a.2} \quad \log x = -3 \Leftrightarrow 10^{-3} = x \Rightarrow \boxed{x = \frac{1}{1000}} \quad (\text{o } x = 0,001)$$

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad \textcircled{b.1} \quad \log_{\frac{1}{10}} \sqrt[3]{1000} &= \log_{\frac{1}{10}} 10 = \log_{\frac{1}{10}} \left(\frac{1}{10}\right)^{-1} = \boxed{-1} \end{aligned}$$

(0,75)

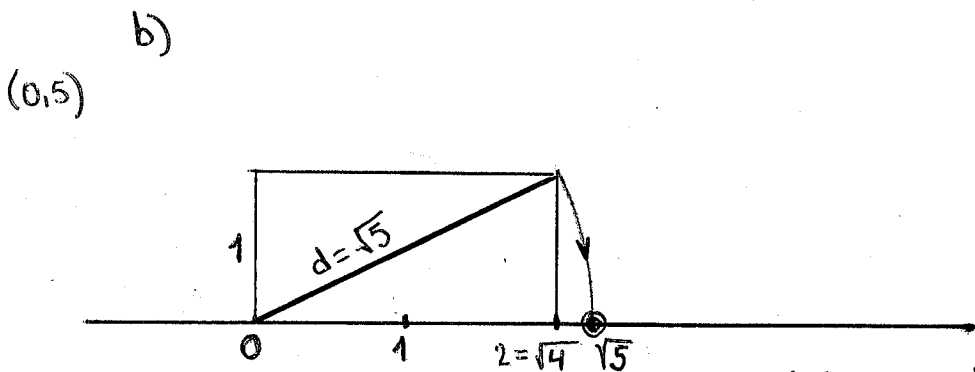
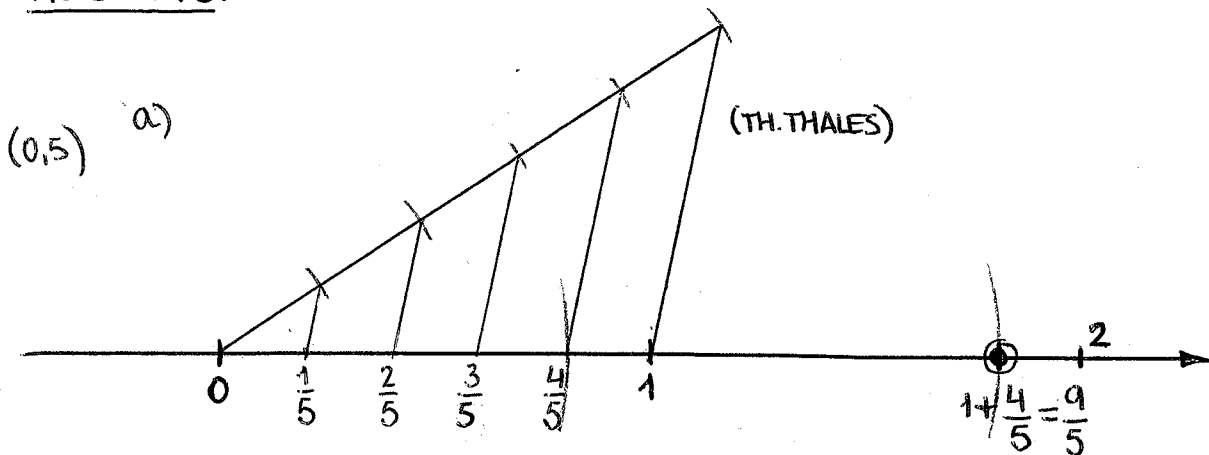
$$\textcircled{b.2} \quad \log_7 \sqrt[5]{\frac{1}{7^3}} = \log_7 \sqrt[5]{7^{-3}} = \log_7 7^{-3/5} = \boxed{-\frac{3}{5}}$$

c) $\log 2 \approx 0,3010$ } Entonces:
 (0,75) $\log 10 = 1$

$$\begin{aligned}\log 0,0625 &= \log \frac{625}{10000} = \log 625 - \log 10000 = \log 5^4 - 4 = \\ &= \log \left(\frac{10}{2}\right)^4 - 4 = \log 10^4 - \log 2^4 - 4 = 4 \cdot \log 10 - 4 \cdot \log 2 - 4 = \\ &= \cancel{4} - 4 \cdot \log 2 - \cancel{4} = -4 \cdot 0,3010 = \boxed{-1,204}\end{aligned}$$

d) $\log A = 2 \log 3 - \frac{1}{2} \log y + \frac{3}{4} \log x \Rightarrow \log A = \log 3^2 - \log \sqrt{y} + \log \sqrt[4]{x^3} \Rightarrow$
 (0,5) $\Rightarrow \log A = \log \frac{9 \sqrt[4]{x^3}}{\sqrt{y}} \Leftrightarrow \boxed{A = \frac{9 \sqrt[4]{x^3}}{\sqrt{y}}}$

PREGUNTA 6:



TH. PITÁGORAS: $1^2 + 2^2 = d^2 \Rightarrow$
 $\Rightarrow d^2 = 5 \Rightarrow d = \sqrt{5}$