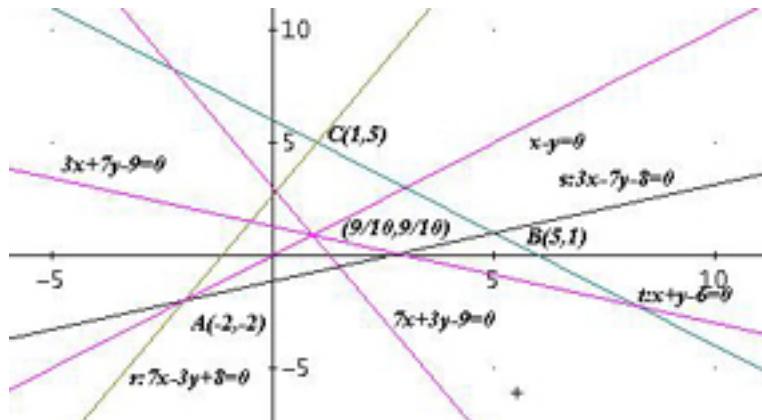


# Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato

**Problema 1** sean  $A(-2, -2)$ ,  $B(5, 1)$  y  $C(1, 5)$  los vértices de un triángulo, se pide:

1. Las ecuaciones de las rectas que unen sus lados.
2. La longitud de sus lados.
3. Las ecuaciones de sus mediatrices.
4. El circuncentro.

**Solución:**



1.

$$r : \begin{cases} \vec{u_r} = (3, 7) \\ P_r(1, 5) \end{cases} \implies r : 7x - 3y + 8 = 0$$

$$s : \begin{cases} \vec{u_s} = (7, 3) \\ P_s(5, 1) \end{cases} \implies s : 3x - 7y - 8 = 0$$

$$t : \begin{cases} \vec{u_t} = (-4, 4) \\ P_t(5, 1) \end{cases} \implies t : x + y - 6 = 0$$

$$\begin{aligned} 2. |\overrightarrow{AC}| &= \sqrt{9 + 49} = \sqrt{58} \\ |\overrightarrow{AB}| &= \sqrt{49 + 9} = \sqrt{58} \\ |\overrightarrow{BC}| &= \sqrt{16 + 16} = \sqrt{32} \end{aligned}$$

3. La mediatrix del segmento  $\overline{AC}$  es:

$$\sqrt{(x+2)^2 + (y+2)^2} = \sqrt{(x-1)^2 + (y-5)^2} \implies 3x + 7y - 9 = 0$$

La mediatrix del segmento  $\overline{AB}$  es:

$$\sqrt{(x+2)^2 + (y+2)^2} = \sqrt{(x-5)^2 + (y-1)^2} \implies 7x + 3y - 9 = 0$$

La mediatrix del segmento  $\overline{BC}$  es:

$$\sqrt{(x-1)^2 + (y-5)^2} = \sqrt{(x-5)^2 + (y-1)^2} \implies x - y = 0$$

4. El circuncentro será la solución del sistema

$$\begin{cases} 3x + 7y - 9 = 0 \\ x - y = 0 \end{cases} \implies \left( \frac{9}{10}, \frac{9}{10} \right)$$

**Problema 2** Calcular el ángulo que forman las rectas

a)  $r : \frac{x-1}{-2} = \frac{y+1}{3}$ ,  $s : 2x + y - 1 = 0$

b)  $r : \begin{cases} x = 1 - \lambda \\ y = 2 + \lambda \end{cases}$   $s : 3x + y + 1 = 0$

**Solución:**

a)  $r : 3x + 2y - 1 = 0$ ,  $s : 2x + y - 1 = 0$

$$\cos \alpha = \frac{6+2}{\sqrt{65}} = 0,992277 \implies \alpha = 7^\circ 7' 32''$$

b)  $r : x + y - 3 = 0$ ,  $s : 3x + y + 1 = 0$

$$\cos \alpha = \frac{3+1}{\sqrt{20}} = 0,894427 \implies \alpha = 26^\circ 33' 54''$$

**Problema 3** Calcular la distancia del punto  $A(3, -1)$  a las rectas:

a)  $r : \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{2}$

b)  $r : \begin{cases} x = 1 - \lambda \\ y = 2\lambda \end{cases}$

c)  $r : 2x + 3y - 3 = 0$

**Solución:**

a)  $r : 2x - 3y - 8 = 0$

$$d(A, r) = \frac{|2 \cdot 3 - 3 \cdot (-1) - 8|}{\sqrt{4+9}} = \frac{1}{\sqrt{13}}$$

b)  $r : 2x + y - 2 = 0$

$$d(A, r) = \frac{|2 \cdot 3 + 1 \cdot (-1) - 2|}{\sqrt{4+1}} = \frac{3}{\sqrt{5}}$$

c)  $r : 2x + 3y - 3 = 0$

$$d(A, r) = \frac{|2 \cdot 3 + 3 \cdot (-1) - 3|}{\sqrt{4+9}} = 0$$

**Problema 4** Expresa de todas las maneras que conozcas la ecuación de la recta que pasa por los puntos  $A(1, 0)$  y  $B(4, 5)$ , calcula después el ángulo que forma con el eje de abcisas.

**Solución:**

Sea  $\overrightarrow{AB} = (4, 5) - (1, 0) = (3, 5)$  tendremos:

- $r : (x, y) = (1, 0) + \lambda(3, 5)$  ecuación vectorial
- ecuación paramétrica

$$r : \begin{cases} x = 1 + 3\lambda \\ y = 5\lambda \end{cases}$$

- Ecuación continua

$$\frac{x-1}{3} = \frac{y}{5}$$

- $5x - 3y - 5 = 0$  ecuación general.

- $y = \frac{5}{3}x - \frac{5}{3}$  ecuación explícita.

- $y = \frac{5}{3}(x - 1)$  ecuación punto pendiente.

$$m = \tan \alpha = \frac{5}{3} \implies \alpha = 59^\circ 2' 11''$$