# MATEMÁTICAS 1.º ESO

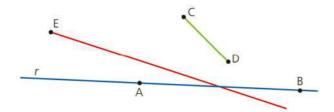
# somoslink

# SOLUCIONES AL LIBRO DEL ALUMNO Unidad 11. Elementos básicos de geometría

# Unidad 11. Elementos básicos de geometría

#### **SOLUCIONES PÁG. 223**

1. Fíjate en la siguiente figura e indica todos los elementos geométricos que aparecen:



Los puntos  $\overline{A}$  y B, el segmento  $\overline{AB}$ , la recta r, la semirrecta con origen en E y el segmento  $\overline{CD}$ .

- 2. Representa en tu cuaderno y da nombres a estos elementos geométricos:
  - a. Dos puntos situados en una misma recta. Los puntos A y B.
  - b. El segmento cuyos extremos son los puntos del apartado anterior. El segmento  $\overline{AB}$  .
  - c. Una semirrecta que tiene su origen en uno de los extremos del segmento anterior.

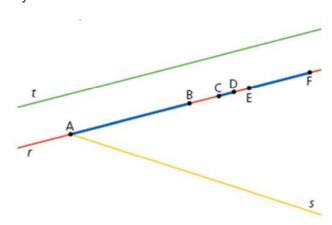
La semirrecta s.

d. Dos segmentos contenidos en la recta inicial.

Los segmentos  $\overline{CD}$  y  $\overline{EF}$ .

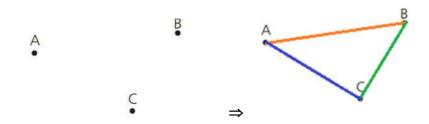
e. Dos rectas que no se corten.

Las rectas ry t.



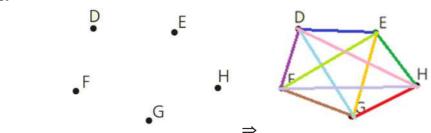
3. Dibuja en tu cuaderno estos puntos y nombra todos los segmentos que puedas obtener al unirlos:

a.



Segmentos  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AC}$  y  $\overline{BC}$ .

b.



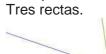
Segmentos  $\overline{DE}$ ,  $\overline{DF}$ ,  $\overline{DG}$ ,  $\overline{DH}$ ,  $\overline{EF}$ ,  $\overline{EG}$ ,  $\overline{EH}$ ,  $\overline{FG}$ ,  $\overline{FH}$ ,  $\overline{GH}$ .

- 4. Averigua cuál es el mayor número de rectas que puedes conseguir al unir:
  - a. Dos puntos.

Una recta.

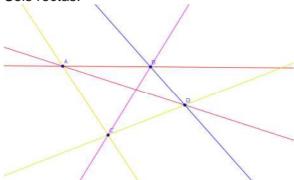


b. Tres puntos no alineados.



c. Cuatro puntos no alineados.

Seis rectas.



5. Fíjate en el siguiente gráfico e indica si las afirmaciones que figuran a continuación son verdaderas o falsas. Corrige estas últimas.



a. El elemento geométrico r es un segmento.

Falso, es una recta.

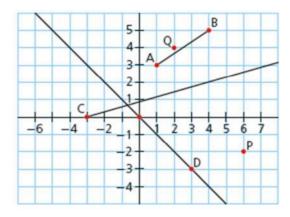
b. Los puntos A y B forman una semirrecta.

Falso, forman un segmento.

c. El punto B es un extremo del segmento  $\overline{AB}$ .

Verdadero.

- 6. Actividad resuelta.
- 7. Utiliza unos ejes coordenados para representar los siguientes elementos geométricos:
  - a. Los puntos P (6, -2) y Q (2, 4).
  - b. El segmento AB cuyos extremos son los puntos A(1,3) y B(4,5).
  - c. La semirrecta con origen en el punto C (-3, 0).
  - d. La recta que pasa por el punto D (3, -3) y el origen de coordenadas.



- 8. Indica si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas. Luego, rectifica estas últimas.
  - a. Una semirrecta está contenida en un segmento. Falso, es al contrario.
  - b. Por un punto solo puede pasar una recta.

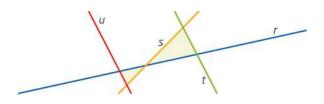
Falso, pueden pasar ilimitadas rectas.

- **c.** Un segmento solo tiene dos puntos, que son sus extremos. Falso, tiene ilimitados puntos entre medias.
- **d.** Un segmento divide a una recta en dos semirrectas. Falso, lo hace un punto.
- e. Por tres puntos siempre pasa más de una recta. Falso, no es cierto en el caso de que los tres puntos estén alineados.
- 9. Investiga junto a un grupo de compañeros de clase quién fue Euclides de Alejandría y sobre qué trata su obra más importante: Los elementos. Busca, a continuación, las definiciones que en ella dio del punto, la recta y el plano hace más de 2 000 años y compáralas con las que acabas de estudiar. ¿Son parecidas?

Respuesta abierta.

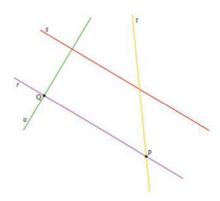
#### **SOLUCIONES PÁG. 225**

10. Fíjate en la siguiente figura e indica cómo son entre sí las rectas r, s, t y u:

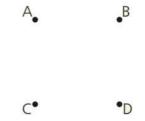


La recta r es secante con s y perpendicular a u y a t. La recta s es secante con t, r y u. La recta t es paralela a u.

- 11. Dibuja en tu cuaderno dos puntos, P y Q, y representa las siguientes rectas:
  - a. Una recta, r, que pase por los dos puntos P y Q.
  - b. Una recta, s, paralela a la anterior.
  - c. Una recta, t, secante a la recta s y que pase por P.
  - d. Una recta, u, perpendicular a la recta r por el punto Q.



12. Copia en tu cuaderno la siguiente figura formada por cuatro puntos. Representa en ella dos rectas secantes, dos paralelas y dos perpendiculares.



Respuesta abierta, por ejemplo, rectas secantes que pasen por los puntos AB y CB, rectas paralelas que pasen por AB y CD, rectas perpendiculares que pasen por AB y DB.

- 13. Indica si son verdaderas o falsas estas afirmaciones, razonando tu respuesta. Luego, rectifica las que sean falsas.
  - a. Dos rectas secantes no pueden ser perpendiculares.

Falso, sí pueden ser perpendiculares.

b. Dos rectas paralelas se cortan en infinitos puntos.

Falso, no tienen ningún punto en común.

c. Con tres puntos se pueden formar dos segmentos.

Falso, se pueden formar más segmentos.

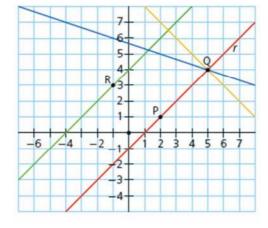
d. Dadas dos rectas paralelas, si otra tercera recta, *r*, es perpendicular a una de ellas, también lo es a la otra.

Verdadero.

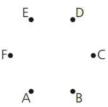
e. Un punto, P, que pertenece a una recta no puede pertenecer a otra recta coincidente con la primera.

Falso, también pertenecerá a la recta coincidente.

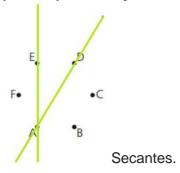
- 14. Utiliza unos ejes coordenados para representar los siguientes elementos geométricos:
  - a. Los puntos P (2, 1) y Q (5, 4).
  - b. La recta, r, que pasa por los puntos P y Q.
  - c. La recta paralela a r que pasa por el punto R (-1, 3).
  - d. La recta perpendicular a r por el punto Q.
  - e. Una recta secante a r que pase por Q.



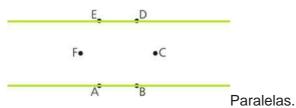
15. Indica la posición relativa de las rectas que se obtienen al unir los puntos indicados.



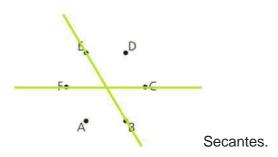
a. La recta que pasa por los puntos A y D con respecto a la recta que pasa por los puntos A y E.



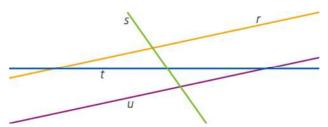
b. La recta que pasa por los puntos A y B con respecto a la recta que pasa por los puntos D y E.



c. La recta que pasa por los puntos F y C con respecto a la recta que pasa por los puntos B y E.



16. Fíjate en la figura e indica si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas. En caso de que sean falsas, redáctalas correctamente.



a. La recta r es perpendicular a la recta t.

Falso, son rectas secantes.

b. Las rectas r y u son paralelas.

Verdadero.

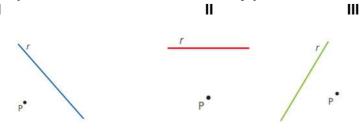
c. Las rectas s y t son perpendiculares.

Falso, son rectas secantes.

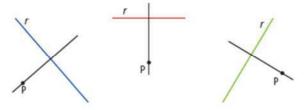
d. La recta r es coincidente con la recta s.

Falso, son rectas secantes.

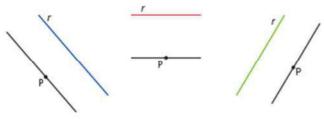
17. Copia en tu cuaderno estas rectas y puntos.



a. Traza una perpendicular a la recta r que pase por el punto P.



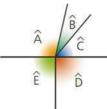
b. Traza una paralela a la recta r que pase por P.



18. En grupos de tres alumnos, realizad un concurso de fotografía matemática. Cada alumno debe tomar fotos en las que aparezcan rectas en distintas posiciones. Después, realizad una presentación en clase. Respuesta abierta.

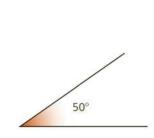
#### **SOLUCIONES PÁG. 227**

19. Clasifica los ángulos que aparecen en la figura, según la amplitud de su abertura.



- El ángulo  $\hat{A}$  es obtuso porque mide más de 90° pero menos de 180°.
- Los ángulos  $\hat{B}$  y  $\hat{C}$  son agudos porque miden menos de 90°.
- Los ángulos  $\hat{D}$  y  $\hat{E}$  son rectos.
- 20. Indica el ángulo que forman las manecillas del reloj cuando marcan las siguientes horas:
  - a. Las nueve en punto.  $\rightarrow 90^{\circ}$
  - b. Las seis en punto.  $\rightarrow 180^{\circ}$
  - c. Las tres en punto.  $\rightarrow 90^{\circ}$
  - d. La una en punto.  $\rightarrow 30^{\circ}$
  - e. Las siete en punto.  $\rightarrow 150^{\circ}$
  - f. Las diez en punto.  $\rightarrow 60^{\circ}$
- 21. Copia en tu cuaderno los siguientes ángulos y dibuja el complementario de cada uno de ellos:

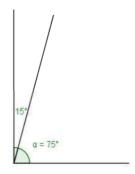
a.



40° α = 50°

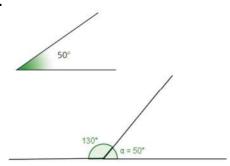
b.



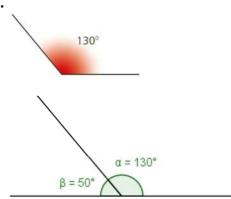


22. Traza en tu cuaderno estos ángulos y dibuja el suplementario de cada uno de ellos:

a.

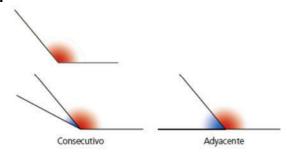


b.

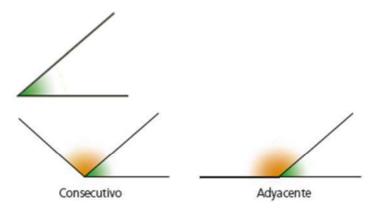


23. Copia en tu cuaderno los ángulos propuestos. Dibuja, a continuación, un ángulo consecutivo y un ángulo adyacente de cada uno de ellos.

a.



b.



# 24. ¿Cuáles de estos pares de ángulos son complementarios y cuáles suplementarios?

a.



b.

C.



Son suplementarios los del apartado c. No hay ángulos complementarios.

#### 25. Halla el complementario y el suplementario de cada uno de estos ángulos:

a. 10°

Complementario:  $90^{\circ} - 10^{\circ} = 80^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 10^{\circ} = 170^{\circ}$ 

b. 25°

Complementario:  $90^{\circ} - 25^{\circ} = 65^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 25^{\circ} = 155^{\circ}$ 

c. 45°

Complementario:  $90^{\circ} - 45^{\circ} = 45^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 45^{\circ} = 135^{\circ}$ 

d. 85°

Complementario:  $90^{\circ} - 85^{\circ} = 5^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 85^{\circ} = 95^{\circ}$ 

e. 23°

Complementario:  $90^{\circ} - 23^{\circ} = 67^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 23^{\circ} = 157^{\circ}$ 

f. 70°

Complementario:  $90^{\circ} - 70^{\circ} = 20^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 70^{\circ} = 110^{\circ}$ 

g. 37°

Complementario:  $90^{\circ} - 37^{\circ} = 53^{\circ}$ Suplementario:  $180^{\circ} - 37^{\circ} = 143^{\circ}$ 

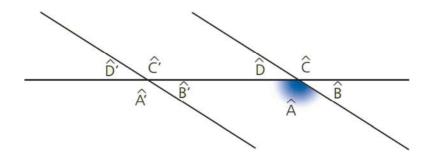
h. 141°

Complementario no tiene porque mide más de 90°.

Suplementario:  $180^{\circ} - 141^{\circ} = 39^{\circ}$ 

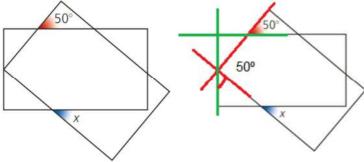
#### 26. Actividad resuelta.

# 27. Copia en tu cuaderno la siguiente figura y señala los ángulos que son iguales al ángulo Â:



Son iguales al ángulo  $\hat{A}\,$  los ángulos,  $\hat{C}\,,\;\hat{A}'\,\text{y}\;\hat{C}'\,.$ 

28. Dos rectángulos descansan uno sobre otro como muestra la figura. ¿Cuánto mide el ángulo x?



La suma de los ángulos internos en un triángulo rectángulo es de  $180^{\circ}$ . Uno mide  $90^{\circ}$ , otro  $50^{\circ}$  y el otro  $40^{\circ}$ . Por ser opuestos por el vértice, el ángulo x mide  $40^{\circ}$ .

#### **SOLUCIONES PÁG. 229**

- 29. Indica cuántos minutos sexagesimales tiene cada uno de los siguientes ángulos:
  - a. Ángulo de 25°.

 $25^{\circ} \cdot 60 = 1500^{\circ}$ 

b. Ángulo de 40°.

 $40^{\circ} \cdot 60 = 2400^{\circ}$ 

c. Ángulo recto.

 $90^{\circ} \cdot 60 = 5400'$ 

d. Ángulo llano.

 $180^{\circ} \cdot 60 = 10800^{\circ}$ 

- 30. Da en segundos sexagesimales la medida de cada uno de los siguientes ángulos:
  - a. Ángulo de 10°.

 $10^{\circ} \cdot 60 \cdot 60 = 36\ 000$ "

b. Ángulo de 100°.

 $100^{\circ} \cdot 60 \cdot 60 = 360\ 000$ "

c. Ángulo recto.

 $90^{\circ} \cdot 60 \cdot 60 = 324\ 000^{\circ}$ 

d. Ángulo llano.

 $180^{\circ} \cdot 60 \cdot 60 = 648\ 000"$ 

- 31. ¿A cuántos grados sexagesimales equivale cada una de las siguientes medidas angulares?
  - a. 7 200'

 $7\ 200':60=120^{\circ}$ 

b. 108 000"

108 000" : 3 600 = 30°

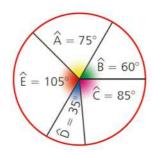
c. 12 000'

12 000' : 60 = 200°

d. 180 000"

180 000": 3 600 = 50°

#### 32. Expresa los ángulos propuestos en segundos sexagesimales.



$$\hat{A} = 75^{\circ} \cdot 3600 = 270000$$
"

$$\hat{B} = 60^{\circ} \cdot 3600 = 216000$$
"

$$\hat{C} = 85^{\circ} \cdot 3600 = 306000$$

$$\hat{D} = 35^{\circ} \cdot 3600 = 126000$$
"

$$\hat{E} = 105^{\circ} \cdot 3600 = 378000$$
"

#### 33. Halla el valor de las letras para que se cumplan las igualdades.

a. 
$$15^{\circ} = A' = B''$$

$$A^{\circ} = 15^{\circ} \cdot 60 = 900'$$
;  $B'' = 900' \cdot 60 = 54000''$ 

b. 
$$C^{\circ} = 180' = D''$$

$$C^{\circ} = 180' : 60 = 3^{\circ}; D'' = 180^{\circ} \cdot 60 = 10800''$$

c. 
$$E^{\circ} = F' = 7200"$$

$$F' = 7\ 200" : 60 = 120'; E^{\circ} = 120' : 60 = 2^{\circ}$$

d. 
$$G^{\circ} = 600' = H''$$

$$G^{\circ} = 600' : 60 = 10^{\circ}; H'' = 600' \cdot 60 = 36\ 000''$$

#### 34. Expresa en forma compleja los siguientes ángulos:

#### a. 35,4°

Se separa la parte decimal de la parte entera:

$$35^{\circ} + 0.4^{\circ}$$

Se multiplica por 60 la parte decimal para pasar las décimas de grados a minutos:

$$0.4^{\circ} \cdot 60 = 24'$$

El ángulo expresado en forma compleja es: 35,4° = 35° 24'

#### b. 172,8°

Se separa la parte decimal de la parte entera:

$$172^{\circ} + 0.8^{\circ}$$

Se multiplica por 60 la parte decimal para pasar las décimas de grados a minutos:

$$0.8^{\circ} \cdot 60 = 48'$$

El ángulo expresado en forma compleja es: 172,8º = 172º 48'

#### c. 88.15°

Se separa la parte decimal de la parte entera:

$$88^{\circ} + 0.15^{\circ}$$

Se multiplica por 60 la parte decimal para pasar las décimas de grados a minutos:

$$0.15^{\circ} \cdot 60 = 9'$$

El ángulo expresado en forma compleja es: 88,15º = 88° 9'

#### d. 201,99°

Se separa la parte decimal de la parte entera:

 $201^{\circ} + 0.99^{\circ}$ 

Se multiplica por 60 la parte decimal para pasar las décimas de grados a minutos:

 $0.99^{\circ} \cdot 60 = 59.4$ 

Se separa la parte decimal de la parte entera:

59' + 0.4

Se multiplica por 60 la parte decimal para pasar las décimas de minutos a segundos:

 $0.4' \cdot 60 = 24''$ 

El ángulo expresado en forma compleja es: 201,99º = 201° 59' 24"

#### 35. Expresa en forma incompleja estas medidas angulares:

#### a. 5° 34' 41"

Se divide entre 60 para pasar los segundos a minutos:

41":60 = 0.683

Se suman los minutos obtenidos con los del ángulo:

 $34' + 0.683' = 34.683' \Rightarrow 5^{\circ} 34.683'$ 

Se divide entre 60 para pasar los minutos a grados:

 $34,683':60 = 0,578 \ 05^{\circ}$ 

Se suman los grados obtenidos con los del ángulo:

 $5^{\circ} + 0,57805^{\circ} = 5,578^{\circ}$ 

#### b. 93° 17' 28"

Se divide entre 60 para pasar los segundos a minutos:

28": 60 = 0,46"

Se suman los minutos obtenidos con los del ángulo:

 $17' + 0,466' = 17,466' \Rightarrow 93^{\circ} 17,466'$ 

Se divide entre 60 para pasar los minutos a grados:

 $17,466':60 = 0,291^{\circ}$ 

Se suman los grados obtenidos con los del ángulo:

 $93^{\circ} + 0.291^{\circ} = 93.291^{\circ}$ 

#### c. 125° 0' 50"

Se divide entre 60 para pasar los segundos a minutos:

50": 60 = 0.833"

Se suman los minutos obtenidos con los del ángulo:

 $0' + 0.833' = 0.833' \Rightarrow 125^{\circ} 0.833'$ 

Se divide entre 60 para pasar los minutos a grados:

0,833': 60 = 0,0138°

Se suman los grados obtenidos con los del ángulo:

125° + 0,013 8°= 125,013 8°

#### d. 111° 39'

Se divide entre 60 para pasar los minutos a grados:

 $39':60 = 0.65^{\circ}$ 

Se suman los grados obtenidos con los del ángulo:

 $111^{\circ} + 0,65^{\circ} = 111,65^{\circ}$ 

#### 36. ¿Cuál de los ángulos es mayor en cada uno de los siguientes pares?

#### a. $\hat{A} = 36^{\circ}$ ; $\hat{B} = 2200^{\circ}$

Se convierte el ángulo  $\hat{B}$  en grados:

 $\hat{B} = 2\ 200' : 60 = 36,66^{\circ}$ 

Por tanto  $\hat{\mathbf{B}}$  es mayor.

b.  $\hat{A} = 13^{\circ} 3^{\circ}$ ;  $\hat{B} = 46 813^{\circ}$ 

Se convierte el ángulo en segundos:

$$\hat{A} = 13^{\circ} 3'' = 13^{\circ} \cdot 3600 + 3'' = 46800'' + 3'' = 46803''$$

Por tanto  $\hat{B}$  es mayor.

c.  $\hat{A} = 55^{\circ} 40'$ ;  $\hat{B} = 200 400''$ 

Se convierte el ángulo en segundos:

 $\hat{A} = 55^{\circ} \cdot 3600 + 40' \cdot 60 = 198000'' + 2400'' = 200400''$  Por tanto, son iguales.

d.  $\hat{A} = 6^{\circ} 23' 19''$ ;  $\hat{B} = 22 680''$ 

Se convierte el ángulo en segundos:

$$\hat{A} = 6^{\circ} \cdot 3600 + 23' \cdot 60 + 19'' = 21600'' + 1380'' + 19'' = 22999''$$

Por tanto es mayor.

#### 37. Halla el complementario de cada uno de estos ángulos:

a. 27° 41'

$$90^{\circ} - 27^{\circ} 41' = 89^{\circ} 60' - 27^{\circ} 41' = 62^{\circ} 19'$$

b. 73° 25' 18"

$$90^{\circ} - 73^{\circ} 25' 18'' = 89^{\circ} 59' 60'' - 73^{\circ} 25' 18'' = 16^{\circ} 34' 42''$$

c. 69° 0' 56"

$$90^{\circ} - 69^{\circ} \ 0' \ 56'' = 89^{\circ} \ 59' \ 60'' - 69^{\circ} \ 0' \ 56'' = 20^{\circ} \ 59' \ 4''$$

d. 82° 38' 52"

$$90^{\circ} - 82^{\circ} 38' 52'' = 89^{\circ} 59' 60'' - 82^{\circ} 38' 52'' = 7^{\circ} 21' 8''$$

#### 38. Calcula el suplementario de los siguientes ángulos:

a. 134° 39'

$$180^{\circ} - 134^{\circ} 39' = 179^{\circ} 60' - 134^{\circ} 39' = 45^{\circ} 21'$$

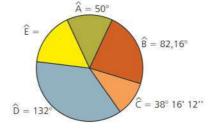
b. 93° 50' 21"

c. 149° 30' 26"

d. 8° 48' 12"

$$180^{\circ} - 8^{\circ} 48' 12'' = 179^{\circ} 59' 60'' - 8^{\circ} 48' 12'' = 171^{\circ} 11' 48''$$

#### 39. Una ruleta tiene coloreados los siguientes sectores:



## Halla la medida angular del sector amarillo.

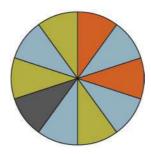
Se convierte el ángulo  $\hat{B}$  a forma compleja:

$$\hat{B} = 82^{\circ} + 0.16^{\circ}; \ 0.16^{\circ} \cdot \ 60 = 9.6'; \ 82^{\circ} \ 9.6'; \ 0.6 \cdot \ 60 = 36''; \ 82^{\circ} \ 9' \ 36''$$

La suma de todos los ángulos mide 360°:

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} = 360^{\circ} \Rightarrow \hat{E} = 360^{\circ} - \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} = 57^{\circ} 34' 12''$$

40. Determina la medida angular de cada color si todos los sectores tienen la misma abertura.



La circunferencia mide 360° y está dividida en 10 sectores:

360°: 10 = 36° cada sector. Sector azul = 36° · 4 = 144° Sector verde = 36° · 3 = 108° Sector rojo = 36° · 2 = 72° Sector negro = 36°.

41. Andrea ha medido con un sextante el ángulo que forma la estrella polar con el horizonte y ha obtenido como resultado un valor de 44,883°. ¿Cuál es el ángulo expresado en grados, minutos y segundos?

$$44,883^{\circ} = 44^{\circ} + 0,883^{\circ}$$
  
 $0,883^{\circ} \cdot 60 = 52,98' = 52' + 0,98'$   
 $0,98 \cdot 60 = 58,8''$ 

La medida es: 44° 52' 59"

42. Carlota ha dibujado cinco triángulos isósceles y ha medido en todos el ángulo desigual. Así, ha obtenido las siguientes medidas:



Si quisiera dibujar un triángulo isósceles con el valor medio de todos los anteriores, ¿cuál sería dicho valor?

Se suman todas las medidas expresadas en forma compleja y se divide entre el número de triángulos:

#### **SOLUCIONES PÁG. 231**

43. Realiza las siguientes sumas de ángulos, expresándolas en forma compleja:

a. 
$$\hat{A} = 64^{\circ} 45' 32''; \hat{B} = 48^{\circ} 14' 23''$$
  
 $64^{\circ} 45' 32''$   
 $+ 48^{\circ} 14' 23''$   
 $112^{\circ} 59' 55''$ 

**b.** 
$$\hat{A} = 13^{\circ} 3' 48''; \ \hat{B} = 46^{\circ} 8' 13''$$

$$13^{\circ} 3' 48''$$

$$+ 46^{\circ} 8' 13''$$

$$59^{\circ} 11' 61''; 61'' = 60'' + 1'' = 1' 1''$$

$$59^{\circ} 11' 61'' = 59^{\circ} (11' + 1') 1'' = 59^{\circ} 12' 1''$$

c. 
$$\hat{A} = 55^{\circ} 40' 25''; \hat{B} = 201^{\circ} 40' 56''$$
 $55^{\circ} 40' 25''$ 
 $+201^{\circ} 40' 56''$ 
 $256^{\circ} 80' 81''; 81'' = 60'' + 21'' = 1' 21''$ 
 $256^{\circ} 80' 81'' = 256^{\circ} (80' + 1') 21'' = 256^{\circ} 81' 21'';$ 
 $81' = 60' + 21' = 1^{\circ} 21'$ 
 $256^{\circ} 81' 21'' = (256^{\circ} + 1^{\circ}) 21' 21'' = 257^{\circ} 21' 21''$ 

d. 
$$\hat{A} = 6^{\circ} 33' 19''; \hat{B} = 72^{\circ} 36' 48''$$
 $6^{\circ} 33' 19''$ 
 $+72^{\circ} 36' 48''$ 
 $78^{\circ} 69' 67''; 67'' = 60'' + 7'' = 1' 7''$ 
 $78^{\circ} 69' 67'' = 78^{\circ} (69' + 1') 7'' = 78^{\circ} 70' 7''$ 
 $70' = 60' + 10' = 1^{\circ} 10'$ 
 $78^{\circ} 70' 7'' = (78^{\circ} + 1^{\circ}) 10' 7'' = 79^{\circ} 10' 7''$ 

e. 
$$\hat{A} = 36^\circ$$
;  $\hat{B} = 14 400^\circ$   
 $14 400^\circ = 14 400 : 3 600 = 4^\circ$   
 $\frac{36^\circ}{40^\circ}$ 

44. Calcula las siguientes restas de ángulos, expresándolas en forma compleja:

a. 
$$\hat{A} = 96^{\circ} 37' 12''; \hat{B} = 41^{\circ} 31' 3''$$

$$96^{\circ} 37' 12''$$

$$-41^{\circ} 31' 3''$$

$$55^{\circ} 6' 9''$$

**b.** 
$$\hat{A} = 115^{\circ} 43' 27''; \hat{B} = 65^{\circ} 18' 33''$$
  
115° 43' 27'';  
-65° 18' 33''

Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 27" que ya había: 43' = 42' + 1' = 42' 60"

c. 
$$\hat{A} = 215^{\circ} 24' 42''; \hat{B} = 201^{\circ} 30' 52''$$
  
215° 24' 42"  
-201° 30' 52"

Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 42" que ya había: 24' = 23' + 1' = 23' 60"

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en 60', que se añaden a los 23' que ya había:  $215^{\circ} = 214^{\circ} + 1^{\circ} = 214^{\circ} 60$ '

d. 
$$\hat{\mathbf{A}} = 12^{\circ} 33' 41''; \ \hat{\mathbf{B}} = 11^{\circ} 36' 48''$$
  
12° 33' 41";  
-11° 36' 48"

Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 41" que ya había: 33' = 32' + 1' = 32' 60"

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en 60', que se añaden a los 32' que ya había:  $12^0 = 11^0 + 1^0 = 11^0 60$ '

e. 
$$\hat{\mathbf{A}} = 108^{\circ}$$
;  $\hat{\mathbf{B}} = 40' \ 30 \ 000''$   
- 40' 30 000''

Se convierte el ángulo  $\ddot{B}$  en grados:  $40^{\circ} \cdot 60 = 2400^{\circ} \Rightarrow 2400^{\circ} + 30000 = 32400^{\circ}$  $32400^{\circ} : 3600 = 9^{\circ}$ 

# 45. Realiza las siguientes multiplicaciones de un ángulo por un número y exprésalas en forma compleja:

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

#### c. 37° 48' 29" - 6

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$174$$
" =  $60$ " +  $60$ " +  $54$ " =  $1$ ' +  $1$ '  $54$ "

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$290' = 60' + 60' + 60' + 60' + 50' = 1^{\circ} + 1^{\circ} + 1^{\circ} + 1^{\circ} 50'$$

#### d. 11° 33' 20" - 8

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$160^{\circ\prime\prime} = 60^{\circ\prime\prime} + 60^{\circ\prime\prime} + 40^{\circ\prime\prime} = 1^{\prime\prime} + 1^{\prime\prime} 40^{\circ\prime\prime}$$

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$266' = 60' + 60' + 60' + 60' + 26' = 1^{\circ} + 1^{\circ} + 1^{\circ} + 1^{\circ} 26'$$

#### e. 129° 35' 29'' - 2

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$70' = 60' + 10' = 1^{\circ} 10'$$

f. 20' 300" - 4

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$1\ \dot{2}00'' = 60 \cdot 20 = 20'$$

Los 20' se suman a los minutos anteriores:

$$80' + 20' = 100'$$

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$100' = 60' + 40' = 10' 40'$$

- 46. Calcula las siguientes divisiones de un ángulo entre un número y exprésalas en forma compleja:
  - a. 120° 45' 36" : 3

00

0'

c. 43° 48' 24": 6

$$1^{\circ} \rightarrow \underline{+60'}$$
  $7^{\circ} 18' 4"$ 

d. 106° 33' 20": 8

$$2^0 \rightarrow \underline{+120'}$$

$$1' \rightarrow \underline{+60"}$$

e. 145° 13' 48": 12

145° 13' 48" 
$$|12|$$
 $1° \rightarrow +60'$  12

$$1' \rightarrow \underline{+60"}$$

- 47. Dados los ángulos  $\hat{A}$  = 103° 24' 5" y  $\hat{B}$  = 36° 41' 55", realiza las siguientes operaciones, expresándolas en forma compleja:
  - a.  $\hat{A} + \hat{B}$ 103° 24' 5" +36° 41' 55" 139° 65' 60"; 60" = 1' 139° 65' + 1'; = 139° 66'; 66' = 60' + 6' = 1° 6' 139° 66' = 139° + 1° 6' = 140° 6'
  - **b.**  $\hat{A} \hat{B}$ 103° 24′ 5″ -36° 41′ 55″

Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 5" que ya había: 24' = 23' + 1' = 23' 60"

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en  $60^\circ$ , que se añaden a los  $22^\circ$  que ya había:  $102^\circ = 101^\circ + 1^\circ = 101^\circ 60^\circ$ 

**c.** 3 ·  $\hat{\mathbf{B}}$  36° 41' 55" × 3 108° 123' 165"

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

d. 
$$\hat{A}:5$$

$$103^{\circ} 24' 5" 5" 5$$

$$3^{\circ} \rightarrow \underline{+180'} 204'$$

$$4' \rightarrow \underline{+240''} 245''$$

$$0"$$

- 48. Dados los ángulos  $\hat{A}$  = 18° 27' 37" y  $\hat{B}$  = 34° 22' 42", realiza las siguientes operaciones y expresa el resultado en forma compleja:
  - a.  $\hat{A} + 2 \cdot \hat{B}$   $34^{\circ} 22' 42''$   $\times$  2  $68^{\circ} 44' 84''$   $18^{\circ} 27' 37''$  $+68^{\circ} 44' 84''$

86° 71' 121"

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

b.  $4 \cdot \hat{A} - \hat{B}$ 18° 27' 37"  $\frac{x}{72^{\circ}} \cdot 108' \cdot 148"$ 72° 108' 148"  $\frac{-34^{\circ}}{22'} \cdot \frac{42}{42''}$ 38° 86' 106"

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

c. 
$$3 \cdot (\hat{A} + \hat{B})$$
  
 $18^{\circ} 27' 37''$   
 $+34^{\circ} 22' 42''$   
 $52^{\circ} 49' 79''$ 

Los segundos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

Los minutos obtenidos exceden de 60 y se transforman en unidades superiores:

$$150' = 60' + 60' + 30' = 1^{\circ} + 1^{\circ} 30'$$

d. 
$$(\hat{B} - \hat{A}): 5$$

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en 60°, que se añaden a los 22° que ya había: 34° = 33° + 1° = 33° 60°

- 49. Dados los ángulos  $\hat{A}$  = 27° 29′ 3″ y  $\hat{B}$  = 15° 27′ 6″, halla el complementario de cada uno de estos ángulos:
  - **a.**  $\hat{\mathbf{A}} + \hat{\mathbf{B}}$ 27° 29' 3"
    +15° 27' 6"
    42° 56' 9"

**b.** 
$$\hat{A} - \hat{B}$$
27° 29' 3"
-15° 27' 6"

Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 3" que ya había: 29' = 28' + 1' = 28' 60"

**c.** 
$$3 \cdot \hat{A} - \hat{B}$$
27° 29' 3"
 $\frac{x}{82^{\circ}}$  27' 9"

**d.** 
$$\hat{\mathbf{B}}$$
 : 2  
15° 27' 6" 2  
1°  $\rightarrow$  +60' 7° 43'33"  
87'  
1'  $\rightarrow$  +60"  
66"

50. Dados los ángulos  $\hat{A}=118^{\circ}$  27' 37" y  $\hat{B}=55^{\circ}$  31' 15", calcula el suplementario de cada uno de estos ángulos:

a. 
$$\hat{A} + \hat{B}$$

**b.** 
$$\hat{A} - \hat{B}$$
  
118° 27' 37"  
-55° 31' 15"

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en 60', que se añaden a los 27' que ya había:  $118^{\circ} = 117^{\circ} + 1^{\circ} = 117^{\circ} 60$ '

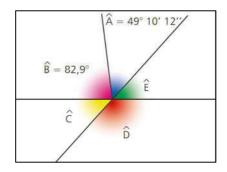
c. 
$$\hat{A} - 2 \cdot \hat{B}$$
  
55° 31' 15"  
 $\frac{x}{110^{\circ} 62' 30"}$   
118° 27' 37"

-110° 62' 30"

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en  $60^\circ$ , que se añaden a los  $27^\circ$  que ya había:  $118^\circ = 117^\circ + 1^\circ = 117^\circ 60^\circ$ 

**d.** 
$$\hat{\mathbf{B}}$$
 : 3  
 $55^{\circ}$  31' 15"  $\boxed{3}$   
 $1^{\circ} \rightarrow \underline{+60'}$  18° 30' 25"  
 $91'$   
 $1' \rightarrow \underline{+60''}$   
 $75''$ 

51. Determina el valor de cada ángulo de la figura.



$$\hat{C} = 180^{\circ} - (\hat{A} + \hat{B}) = 180^{\circ} - (49^{\circ} 10' 12'' + 82^{\circ} 54' 0'') = 47^{\circ} 55' 48''$$

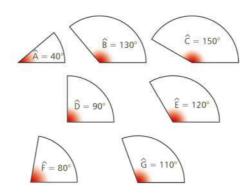
 $\hat{\mathsf{E}}\$  es igual que  $\hat{C}$  , por ser opuestos por el vértice.

$$\hat{D} = 180^{\circ} - \hat{C} = 180^{\circ} - 47^{\circ} 55' 48'' = 132^{\circ} 4' 12''$$

52. A Rodrigo, Sara y Nicolás les han comprado una *pizza* familiar para compartir. La han repartido en tres partes proporcionales al buen comportamiento que han tenido. La parte de Rodrigo tiene una amplitud de 145° 37', y la de Nicolás, de 115° 53' 46''. ¿Cuál es la amplitud del trozo que le corresponde a Sara?

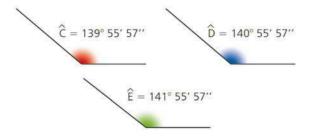
$$360^{\circ} - (145^{\circ} 37' + 115^{\circ} 53' 46'') = 98^{\circ} 29' 14''$$
  
A Sara le corresponde un trozo de amplitud 98° 29' 14''.

53. María ha troceado dos círculos y ha mezclado las piezas, por lo que ahora no sabe cuáles son de cada uno. Ayúdala a completarlos.



$$A + C + D + F = 40^{\circ} + 150^{\circ} + 90^{\circ} + 80^{\circ} = 360^{\circ}$$
  
 $B + E + G = 130^{\circ} + 120^{\circ} + 110^{\circ} = 360^{\circ}$ 

54. ¿Cuál es el sector que es necesario unir a los ángulos  $\hat{A}$  = 87° 28' 14" y  $\hat{B}$  = 131° 35' 49" para que se forme un ángulo completo de 360°?



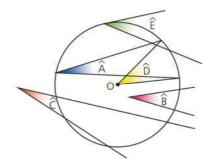
 $360^{\circ} - (\hat{A} + \hat{B}) = 360^{\circ} - (87^{\circ} 28' 14'' + 131^{\circ} 35' 49'') = 140^{\circ} 55' 57''$  El sector que se necesita es  $\hat{D}$ .

#### **SOLUCIONES PÁG. 233**

55. Copia y completa en tu cuaderno las siguientes frases con el término que consideres más adecuado:

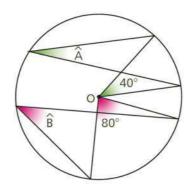
- a. En un ángulo exterior, el vértice es un punto exterior a la circunferencia.
- b. En un ángulo inscrito, el vértice es un punto de la circunferencia, y sus lados la cortan.
- c. El ángulo central mide lo mismo que el arco que abarca.
- d. La medida del ángulo interior es la semisuma de los arcos que comprenden él y su opuesto.
- 56. Dibuja una circunferencia y traza en ella un ángulo central, un ángulo inscrito, un ángulo interior, un ángulo exterior y un ángulo semiinscrito.

  Respuesta abierta.
- 57. Indica el nombre de los ángulos que aparecen en la figura.



 $\hat{A}$  es un ángulo inscrito,  $\hat{B}$  es un ángulo interior,  $\hat{C}$  es un ángulo exterior,  $\hat{D}$  es un ángulo central y  $\hat{E}$  es un ángulo semiinscrito.

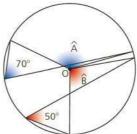
#### 58. Halla el valor de los siguientes ángulos inscritos:



El ángulo  $\hat{A}$  es un ángulo inscrito y mide la mitad del arco que abarca. Como el arco que abarca es de 40º, dicho ángulo mide:  $\hat{A}=20^\circ$ .

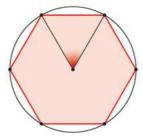
El ángulo  $\hat{B}$  es un ángulo inscrito y mide la mitad del arco que abarca. Como el arco que abarca es de 80°, dicho ángulo mide  $\hat{B}=40^\circ$ .

#### 59. Calcula el valor de estos ángulos centrales:



Como el ángulo central y el ángulo inscrito tienen los mismos puntos de corte en la circunferencia, el valor de los ángulos centrales es el doble. Así, el ángulo central  $\hat{A}$  mide el doble de 70°, y el ángulo central  $\hat{B}$  ´mide el doble de 50. Por tanto:  $\hat{A}=140^\circ$  y  $\hat{B}=100^\circ$ 

# 60. Cualquier polígono regular se puede inscribir en una circunferencia, y el ángulo central del polígono es el que abarca uno de sus lados.



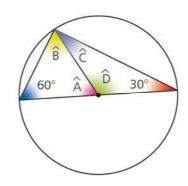
a. ¿Cuánto vale el ángulo central de un hexágono regular?

$$\frac{360^{\circ}}{6} = 60^{\circ}$$

b. ¿Y el de un pentágono regular?

$$\frac{360^{\circ}}{5} = 72^{\circ}$$

### 61. Halla el valor de los siguientes ángulos:

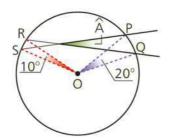


El ángulo  $\hat{A}$  mide 60° por ser el central del ángulo inscrito de 30°. El ángulo  $\hat{D}$  mide 120° por ser el central que mide 60°. El ángulo  $\hat{B}$  mide 60° por tener que sumar 180° entre los tres que forman el triángulo. El ángulo  $\hat{C}$  mide 30° por tener que sumar 180° entre los tres que forman el triángulo.

#### 62. Actividad resuelta.

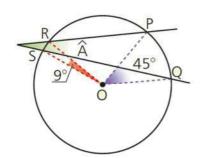
#### 63. Halla el valor de los siguientes ángulos:

a.



El ángulo  $\hat{A}$  es un ángulo interior y su medida es la semisuma de los arcos que comprende él y su opuesto:  $\hat{A} = \frac{20^{\circ} + 10^{\circ}}{2} = 15^{\circ}$ 

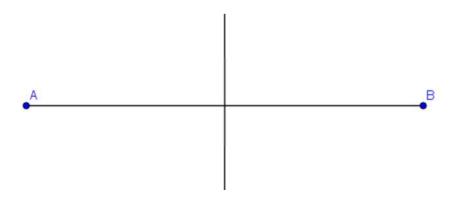
b.



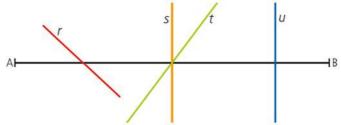
El ángulo  $\hat{A}$  es un ángulo exterior y su medida es la semidiferencia de los arcos que abarca:  $\hat{A} = \frac{45^{\circ} - 9^{\circ}}{2} = 18^{\circ}$ 

#### **SOLUCIONES PÁG. 235**

64. Dibuja en tu cuaderno un segmento de 8 cm y traza su mediatriz.



65. Fíjate en la siguiente figura:



a. Entre las rectas que cortan al segmento AB, ¿hay alguna que sea la mediatriz? ¿Cuál?

Sí. la recta s.

b. ¿Puede un segmento tener más de una mediatriz? No, solo puede tener una mediatriz.

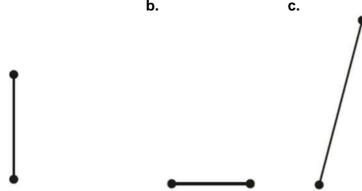
66. Dibuja en tu cuaderno un segmento de la longitud que quieras y determina su punto medio a través de su mediatriz.

Respuesta abierta.

67. Mide y copia estos segmentos en tu cuaderno y traza la mediatriz de cada uno de ellos:

a.

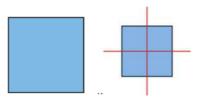




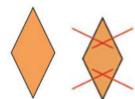
En los tres casos, es la recta que pasa por el punto medio de forma perpendicular.

- 68. Elige un punto de una de las mediatrices trazadas en la actividad anterior y mide la distancia que hay a cada uno de los extremos del segmento.
  - a. ¿Cómo son esas distancias? Iguales
  - b. Elige otro punto de la mediatriz y repite la operación. ¿Sucede lo mismo?
- 69. Mide y copia estas figuras en tu cuaderno. Halla los puntos medios de los lados, trazando sus mediatrices.

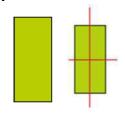




a.



b.



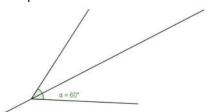
- 70. Dibuja un segmento y traza desde sus extremos dos arcos de circunferencia de radios distintos que se corten en dos puntos.
  - a. ¿Es la mediatriz la recta que se obtiene al unir los puntos de corte? No, porque los arcos tienen distintos radios.
  - b. En caso contrario, ¿qué recta se obtiene? Una perpendicular al segmento.
- 71. Actividad resuelta.
- 72. Dos niños situados en dos puntos cualesquiera, A y B, deben coger lo antes posible un objeto que está situado entre ellos. Representa con un esquema esta situación y determina en qué posición de la cuerda debe colocarse el objeto para que el juego sea justo para ambos participantes.

El objeto debe situarse en el punto donde se cortan la cuerda y la mediatriz del segmento que determina la posición de los puntos A y B.



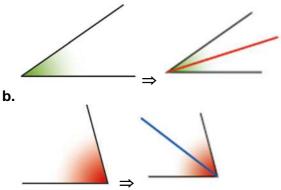
73. Dibuja en tu cuaderno un ángulo de 60° y traza su bisectriz.

Respuesta abierta.



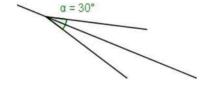
74. Copia estos ángulos en tu cuaderno y traza la bisectriz de cada uno de ellos:





- 75. Elige un punto de una de las bisectrices trazadas en la actividad anterior y mide la distancia que hay a cada uno de los lados del ángulo correspondiente.
  - a. ¿Cómo son esas distancias? Iguales
  - b. Elige otro punto de la bisectriz y repite la operación. ¿Sucede lo mismo?
- 76. Dos caballos se atan con sendas cuerdas a un tronco de gran peso. Ambos tiran con igual fuerza de sus cuerdas, que forman un ángulo de 30°. Indica mediante un dibujo la dirección en que arrastrarán el tronco.

En la dirección de la bisectriz del ángulo de 30°.



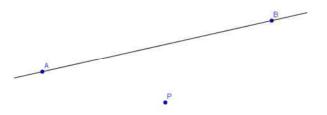
#### **SOLUCIONES PÁG. 236**

1. Traza una recta, *r*, y un punto exterior a ella, P. Dibuja una recta paralela a *r* por el punto P.

Se traza una recta:



Se dibuja un punto P exterior a ella:



Se pincha en el icono de rectas paralelas:



y se traza dicha recta:

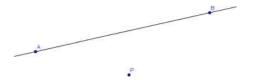


2 Traza una recta, *r,* y un punto exterior a ella, P. Dibuja una recta perpendicular a *r* por el punto P.

Se traza una recta:



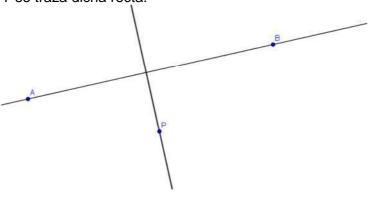
Se dibuja un punto P exterior a ella:



Se pincha en el icono de rectas perpendiculares:



Y se traza dicha recta:



#### **SOLUCIONES PÁG. 237**

- Indica las diferencias entre un segmento y una semirrecta.
   Un segmento tiene dos extremos mientras que una semirrecta tiene uno.
- 2. ¿Qué posición relativa tienen las rectas perpendiculares? Son secantes.
- 3. ¿Cuál es la diferencia entre un ángulo convexo y uno cóncavo? El convexo mide menos de 180º y el cóncavo mide más de 180º.
- 4. Define ángulos complementarios y ángulos suplementarios. Pon un ejemplo de cada caso.

Dos ángulos son complementarios si suman 90°, por ejemplo 40° + 50° son dos ángulos complementarios.

Dos ángulos son suplementarios si suman 180°, por ejemplo 100° + 80° son dos ángulos suplementarios.

5. ¿En qué unidad se mide los ángulos? Pon un ejemplo. Se mide en grados sexagesimales. Respuesta abierta, por ejemplo 6º.

- 6. Si dos rectas son perpendiculares:
  - a. ¿Cuántos ángulos se forman alrededor del punto de corte de ambas rectas?

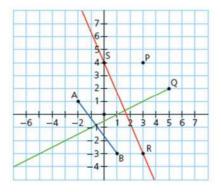
Se forman cuatro ángulos.

- b. ¿Cómo son esos ángulos entre sí?
   Todos iguales.
- c. ¿De qué tipo son? Son ángulos rectos.
- 7. Dibuja dos rectas paralelas y una secante a ellas. ¿Qué ángulos se forman? Respuesta abierta.
- 8. Prepara una presentación para tus compañeros. Puedes hacer un documento PowerPoint, usar Glogster...
  Respuesta abierta.

#### **SOLUCIONES PÁG. 238**

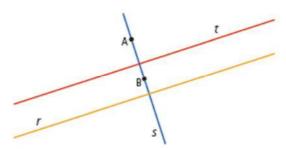
### PUNTO, SEGMENTO, SEMIRRECTA Y RECTA EN EL PLANO

- 1. Representa en unos ejes coordenados los siguientes elementos:
  - a. El punto P (3, 4).
  - b. El segmento AB cuyos extremos son los puntos A (-2, 1) y B (1, -3).
  - c. La semirrecta con origen en el punto Q (5, 2).
  - d. La recta que pasa por los puntos R (3, -3) y S (0, 4).



#### **POSICIONES RELATIVAS DE DOS RECTAS**

2. Fíjate en la figura e indica si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas. Luego, corrige estas últimas.



**a. El punto A pertenece a la recta** *t.* Falso, pertenece a la recta *s.* 

b. Las rectas r y s son secantes.

Verdadero.

c. El segmento AB está incluido en la recta s. Verdadero.

**d.** Las rectas s y t son perpendiculares. Verdadero.

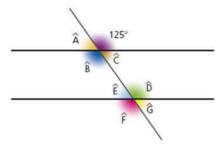
**e.** Se puede trazar una recta paralela a *r* por el punto **A.** Verdadero.

#### **ÁNGULOS. TIPOS Y RELACIONES**

3. ¿Cuántos ángulos consecutivos de 30° se necesitan para completar un ángulo recto?

Se necesitan tres ángulos consecutivos, porque  $90^{\circ} = 30^{\circ} \cdot 3$ 

4. Halla el valor de cada uno de los ángulos que aparecen en la siguiente figura y clasifícalos:



 $\hat{A} = \hat{C} = 55^{\circ}$ , por ser opuestos por el vértice.

 $\hat{E} = \hat{A} = 55^{\circ}$ , por tener un lado común y otro paralelo.

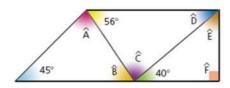
 $\hat{G} = \hat{E} = 55^{o}$ , por ser opuestos por el vértice.

Los ángulos  $\hat{A}$  y  $\hat{B}$  son suplementarios, por lo que  $\hat{B}$  = 125°.

 $\hat{F} = \hat{B} = 125^{\circ}$ , por tener un lado común y otro paralelo.

 $\hat{D} = \hat{F} = 125^{\circ}$  ', por ser opuestos por el vértice.

5. Halla la medida de los ángulos indicados en la siguiente figura:



El ángulo  $\hat{F}$  mide 90°, ya que es un ángulo recto, y el ángulo  $\hat{E}$  es el tercero de ese triángulo rectángulo, y por tanto mide 50° pues los tres suman 180°. El ángulo  $\hat{D}$  mide 40°, pues es el contiguo del ángulo  $\hat{E}$ , y ambos forman uno recto. El ángulo  $\hat{C}$  es el tercero de un triángulo cuyos otros dos ángulos miden 56° y 40°, por tanto mide 84° pues los tres suman 180°. El ángulo  $\hat{B}$  mide 180° – (40° + 84°) = 56°. Por último, el ángulo  $\hat{A}$  es el tercero de un triángulo cuyos otros dos ángulos miden 45° y 56°, por tanto, vale 79° pues los tres suman 180°.

### MEDIDA DE ÁNGULOS Y CONVERSIÓN

6. Halla el valor de las letras para que se cumplan las igualdades propuestas.

```
a. A° = 1 200' = B"

A°= 1 200 : 60 = 20°; B" = 1 200 · 60 = 72 000"

b. 10° = C' = D"

C' = 10° · 60 = 600'; D" = 600 · 60 = 36 000"

c. E° = F' = 324 000"

F' = 324 000" : 60 = 5 400'; E° = 5 400' : 60 = 90°

d. G° = 6 000' = H"

G° = 6 000' : 60 = 100°; H" = 6 000' · 60 = 360 000"
```

7. Expresa en forma compleja las siguientes medidas angulares:

```
a. 84,11°
     84° + 0,11°
     0.11^{\circ} \cdot 60 = 6.6^{\circ}
     0.6' \cdot 60 = 36"
     84.11^{\circ} \Rightarrow 84^{\circ} 6' 36''
b. 35,6°
     35^{\circ} + 0.6^{\circ}
     0.6^{\circ} \cdot 60 = 36'
     35,6^{\circ} \Rightarrow 35^{\circ}36'
c. 90,57°
     90^{\circ} + 0.57^{\circ}
     0.57^{\circ} \cdot 60 = 34.2'
     0.2 \cdot 60 = 12"
     90.57^{\circ} \Rightarrow 90^{\circ} 34' 12''
d. 170,82°
     170^{\circ} + 0.82^{\circ}
     0.82^{\circ} \cdot 60 = 49.2'
     0.2 \cdot 60 = 12"
     170,82^{\circ} \Rightarrow 170^{\circ} 49' 12''
```

8. Calcula en forma incompleja estas medidas angulares:

```
a. 76° 8' 41"

41": 60 = 0,683'

8' + 0,683' = 8,683'

76° 8,683'

8,683': 60 = 0,144 7°

76° + 0,1447° = 76,144 7°

b. 190° 46' 28"

28": 60 = 0,466'

46' + 0,466' = 46,466'

190° 46,466'

46,466': 60 = 0,774°

190° + 0,774 4° = 190,774 4°
```

```
c. 333° 57' 19"
19": 60 = 0,316 6'
57' + 0,316 6' = 57,3166'
333° 57,316 6'
57,316 6': 60 = 0,955 2°
333° + 0,955 2° = 333,955 3°
```

9. Ordena de forma creciente los siguientes ángulos:

 $\hat{A} = 36^{\circ}$ ;  $\hat{B} = 2\ 200'$ ;  $\hat{C} = 13^{\circ}\ 13''$ ;  $\hat{D} = 46\ 813''$ 

$$\hat{B}$$
 = 2 200' : 60 = 36,666°  
 $\hat{C}$  = 13° 13"  
13" : 3600 = 0,003 61°  
13° + 0,003 61° = 13,003 61°  
 $\hat{D}$  = 46 813"  
46 813" : 3 600 = 13,003 61°

$$\hat{C} = \hat{D} < \hat{A} < \hat{B}$$

## **OPERACIONES CON ÁNGULOS**

- 10. Si  $\hat{A} = 20^{\circ} 21' 22'' \text{ y } \vec{B} = 100^{\circ} 44' 16''$ , realiza las siguientes operaciones:
  - a. Â + B 20° 21' 22" +100° 44' 16" 120° 65' 38" 65' = 60' + 5' = 1° 5' 120° + 1° 5' 38" = 121° 5' 38"
  - **b.**  $\vec{B} \hat{A}$ 100° 44' 16"
    -20° 21' 22"

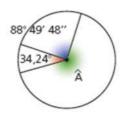
Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 16" que ya había: 44' = 43' + 1' = 43' 60"

c. 5 · Â  

$$20^{\circ}$$
 21' 22"  
 $\frac{\times}{100^{\circ}} \frac{5}{110"}$   
 $110" = 60" + 50" = 1' 50"$   
 $100^{\circ}$  105' + 1' 50" = 100° 106' 50"  
 $106' = 60' + 46' = 1^{\circ}$  46'  
 $100^{\circ}$  + 1° 46' 50" = 101° 46' 50"

**d.** 
$$\vec{B}$$
 : 4 100° 44' 16"  $4$  0° 0' 0" 25°11'4"

#### 11. Calcula el valor del ángulo desconocido y exprésalo en forma compleja.



Se transforma el ángulo dado en forma incompleja en forma compleja:  $34,24^{\circ} = 34^{\circ} 14' 24''$ 

La suma de los tres es 360°. Por tanto:

$$\hat{A} = 360^{\circ} - (88^{\circ} 49' 48'' + 34^{\circ} 14' 24'') = 236^{\circ} 55' 48''$$

#### 12. Halla el complementario y suplementario de cada uno de estos ángulos:

a. 25° 30' 11"

Complementario:

$$89^{\circ} 59' 60'' - 25^{\circ} 30' 11'' = 64^{\circ} 29' 49''$$

Suplementario:

b. 88° 46' 31''

Complementario:

Suplementario:

c. 5° 58' 29"

Complementario:

$$89^{\circ} 59' 60'' - 5^{\circ} 58' 29'' = 84^{\circ} 1' 31''$$

Suplementario:

$$179^{\circ} 59' 60'' - 5^{\circ} 58' 29'' = 174^{\circ} 1' 31''$$

d. 76° 20' 46"

Complementario:

$$89^{\circ} 59' 60'' - 76^{\circ} 20' 46'' = 13^{\circ} 39' 14''$$

Suplementario:

$$179^{\circ} 59' 60'' - 76^{\circ} 20' 46'' = 103^{\circ} 39' 14''$$

#### **SOLUCIONES PÁG. 239**

#### 13. Realiza las siguientes operaciones con ángulos:

```
106° 13' 32"

+128° 60' 22"

234° 73' 54"

73' = 60' +13' = 1° 13'

234° 73' 54" = 234° + 1° 13' 54" = 235° 13' 54"

c. 2 · (181° 44' 15" – 39° 34' 32")

181° 44' 15"

-39° 34' 32"
```

Los segundos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un minuto en 60", que se añaden a los 15" que ya había: 44' = 43' + 1' = 43' 60"

181° 43' 75"
$$-39° 34' 32"$$

$$142° 9' 43"$$

$$\frac{\times}{2}$$
284° 18' 86"
$$86" = 60" + 26" = 1' 26"$$

$$284° 18' 86" = 284° 18' + 1' 26" = 284° 19' 26"$$
**d.** (12° 52' 2" + 39° 51' 22") : 5

$$12° 52' 2"$$

$$+39° 51' 22"$$

$$51° 103' 24"$$

$$103' = 60' + 43' = 1° 43'$$

$$51° 103' 24" = 51° + 1° 43' 24" = 52° 43' 24"$$

$$52° 43' 24" | 5$$

$$2° \rightarrow +120' 10° 32' 40,8"$$

$$163' 3' \rightarrow +180"$$

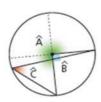
$$204"$$

$$0"$$

## **ÁNGULOS EN LA CIRCUNFERENCIA**

#### 14. Halla el valor de los ángulos de estas circunferencias:

a.



El ángulo  $\hat{B}$  es recto, por lo tanto,  $\hat{B} = 90^{\circ}$ .

El ángulo  $\hat{C}$  es el ángulo inscrito del ángulo central  $\hat{B}$ , por tanto, mide la mitad:  $\hat{C}=45^{\circ}$ .

El ángulo:  $\hat{A} = 360^{\circ} - \hat{B} = 360^{\circ} - 90^{\circ} = 270^{\circ}$ .

b.



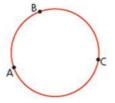
 $\hat{A} = 31.5^{\circ}$ , por ser inscrito al ángulo de 63°.

 $\hat{B} = 90^{\circ}$ , por ser inscrito, y mide la mitad del arco que abarca.

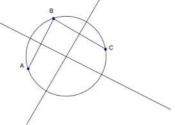
 $\hat{C} = 45^{\circ}$ , por ser inscrito, y mide la mitad del arco que abarca.

## CONSTRUCCIONES GEOMÉTRICAS: MEDIATRIZ Y BISECTRIZ

#### 15. Dibuja esta circunferencia de 2 cm de radio en tu cuaderno:



Traza las mediatrices de los segmentos AB y BC. ¿Cómo se llama el punto de corte de las dos mediatrices?



Centro de la circunferencia.

16. Copia en tu cuaderno la siguiente figura y traza:



- a. El punto de la recta que esté más cerca del punto P.
- b. El punto de la recta más cercano al punto Q.
- c. El punto de la recta que equidiste de los puntos P y Q.



## 17. Visita esta página de Internet y repasa los contenidos de la unidad:

http://conteni2.educarex.es/mats/11795/contenido/

Respuesta abierta.

#### **EVALUACIÓN**

1. El número de puntos en los que se cortan dos rectas perpendiculares es:

a. 1

b. 2

c. 3

d. 0

El suplementario de un ángulo de 37° es:

a. 63°

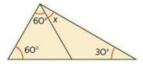
b. 323°

c. 143°

d. 53°

Los ángulos suplementarios suman  $180^{\circ}$ . Por tanto:  $180^{\circ} - 37^{\circ} = 143^{\circ}$ 

3. La medida del ángulo x en la figura es:



a. 60°

b. 90°

c. 15°

d. 30°

La suma de los ángulos interiores en un triángulo es 180º:  $180^{\circ} = 30^{\circ} + 60^{\circ} + 60^{\circ} + x \Rightarrow x = 30^{\circ}$ 

Los siguientes ángulos son:



a. Adyacentes.

c. Opuestos.

b. Consecutivos.

d. Llanos.

5. La forma incompleja del ángulo 25° 37' 41" es:

a. 25,37°

**b. 25,52°** c. 25,63°

d. 25,41°

 $41": 3600 = 0,011^{\circ}$ 

 $37':60=0,617^{\circ}$ 

 $25^{\circ} + 0,617^{\circ} + 0,011^{\circ} = 25,628^{\circ}$ 

6. La forma compleja del ángulo 78,86° es:

a. 78° 51' 36"

c. 78° 86'

b. 78° 06' 16"

d. 78° 59' 26"

$$0.86^{\circ} \cdot 60 = 51.6' = 51' + 0.6'$$
  
 $0.6' \cdot 60 = 36''$ 

7. Halla el resultado de la suma 134° 26' 13" + 23° 35' 55".

b. 
$$158^{\circ} 2' 8''$$
 **d.  $157^{\circ} 1' 8''$** 

$$134^{\circ} 26' 13''$$

$$+ 23^{\circ} 35' 55''$$

$$157^{\circ} 61' 68''$$

$$68'' = 60'' + 8'' = 1' 8''$$

$$61' + 1' = 62' \Rightarrow 62' = 60' + 2' = 1^{\circ} 2'$$

$$157^{\circ} + 1^{\circ} = 158^{\circ}$$

$$158^{\circ} 2' 8''$$

a. 157° 61' 58" c. 158° 1' 8"

8. Halla el resultado de la resta 54° 15' 47" - 49° 35' 22".

Los minutos no se pueden restar por ser mayor el sustraendo que el minuendo; se transforma, entonces, un grado en 60', que se añaden a los 15' que ya había:  $54^\circ = 53^\circ + 1^\circ = 53^\circ 60$ '

\_49° 35' 22"

9. A un ángulo interior recto le corresponde un ángulo central:

