

## FÍSICA

El examen consta de 8 preguntas de 2 puntos, de las que podrá responder un **MÁXIMO DE 5**, combinadas como quiera. Si responde más preguntas de las permitidas, **solo serán corregidas las 5 primeras respondidas.**

### PREGUNTA 1. Responda indicando y justificando la opción correcta:

**1.1.** Una partícula cargada se mueve espontáneamente hacia puntos en los que el potencial electrostático aumenta. El signo de la carga eléctrica será: A) Negativo. B) Positivo. C) No se puede saber.

**1.2.** Cuando una onda armónica esférica se propaga en el espacio, su energía es: A) Inversamente proporcional a la frecuencia. B) Proporcional al cuadrado de la amplitud. C) Inversamente proporcional al cuadrado de la distancia al foco emisor.

### PREGUNTA 2. Responda indicando y justificando la opción correcta:

**2.1.** La imagen que se obtiene al situar un objeto delante de una lente divergente a una distancia igual al doble de la distancia focal es: A) Virtual, derecha, igual. B) Real, derecha, menor. C) Virtual, derecha, menor.

**2.2.** En la reacción  ${}^{235}_{92}\text{U} + {}^1_0\text{n} \rightarrow {}^{141}_{56}\text{Ba} + {}^{92}_{36}\text{X} + 3 {}^1_0\text{n}$ , se cumple que: A) Es una fusión nuclear. B) Se pone en juego una gran cantidad de energía correspondiente al defecto de masa. C) Al elemento X le corresponde el número atómico 36 y el número másico 94.

### PREGUNTA 3. Responda indicando y justificando la opción correcta:

**3.1.** La fuerza electromotriz inducida en un circuito tiende: A) A disminuir el flujo magnético que atraviesa el circuito. B) A aumentar el flujo magnético que atraviesa el circuito. C) Pueden ser correctas las dos opciones anteriores.

**3.2.** Un astronauta viaja en una nave espacial con velocidad constante  $\vec{v}$  respecto a un observador que está en reposo en la Tierra. El astronauta mide la longitud  $l$  (que coincide con la dirección de  $\vec{v}$ ) y la altura  $h$  de la nave. Las medidas de la longitud  $l'$  y altura  $h'$  que hace el terrícola serán: A)  $l' < l$  y  $h' < h$ . B)  $l' < l$  y  $h' = h$ . C)  $l' > l$  y  $h' > h$ .

### PREGUNTA 4. Desarrolle esta práctica:

En el laboratorio de física se monta un experimento para determinar el índice de refracción de una lámina de vidrio haciendo incidir rayos de luz con distintos ángulos de incidencia  $\theta_1$  y midiendo en cada caso el ángulo de refracción  $\theta_2$ .

A) ¿En qué ley física nos basaremos para hacerlo?

b) Determine el índice de refracción de la lámina a partir de los datos experimentales mostrados en la tabla.

|                      |    |    |    |    |    |
|----------------------|----|----|----|----|----|
| $\theta_1(^{\circ})$ | 18 | 24 | 32 | 40 | 50 |
| $\theta_2(^{\circ})$ | 12 | 15 | 20 | 25 | 30 |

### PREGUNTA 5. Resuelva este problema:

El período de Júpiter en su órbita alrededor del Sol es aproximadamente 12 veces mayor que el de la Tierra en su correspondiente órbita. Considerando circulares las órbitas de los dos planetas, determine: A) La relación entre los radios de dichas órbitas. b) La relación entre las aceleraciones de los dos planetas en sus respectivas órbitas.

### PREGUNTA 6. Resuelva este problema:

Una partícula de masa 8 ng y carga eléctrica  $-2 \mu\text{C}$  entra en una región del espacio en la que hay un campo magnético  $\vec{B} = 3 \vec{j} \text{ T}$ , con una velocidad  $\vec{v} = 6 \vec{i} \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}$ . Calcule: A) La velocidad angular con que se mueve. b) La intensidad de campo eléctrico (vector) que se debe aplicar para que la partícula siga una trayectoria rectilínea.

### PREGUNTA 7. Resuelva este problema:

En una célula fotoeléctrica, el cátodo se ilumina con una radiación de longitud de onda  $\lambda = 3 \times 10^{-7} \text{ m}$ . A) Estudie si la radiación produce efecto fotoeléctrico, considerando que el trabajo de extracción corresponde a una frecuencia de  $7,0 \times 10^{14} \text{ Hz}$ . b) Calcule la velocidad máxima de los electrones arrancados y la diferencia de potencial que hay que aplicar entre ánodo y cátodo para que se anule la corriente fotoeléctrica.

DATOS:  $|q_e| = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ;  $m_e = 9,1 \times 10^{-31} \text{ kg}$ ;  $c = 3 \times 10^8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ ;  $h = 6,63 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ .

### PREGUNTA 8. Resuelva este problema:

La expresión matemática de una onda armónica transversal que se propaga por una cuerda tensa orientada según el eje  $x$  es:  $y = 0,5 \sin [2\pi (3t - x)]$  (unidades en el SI). Determine: A) Los valores de la longitud de onda, velocidad de propagación, velocidad y aceleración máximas de vibración de los puntos de la cuerda. b) La distancia mínima que separa dos puntos de la cuerda que en un mismo instante vibran desfasados  $2\pi$  radianes.

## Soluciones

1.1. Una partícula cargada se mueve espontáneamente hacia puntos en los que el potencial electrostático aumenta. El signo de la carga eléctrica será:

- A) Negativo.
- B) Positivo.
- C) No se puede saber.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Solución:** A

Una carga eléctrica se mueve en el interior de un campo electrostático en el sentido de disminuir su energía potencial.

La energía potencial electrostática de una carga  $q$  en un punto A es:

$$E_{pA} = q \cdot V_A$$

Si el potencial electrostático aumenta, para que la energía potencial electrostática disminuya, la carga tiene que ser negativa.

Si la carga fuese positiva, su energía potencial aumentaría cuando aumenta el potencial eléctrico.

$$\Delta E_p = q \cdot \Delta V$$

El campo eléctrico está dirigido en el sentido de los potenciales decrecientes. Por ejemplo, entre las placas de un condensador, el campo eléctrico va dirigido desde la placa positiva hacia la placa negativa, que es la que tiene el potencial más bajo.

Una carga negativa se movería hacia la placa positiva, que es la que tiene el potencial electrostático más alto.

1.2. Cuando una onda armónica esférica se propaga en el espacio, su energía es:

- A) Inversamente proporcional a la frecuencia.
- B) Proporcional al cuadrado de la amplitud.
- C) Inversamente proporcional al cuadrado de la distancia al foco emisor.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Solución:** B

La energía que transporta una onda material armónica unidimensional es la suma de la cinética y de potencial:

$$E = (E_c + E_p) = \frac{1}{2} m \cdot v^2 + \frac{1}{2} k \cdot x^2 = \frac{1}{2} m \cdot v_m^2 = \frac{1}{2} k \cdot A^2$$

La ecuación de la onda armónica unidimensional es:  $y = A \cdot \cos(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$

Derivando con respecto al tiempo:

$$v = \frac{dy}{dt} = -A \cdot \omega \cdot \sin(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$$

Es máxima cuando  $-\sin(\omega \cdot t \pm k \cdot x) = 1$ ,

$$v_m = A \cdot \omega$$

Sustituyendo en la ecuación de la energía:

$$E = \frac{1}{2} m \cdot v_m^2 = \frac{1}{2} m \cdot A^2 \cdot \omega^2$$

Como la pulsación  $\omega$  o frecuencia angular es proporcional a la frecuencia  $f$ :  $\omega = 2\pi \cdot f$

$$E = \frac{1}{2} m \cdot A^2 \cdot \omega^2 = \frac{1}{2} m \cdot A^2 (2\pi \cdot f)^2 = 2\pi^2 m \cdot A^2 \cdot f^2$$

La energía que transporta una onda es proporcional a los cuadrados de la frecuencia y de la amplitud.

2.1. La imagen que se obtiene al situar un objeto delante de una lente divergente a una distancia igual al doble de la distancia focal es:

- A) Virtual, derecha, igual.
- B) Real, derecha, menor.
- C) Virtual, derecha, menor.

(A.B.A.U. Jun. 22)

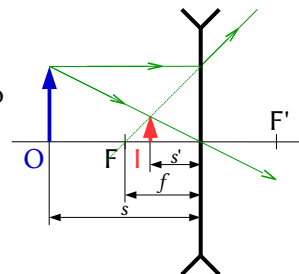
**Solución:** C

En el dibujo se representa el objeto **O** antes de la lente y desde su punto superior se dibujan dos rayos:

- Uno horizontal hacia la lente que la atraviesa y se refracta de manera que el rayo refractado se aleja del eje óptico, de forma que su prolongación pasa por el foco **F**.
- Otro hacia el centro de la lente. La atraviesa sin desviarse.

El punto de corte entre la prolongación del primero y el segundo, es el correspondiente a la imagen **I**.

*Análisis: La imagen es virtual ya que se forma a la izquierda de la lente que es la zona donde se forman las imágenes virtuales en las lentes. Es derecha y más pequeña que el objeto.*



2.2. En la reacción  ${}_{92}^{235}\text{U} + {}_0^1\text{n} \rightarrow {}_{56}^{141}\text{Ba} + {}_Z^AX + 3{}_0^1\text{n}$ , se cumple que:

- A) Es una fusión nuclear.
- B) Se pone en juego una gran cantidad de energía correspondiente al defecto de masa.
- C) Al elemento X le corresponde el número atómico 36 y el número másico 94.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Solución:** B

En las reacciones nucleares se libera mucha energía que es equivalente al defecto de masa, según la ecuación de Einstein:

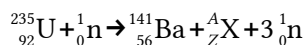
$$E = \Delta m \cdot c^2$$

Las reacciones de fisión se producen al bombardear un núcleo pesado, uranio o plutonio, con neutrones térmicos, que se mueven a la velocidad adecuada para producir la fragmentación del núcleo en dos núcleos más pequeños y la emisión de dos o tres neutrones que producen una reacción en cadena (si no se controla).

Las otras opciones.

La) Falsa. Es una reacción de fisión. El núcleo de uranio se rompe en otros más pequeños al ser bombardeado con neutrones. Los neutrones que se desprenden provoca una reacción en cadena.

C) Falsa.



Aplicando los principios de conservación del número bariónico (o número másico) y de la carga, queda:

$$235 + 1 = 141 + A + 3 \Rightarrow A = 92$$

$$92 = 56 + Z \Rightarrow Z = 36$$

El número atómico coincide, pero no el número másico.

3.1. La fuerza electromotriz inducida en un circuito tiende:

- A) A disminuir el flujo magnético que atraviesa el circuito.
- B) A aumentar el flujo magnético que atraviesa el circuito.
- C) Pueden ser correctas las dos opciones anteriores.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Solución:** C

La ley de Faraday - Lenz dice que se inducirá una corriente que se oponga a la variación de flujo a través de la espira. La f.e.m. de esa corriente será igual a la variación de flujo magnético respecto al tiempo.

$$\varepsilon = \frac{-d\Phi}{dt}$$

Si inducimos una corriente disminuyendo el número de líneas de campo magnético que atraviesan el circuito, la corriente inducida circulará en el sentido de oponerse a eso, aumentando el flujo.

Si lo que hacemos es aumentar el flujo magnético, la corriente inducida circulará en el sentido de oponerse a eso, disminuyendo el flujo.

En ambos casos se producirá corriente inducida.

3.2. Un astronauta viaja en una nave espacial con velocidad constante  $\bar{v}$  respecto a un observador que está en reposo en la Tierra. El astronauta mide la longitud  $l$  (que coincide con la dirección de  $\bar{v}$ ) y la altura  $h$  de la nave. Las medidas de la longitud  $l'$  y altura  $h'$  que hace el terrícola serán:

- A)  $l' < l$  y  $h' < h$ .
- B)  $l' < l$  y  $h' = h$ .
- C)  $l' > l$  y  $h' > h$ .

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Solución:** B

La teoría de la relatividad especial dice que la longitud de un objeto que se mueve a velocidades próximas a la luz, medida desde otro sistema en reposo, es menor que la que mediría un observador situado en ese objeto que se mueve. La longitud  $l'$ , medida desde el sistema en reposo, viene dada por la expresión:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Como el factor que contiene la raíz cuadrada es menor que 1, la longitud  $l' < l$ .

La contracción de la longitud afecta solo a la medida de la longitud que se mueve en la misma dirección, pero no a la de la altura, que es perpendicular a la dirección del movimiento.

P.4. En el laboratorio de física se monta un experimento para determinar el índice de refracción de una lámina de vidrio haciendo incidir rayos de luz con distintos ángulos de incidencia  $\theta_1$  y midiendo en cada caso el ángulo de refracción  $\theta_2$ .

- a) ¿En qué ley física nos basaremos para hacerlo?
- b) Determina el índice de refracción de la lámina a partir de los datos experimentales mostrados en la tabla.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Solución:**

DETERMINACIÓN DO ÍNDICE DE REFRACCIÓN DUN MEDIO en Prácticas: Orientacións xerais del Grupo de Traballo.

a) La ley de Snell puede resumirse en la ecuación:

$$n_i \cdot \sin \varphi_i = n_r \cdot \sin \varphi_r$$

Si el medio de incidente es el aire,  $n_i = 1$ , el índice de refracción del vidrio será

$$n_r = \frac{\sin \varphi_i}{\sin \varphi_r}$$

b) Se hace una tabla calculando los senos de los ángulos de incidente y refracción.

| N.º exp. | $\varphi_i / ^\circ$ | $\varphi_r / ^\circ$ | $\sin \varphi_i$ | $\sin \varphi_r$ | $n_r = \frac{\sin \varphi_i}{\sin \varphi_r}$ |
|----------|----------------------|----------------------|------------------|------------------|-----------------------------------------------|
| 1        | 18                   | 12                   | 0,309            | 0,208            | 1,49                                          |
| 2        | 24                   | 15                   | 0,407            | 0,259            | 1,57                                          |
| 3        | 32                   | 20                   | 0,530            | 0,342            | 1,55                                          |
| 4        | 40                   | 25                   | 0,643            | 0,423            | 1,52                                          |
| 5        | 50                   | 30                   | 0,766            | 0,500            | 1,53                                          |

El valor medio de los índices de refracción es :

$$n_r = 1,53$$

P.5. El período de Júpiter en su órbita alrededor del Sol es aproximadamente 12 veces mayor que el de la Tierra en su correspondiente órbita. Considerando circulares las órbitas de los dos planetas, determina:

- La relación entre los radios de dichas órbitas.
- La relación entre las aceleraciones de los dos planetas en sus respectivas órbitas.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Rta.:** A)  $r_2 / r_1 = 5,2$ ; b)  $a_2/a_1 = 0,036$ .

### Datos

Período de Júpiter en su órbita alrededor del Sol

### Incógnitas

Relación entre los radios de las órbitas de Júpiter y de la Tierra

Relación entre las aceleraciones en sus respectivas órbitas.

### Otros símbolos

Período de la Tierra a r redor del Sol

Masa del Sol

Distancia de Júpiter y de la Tierra al Sol

Aceleraciones de Júpiter y de la Tierra en sus respectivas órbitas.

Constante de la gravitación universal

### Ecuaciones

Velocidad de un satélite la una distancia  $r$  del centro de un astro de masa  $M$   $v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}}$

Velocidad en un movimiento circular uniforme de radio  $r$  y período  $T$   $v = \frac{2\pi \cdot R}{T}$

Ley de Newton de la gravitación universal (fuerza entres dos masas puntuales)  $F_G = G \frac{M \cdot m}{r^2}$

2.ª ley de Newton de la Dinámica  $\Sigma \vec{F} = m \cdot \vec{a}$

### Cifras significativas: 2

$T_2 = 12 T_1$

$r_2 / r_1$

$a_2/a_1$

$T_1$

$M$

$r_2, r_1$

$a_2, a_1$

$G$

### Solución:

a) La [velocidad de un satélite](#) que gira a una distancia  $r$  alrededor del centro de un astro de masa  $M$ , es:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}}$$

Igualando con la expresión de la velocidad de un objeto que describe un movimiento circular uniforme:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$$

Elevando al cuadrado, se obtiene:

$$\frac{G \cdot M}{r} = \frac{4\pi^2 \cdot r^2}{T^2}$$

Despejando el cubo del radio en función del período, queda:

$$r^3 = \frac{G \cdot M}{4\pi^2} T^2$$

Dividiendo la expresión para el radio de Júpiter entre la del radio de la Tierra, queda:

$$\frac{r_2^3}{r_1^3} = \frac{\frac{G \cdot M}{4\pi^2} T_2^2}{\frac{G \cdot M}{4\pi^2} T_1^2} = \frac{T_2^2}{T_1^2}$$

Esta es la expresión de la tercera ley de Kepler, que dice que los cuadrados de los períodos son directamente proporcionales a los cubos de los radiovectores que unen al Sol con los planetas. A mayor período, mayor distancia al Sol.

Sustituyendo el dato, queda:

$$\frac{r_2^3}{r_1^3} = \frac{T_2^2}{T_1^2} = \frac{(12 T_1)^2}{T_1^2} = \frac{144 \cancel{T_1^2}}{\cancel{T_1^2}} = 144$$

$$\frac{r_2}{r_1} = \sqrt[3]{144} = 5,2$$

*Análisis: Júpiter se encuentra más alejado del sol, como era de esperar.*

b) De la ley de la gravitación universal y de la 2.ª ley de dinámica, ambas de Newton, se puede establecer una relación entre la aceleración y la distancia al Sol.

$$F_G = G \frac{M \cdot m}{r^2} = m \cdot a$$

$$a = G \frac{M}{r^2}$$

Dividiendo la expresión para la aceleración de Júpiter entre la aceleración de la Tierra, queda:

$$\frac{a_2}{a_1} = \frac{\frac{GM}{r_2^2}}{\frac{GM}{r_1^2}} = \frac{r_1^2}{r_2^2}$$

Substituyendo el resultado del apartado anterior, queda:

$$\frac{a_2}{a_1} = \frac{r_1^2}{r_2^2} = \frac{1}{5,2^2} = 0,036$$

P.6. Una partícula de masa 8 ng y carga eléctrica  $-2 \mu\text{C}$  entra en una región del espacio en la que hay un campo magnético  $\vec{B} = 3 \hat{j} \text{ T}$ , con una velocidad  $\vec{v} = 6 \hat{i} \text{ km} \cdot \text{s}^{-1}$ . Calcula:

- La velocidad angular con que se mueve.
- La intensidad de campo eléctrico (vector) que se debe aplicar para que la partícula siga una trayectoria recta.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Rta.:** A)  $\omega = 7,5 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$ ; b)  $\vec{E} = -1,80 \cdot 10^4 \hat{k} \text{ N/C}$ .

#### Datos

Masa de la partícula

Carga de la partícula

Intensidad del campo magnético

Velocidad de la partícula

Radio de la trayectoria circular

#### Incógnitas

Velocidad angular

Vector campo eléctrico para que la partícula siga una trayectoria recta

#### Otros símbolos

Radio de la trayectoria circular

Valor de la fuerza magnética sobre la partícula

Vector fuerza eléctrica sobre la partícula

#### Ecuaciones

Ley de Lorentz: fuerza magnética sobre una carga  $q$  que se desplaza en el interior de un campo magnético  $\vec{B}$  con una velocidad  $\vec{v}$

$$\vec{F}_B = q (\vec{v} \times \vec{B})$$

Aceleración normal (en un movimiento circular de radio  $R$ )

$$a_N = \frac{v^2}{R}$$

2ª ley de Newton de la Dinámica

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

Fuerza  $\vec{F}_E$  ejercida por un campo electrostático  $\vec{E}$  sobre una carga  $q$

$$\vec{F}_E = q \cdot \vec{E}$$

Relación entre la velocidad lineal  $v$  y la velocidad angular  $\omega$  en un movimiento circular de radio  $R$ .

$$v = \omega \cdot R$$

#### Cifras significativas: 3

$$m = 8,00 \text{ ng} = 8,00 \cdot 10^{-12} \text{ kg}$$

$$q = -2,00 \mu\text{C} = -2,00 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$\vec{B} = 3,00 \hat{j} \text{ T}$$

$$\vec{v} = 6,00 \cdot 10^3 \hat{i} \text{ m/s}$$

$$R = 1,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$$

$$\frac{\omega}{\vec{E}}$$

$$R$$

$$\vec{F}_B$$

$$\vec{F}_E$$

### Solución:

a) Cuando solo actúa la fuerza magnética:

$$\Sigma \vec{F} = \vec{F}_B$$

La partícula describe una trayectoria circular con velocidad de valor constante, por lo que la aceleración solo tiene componente normal  $a_N$ ,

$$F_B = m \cdot a = m \cdot a_N = m \frac{v^2}{R}$$

Si la partícula entra perpendicularmente al campo magnético:

$$|q| \cdot B \cdot v = m \frac{v^2}{R}$$

Se puede despejar el radio  $R$ :

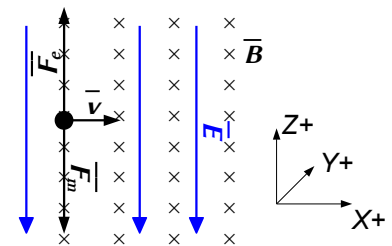
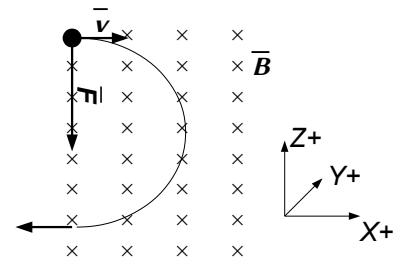
$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B} = \frac{9,11 \cdot 10^{-31} \text{ [kg]} \cdot 6,00 \cdot 10^3 \text{ [m/s]}}{1,60 \cdot 10^{-19} \text{ [C]} \cdot 3,00 \text{ [T]}} = 1,00 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 1,00 \text{ mm}$$

Puede calcularse la velocidad angular a partir de la velocidad lineal:

$$v = \omega \cdot R \Rightarrow \omega = \frac{v}{R} = \frac{6,00 \cdot 10^3 \text{ [m/s]}}{1,00 \cdot 10^{-3} \text{ [m]}} = 6,00 \cdot 10^6 \text{ rad/s}$$

b) Si la fuerza eléctrica anula la magnética,

$$\vec{F}_B + \vec{F}_E = q(\vec{v} \times \vec{B}) + q \cdot \vec{E} = \vec{0}$$
$$\vec{E} = -(\vec{v} \times \vec{B}) = -(6,00 \cdot 10^3 \text{ [m/s]} \hat{i} \times 3,00 \text{ [T]} \hat{j}) = -1,80 \cdot 10^4 \text{ [N/C]} \hat{k}$$



- P.7. En una célula fotoeléctrica, el cátodo se ilumina con una radiación de longitud de onda  $\lambda = 3 \times 10^{-7} \text{ m}$ .
- Estudia si la radiación produce efecto fotoeléctrico, considerando que el trabajo de extracción corresponde a una frecuencia de  $7,0 \times 10^{14} \text{ Hz}$ .
  - Calcula la velocidad máxima de los electrones arrancados y la diferencia de potencial que hay que aplicar entre ánodo y cátodo para que se anule la corriente fotoeléctrica.
- DATOS:  $|q_e| = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ;  $m_e = 9,1 \times 10^{-31} \text{ kg}$ ;  $c = 3 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $h = 6,63 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ . (A.B.A.U. Jun. 22)
- Rta.: b)  $v = 6,6 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ ;  $V = 1,24 \text{ V}$ .

### Datos

Longitud de onda de la radiación  
Frecuencia a la que corresponde el trabajo de extracción del metal  
Constante de Planck  
Velocidad de la luz en el vacío  
Carga del electrón  
Masa del electrón

### Incógnitas

Trabajo de extracción  
Energía de la radiación  
Velocidad máxima con la que son emitidos los electrones  
Potencial de frenado

### Ecuaciones

Ecuación de Planck (energía del fotón)  
Ecuación de Einstein del efecto fotoeléctrico  
Relación entre la frecuencia de una onda luminosa y la longitud de onda  
Energía cinética  
Relación entre la energía cinética de los electrones y el potencial de frenado

### Cifras significativas: 3

$\lambda = 3,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$   
 $f = 7,00 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$   
 $h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$   
 $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$   
 $q_e = -1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$   
 $m_e = 9,10 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$

$W_e$   
 $Y_f$   
 $Y_c$   
 $V$

$E_f = h \cdot f$   
 $E_f = W_e + E_c$   
 $f = c / \lambda$   
 $E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$   
 $E_c = |e| \cdot V$

### Solución:

a) Combinando las ecuaciones de Planck,  $E_f = h \cdot f$ , y Einstein,  $E_f = W_e + E_c$ , se obtiene la relación entre el trabajo de extracción,  $W_e$ , y la frecuencia umbral,  $f_0$ :

$$W_e = E_f - E_c = h \cdot f_0 - 0 = 6,62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 7,00 \cdot 10^{14} [\text{s}^{-1}] = 4,63 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

De la relación entre la longitud de onda y la frecuencia,  $f = c / \lambda$ , se obtiene la frecuencia de la radiación:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}}{3,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}} = 1,00 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

Con la ecuación de Planck,  $E_f = h \cdot f$ , se obtiene la energía de la radiación incidente:

$$E_f = h \cdot f = 6,62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 1,00 \cdot 10^{15} [\text{s}^{-1}] = 6,62 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Se ve que es mayor que el trabajo de extracción, y, por lo tanto, produce efecto fotoeléctrico.

b) Para calcular la velocidad máxima de los electrones arrancados hay que calcular antes la energía cinética máxima de los electrones emitidos, a partir de la ecuación de Einstein del efecto fotoeléctrico:

$$E_f = h \cdot f = 6,62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 1,00 \cdot 10^{15} [\text{s}^{-1}] = 6,62 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

La velocidad será:

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_c}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,99 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{9,1 \cdot 10^{-31} [\text{kg}]}} = 6,60 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

Se calcula el potencial de frenado en la ecuación que lo relaciona con la energía cinética:

$$E_c = |e| \cdot V \Rightarrow V = \frac{E_c}{|e|} = \frac{1,99 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{1,60 \cdot 10^{-19} [\text{C}]} = 1,24 \text{ V}$$

P.8. La expresión matemática de una onda armónica transversal que se propaga por una cuerda tensa orientada según el eje  $x$  es:  $y = 0,5 \text{ sen}[2\pi(3t - x)]$  (unidades en el SI). Determina:

- Los valores de la longitud de onda, velocidad de propagación, velocidad y aceleración máximas de vibración de los puntos de la cuerda.
- La distancia mínima que separa dos puntos de la cuerda que en un mismo instante vibran desfasados  $2\pi$  radianes.

(A.B.A.U. Jun. 22)

**Rta.:** a)  $\lambda = 1 \text{ m}$ ;  $v_p = 3,00 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $v_m = 9,42 \text{ m/s}$ ;  $a_m = 177 \text{ m/s}^2$ ; b)  $\Delta x = \lambda = 1 \text{ m}$ .

### Datos

Ecuación de la onda

### Incógnitas

Longitud de onda

Velocidad de propagación

Velocidad máxima

Aceleración máxima

Distancia mínima entre dos puntos desfasados  $2\pi$  radianes

### Otros símbolos

Posición del punto (distancia al foco)

### Ecuaciones

Ecuación de una onda armónica unidimensional

Número de onda

Relación entre la frecuencia angular y la frecuencia

Relación entre la longitud de onda y la velocidad de propagación

### Cifras significativas: 3

$$y = 0,500 \cdot \text{sen}[2\pi(3,00 \cdot t - x)] [\text{m}]$$

$$\lambda$$

$$v_p$$

$$v_m$$

$$a_m$$

$$\Delta x$$

$$x$$

$$y = La \cdot \text{sen}(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$$

$$k = 2\pi / \lambda$$

$$\omega = 2\pi \cdot f$$

$$v_p = \lambda \cdot f$$

### Solución:

a) La frecuencia angular y el número de onda se obtienen comparando la ecuación de una onda armónica unidimensional con la ecuación del problema:

$$y = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$$

$$y = 0,500 \cdot \text{sen}[2\pi(3,00 \cdot t - x)] = 0,500 \cdot \text{sen}(6,00\pi \cdot t - 2\pi x)$$



Frecuencia angular:  $\omega = 6,00 \pi = 18,8 \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$

Número de onda:  $k = 2,00 \pi = 6,28 \text{ rad}\cdot\text{m}^{-1}$

Se calcula la longitud de onda a partir del número de onda:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2 \cdot 3,14 [\text{rad}]}{2,00 \cdot 3,14 [\text{rad}\cdot\text{m}^{-1}]} = 1,00 \text{ m}$$

Se calcula la frecuencia a partir de la frecuencia angular:

$$\omega = 2\pi \cdot f \Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{18,8 [\text{rad}\cdot\text{s}^{-1}]}{2 \cdot 3,14 [\text{rad}]} = 0,100 \text{ s}^{-1} = 3,00 \text{ Hz}$$

Se calcula la velocidad de propagación de la onda a partir de la longitud de onda y de la frecuencia:

$$v_p = \lambda \cdot f = 1,00 [\text{m}] \cdot 3,00 [\text{s}^{-1}] = 3,00 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

El signo opuesto de los términos en  $x$  y  $t$  indica que la onda se propaga en sentido positivo del eje  $X$ .

La velocidad de vibración de los puntos de la cuerda se obtiene derivando la ecuación de movimiento con respecto al tiempo :

$$v = \frac{dy}{dt} = \frac{d[0,0500 \cdot \sin 2\pi(3,00 \cdot t - x)]}{dt} = 0,0500 \cdot 2 \cdot \pi \cdot (3,00) \cdot \cos 2\pi(3,00 \cdot t - x) [\text{m/s}]$$
$$v = 3,00 \cdot \pi \cdot \cos 2\pi[2\pi(3,00 \cdot t - x)] = 9,42 \cdot \cos(6,00 \pi \cdot t - 2\pi x) [\text{m/s}]$$

La velocidad es máxima cuando  $\cos(\varphi) = 1$

$$v_m = 9,42 \text{ m/s}$$

La aceleración se obtiene derivando la velocidad con respecto al tiempo:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d[3,00 \cdot \pi \cdot \cos 2\pi(3,00 \cdot t - x)]}{dt} = 3,00 \cdot \pi \cdot (2\pi) \cdot (3,00) \cdot (-\sin 2\pi(3,00 \cdot t - x)) [\text{m/s}^2]$$
$$a = -18,00 \cdot \pi^2 \cdot \sin[2\pi(3,00 \cdot t - x)] = -177 \cdot \sin(6,00 \pi \cdot t - 2\pi x) [\text{m/s}^2]$$

La aceleración es máxima cuando  $\sin(\varphi) = -1$

$$a_m = 177 \text{ m/s}^2$$

b) En un instante  $t$ , la diferencia de fase entre dos puntos situados en  $x_1$  y  $x_2$  es:

$$\Delta\varphi = (6,00 \pi \cdot t - 2\pi \cdot x_2) - (6,00 \pi \cdot t - 2\pi \cdot x_1) = 2\pi \cdot \Delta x$$

Si la diferencia de fase es  $2\pi \text{ rad}$

$$2\pi [\text{rad/m}] \cdot \Delta x = 2\pi \text{ rad}$$

$$\Delta x = \frac{2\pi [\text{rad}]}{2\pi [\text{rad/m}]} = 1,00 \text{ m}$$

*Análisis: Una diferencia de fase de  $2\pi \text{ rad}$  corresponde a una distancia entre los puntos igual a la longitud de onda  $\lambda = 1,00 \text{ m}$ .*

Cuestiones y problemas de las [Pruebas de evaluación de Bachillerato para el acceso a la Universidad](#) (A.B.A.U. y P.A.U.) en Galicia.

[Respuestas](#) y composición de [Alfonso J. Barbadillo Marán](#).

Algunos cálculos se hicieron con una [hoja de cálculo](#) de [LibreOffice](#) u [OpenOffice](#) del mismo autor.

Algunas ecuaciones y las fórmulas orgánicas se construyeron con la extensión [CLC09](#) de Charles Lalanne-Cassou.

La traducción al/gallego se realizó con la ayuda de [traducindote](#), de Óscar Hermida López.

Se procuró seguir las [recomendaciones](#) del Centro Español de Metrología (CEM)

Actualizado: 27/06/22

