

## IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS

Demostrar las siguientes igualdades trigonométricas pasando a *senos* y/o *cosenos*.

1)  $\operatorname{sen}^2 x + \frac{1}{\sec^2 x} = \operatorname{sen} x \csc x$

2)  $\frac{1}{\csc^2 x} + \cos^2 x = 1$

3)  $\tan^2 x + \operatorname{sen} x \csc x = \sec^2 x$

4)  $\frac{\cos^2 x}{\operatorname{sen}^2 x} + \tan x \cot x = \csc^2 x$

5)  $\operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x = \cos x \sec x$

6)  $\tan^2 x + \tan x \cot x = \sec^2 x$

7)  $\sec^2 x \csc^2 x = \sec^2 x + \csc^2 x$

8)  $\sec x + \csc x = \sec x \csc x (\operatorname{sen} x + \cos x)$

9)  $\tan^2 x \cos^2 x + \cos^2 x = \frac{1}{\csc^2 x} + \frac{1}{\sec x}$

10)  $\sec x + \cos^2 x = \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\sec^2 x}$

11)  $\frac{1}{\cos x \csc x} = \tan x$

12)  $\cos x \csc x = \cot x$

13)  $\frac{1}{\operatorname{sen} x \sec x} = \cot x$

14)  $\cot^2 x + \frac{1}{\tan x \cot x} = \csc^2 x$

15)  $\cot^2 x + \frac{1}{\cos x \sec x} = \csc^2 x$

16)  $\operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x = \sec^2 x - \tan^2 x$

17)  $\tan^2 x + \frac{1}{\operatorname{sen} x \csc x} = \sec^2 x$

18)  $\cot^2 x + \operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x = \csc^2 x$

Demostrar las siguientes igualdades trigonométricas empleando cualquiera de todas las técnicas estudiadas.

1)  $\frac{\operatorname{sen} x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} = 1$

2)  $\frac{\sec x}{\tan x + \cot x} = \operatorname{sen} x$

3)  $\frac{1 - \operatorname{sen} x}{\cos x} = \frac{\cos x}{1 + \operatorname{sen} x}$

4)  $\frac{1 - \cos x}{\operatorname{sen} x} = \frac{\operatorname{sen} x}{1 + \cos x}$

5)  $\frac{1}{\sec - \tan x} = \sec x + \tan x$

6)  $\frac{1}{\csc x - \cot x} = \csc x + \frac{1}{\tan x}$

7)  $\frac{\cot^2 x}{\csc x - 1} = \csc x + \operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x$

8)  $\frac{\tan x - \operatorname{sen} x}{\operatorname{sen}^3 x} = \frac{\sec x}{1 + \cos x}$

9)  $\tan x + \cot x = \frac{1}{\operatorname{sen} x \cos x}$

10)  $\sec x + \cos^2 x = \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\sec^2 x}$

11)  $\frac{\csc x}{\tan x + \cot x} = \cos x$

12)  $(1 - \operatorname{sen}^2 x)(1 + \tan^2 x) = 1$

13)  $\frac{1}{1 + \operatorname{sen} x} + \frac{1}{1 - \operatorname{sen} x} = 2 \sec^2 x$

14)  $\operatorname{sen} x + \cos x = \cos x(1 + \tan x)$

15)  $\cot^2 x + \frac{1}{\cos x \sec x} = \csc^2 x$

16)  $\frac{\operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x}{\sec x + \tan x} = \sec x - \tan x$

17)  $\tan^2 x + \frac{1}{\operatorname{sen} x \csc x} = \sec^2 x$

18)  $\cot^2 x + \operatorname{sen}^2 x = \csc^2 x - \cos^2 x$