

SETEMBRO 2017

FÍSICA

Puntuación máxima: Cuestiones 4 puntos (1 cada cuestión, teórica o práctica). Problemas 6 puntos (1 cada apartado). No se valorará la simple anotación de un ítem como solución a las cuestiones. Las respuestas deben ser razonadas. Se puede usar calculadora siempre que no sea programable ni memorice texto. El alumno elegirá una de las dos opciones.

OPCIÓN A

C.1. La masa de un planeta es el doble que la de la Tierra y su radio es la mitad del terrestre. Sabiendo que la intensidad del campo gravitatorio en la superficie terrestre es g , la intensidad del campo gravitatorio en la superficie del planeta será: A) 4 g . B) 8 g . C) 2 g .

C.2. La orientación que debe tener la superficie de una espira en un campo magnético uniforme para que el flujo magnético sea nulo es: A) Paralela al campo magnético. B) Perpendicular al campo magnético. C) Formando un ángulo de 45° con el campo magnético.

C.3. El efecto fotoeléctrico se produce si: A) La intensidad de la radiación incidente es muy grande. B) La longitud de onda de la radiación es grande. C) La frecuencia de la radiación es superior a la frecuencia umbral.

C.4. Se midieron en el laboratorio los siguientes valores para las distancias objeto e imagen de una lente convergente:

s (cm)	50	60	70	90
s' (cm)	200	125	95	70

Determina el valor de la potencia de la lente y estima su incertidumbre.

P.1. Dada una esfera maciza conductora de 30 cm de radio y carga $q = +4,3 \mu\text{C}$, calcula el campo eléctrico y el potencial en los siguientes puntos: a) A 20 cm del centro de la esfera. b) A 50 cm del centro de la esfera. c) Haz una representación gráfica del campo eléctrico y del potencial en función de la distancia al centro de la esfera. Dato: $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$.

P.2. La ecuación de una onda transversal que se propaga en una cuerda es $y(x, t) = 10 \sin \pi(x - 0,2 t)$, donde las longitudes se expresan en metros y el tiempo en segundos. Calcula: a) La amplitud, longitud de onda y frecuencia de la onda. b) La velocidad de propagación de la onda e indica en qué sentido se propaga. c) Los valores máximos de la velocidad y aceleración de las partículas de la cuerda.

OPCIÓN B

C.1. Por un conductor recto muy largo circula una corriente de 1 A. El campo magnético que se origina en sus cercanías se hace más intenso cuanto: A) Más grueso sea el conductor. B) Mayor sea su longitud. C) Más cerca del conductor esté el punto donde se determina.

C.2. Un movimiento ondulatorio transporta: A) Materia. B) Energía. C) Depende del tipo de onda.

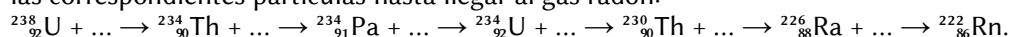
C.3. Cuando la luz pasa de un medio a otro de distinto índice de refracción, el ángulo de refracción es: A) Siempre mayor que lo de incidente. B) Siempre menor que lo de incidente. C) Depende de los valores de los índices de refracción. Justifica la respuesta haciendo un esquema de la marcha de los rayos.

C.4. Explica como se puede determinar la aceleración de la gravedad utilizando un péndulo simple e indica el tipo de precauciones que debes tomar a la hora de realizar la experiencia.

P.1. Un satélite GPS describe órbitas circulares alrededor de la Tierra, dando dos vueltas a la Tierra cada 24 h. Calcula: a) La altura de su órbita sobre la superficie terrestre. b) La energía mecánica. c) El tiempo que tardaría en dar una vuelta a la Tierra si lo hacemos orbitar a una altura doble.

Datos: $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$; $M_T = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$; $R_T = 6,37 \cdot 10^6 \text{ m}$; masa del satélite = 150 kg.

P.2. En 2012 se encontró en el Sáhara un meteorito que contenía restos de U-238. Sabemos que en el momento de su formación había una concentración de $5,00 \cdot 10^{12}$ átomos de U-238 por cm^3 , mientras que en la actualidad la concentración medida es de $2,50 \cdot 10^{12}$ átomos de U-238 por cm^3 . Si el tiempo de semidesintegración de este isótopo es de $4,51 \cdot 10^9$ años, determina: a) La constante de desintegración del U-238. b) La edad del meteorito. c) Sabiendo que el gas radón resulta de la desintegración del U-238, completa la siguiente serie radiactiva con las correspondientes partículas hasta llegar al gas radón:



Soluciones

OPCIÓN A

C.1. La masa de un planeta es el doble que la de la Tierra y su radio es la mitad del terrestre. Sabiendo que la intensidad del campo gravitatorio en la superficie terrestre es g , la intensidad del campo gravitatorio en la superficie del planeta será:

- A) 4 g .
- B) 8 g .
- C) 2 g .

(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución: B

a) El peso de un objeto cerca de la superficie de la Tierra es la fuerza con la que la Tierra lo atrae:

$$m g = G \frac{M \cdot m}{R^2}$$

Análogamente, el peso de un objeto en la superficie del planeta es la fuerza con la que el planeta lo atrae:

$$m g_2 = G \frac{M_2 \cdot m}{R_2^2}$$

Dividiendo la segunda ecuación entre la primera, queda:

$$\frac{m \cdot g_2}{m \cdot g} = \frac{G \frac{M_2 \cdot m}{R_2^2}}{G \frac{M \cdot m}{R^2}}$$

Si $M_2 = 2 M$ y $R_2 = \frac{1}{2} R$

$$\frac{g_2}{g} = \frac{M_2/M}{(R_2/R)^2} = \frac{2}{0,5^2} = 8$$

Despejando

$$g_2 = 8 g$$

C.2. La orientación que debe tener la superficie de una espira en un campo magnético uniforme para que el flujo magnético sea nulo es:

- A) Paralela al campo magnético.
- B) Perpendicular al campo magnético.
- C) Formando un ángulo de 45° con el campo magnético.

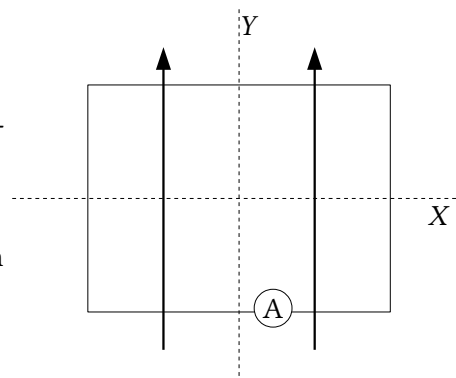
(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución: A

El flujo magnético es el producto escalar del vector $\vec{B}$ campo magnético por el vector $\vec{S}$ perpendicular a la superficie delimitada por la espira.

$$\Phi = \vec{B} \cdot \vec{S} = B \cdot S \cdot \cos \varphi$$

Las líneas de campo no atraviesan la superficie de la espira dando un flujo magnético 0 cuando el vector $\vec{B}$ campo magnético es perpendicular al vector $\vec{S}$ superficie. Como el vector superficie es perpendicular a la superficie, el flujo es nulo cuando la superficie es paralela al campo magnético.



- C.3. El efecto fotoeléctrico se produce si:
- A) La intensidad de la radiación incidente es muy grande.
 - B) La longitud de onda de la radiación es grande.
 - C) La frecuencia de la radiación es superior a la frecuencia umbral.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución: C

Interpretación de Einstein del efecto fotoeléctrico.

Cuando la luz interacciona con el metal de la célula fotoeléctrica lo hace como si fuese un chorro de partículas llamadas fotones (paquetes de energía).

Cada fotón choca con un electrón y le transmite toda su energía.

Para que se produzca efecto fotoeléctrico, los electrones emitidos deben tener energía suficiente para llegar al anticátodo, lo que ocurre cuando la energía del fotón es mayor que el trabajo de extracción, que es una característica del metal.

La ecuación de Einstein del efecto fotoeléctrico puede escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

En la ecuación, E_f representa la energía del fotón incidente, W_e el trabajo de extracción del metal y E_c la energía cinética máxima de los electrones (fotoelectrones) emitidos.

La energía que lleva un fotón de frecuencia f es:

$$E_f = h \cdot f$$

En esta ecuación, h es la constante de Planck y tiene un valor muy pequeño: $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$

Las otras opciones:

A. Falsa. Si la intensidad de la luz es muy grande habrá un gran número de fotones. Pero si cada uno de ellos no tiene energía suficiente, no se producirá efecto fotoeléctrico.

B. Falsa. La longitud de onda es inversamente proporcional a la frecuencia. A mayor longitud de onda, menor frecuencia y, por tanto, menor energía de los fotones. Con menos energía es menos probable que se supere el trabajo de extracción.

- C.4. Se midieron en el laboratorio los siguientes valores para las distancias objeto e imagen de una lente convergente:

s (cm)	50	60	70	90
s' (cm)	200	125	95	70

Determina el valor de la potencia de la lente y estima su incertidumbre.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución:

Se sustituyen los valores de s y s' en la ecuación de las lentes

$$\frac{1}{s'} - \frac{1}{s} = \frac{1}{f}$$

Se calcula el inverso de la distancia focal (potencia) y el valor de la distancia focal para cada par de datos.

s (cm)	s' (cm)	s (m)	s' (m)	$1/s$ (m^{-1})	$1/s'$ (m^{-1})	$1/f$ (m^{-1})	f (m)
-50	200	-0,50	2,00	-2,00	0,50	2,50	0,40
-60	125	-0,60	1,25	-1,67	0,80	2,47	0,41
-70	95	-0,70	0,95	-1,43	1,05	2,48	0,40
-90	70	-0,90	0,70	-1,11	1,43	2,54	0,39

Se calcula el valor medio de la potencia:

$$\bar{P} = (2,50 + 2,47 + 2,48 + 2,54) / 4 = 2,49 \text{ m}^{-1} = 2,50 \text{ dioptrías.}$$

Como los datos sólo tienen 2 cifras significativas se estima la incertidumbre para que el resultado tenga el mismo número de cifras significativas.

La potencia de la lente sería:

$$\bar{P} = (2,5 \pm 0,1) \text{ dioptrías.}$$

P.1. Dada una esfera maciza conductora de 30 cm de radio y carga $q = +4,3 \mu\text{C}$. calcula el campo eléctrico y el potencial en los siguientes puntos:

- A 20 cm del centro de la esfera.
- A 50 cm del centro de la esfera.
- Haz una representación gráfica del campo eléctrico y del potencial en función de la distancia al centro de la esfera.

Dato: $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Rta.: a) $|\vec{E}_1| = 0$; $V_1 = 1,29 \cdot 10^5 \text{ V}$; b) $|\vec{E}_2| = 1,55 \cdot 10^5 \text{ N/C}$; $V_2 = 7,74 \cdot 10^4 \text{ V}$.

Datos

Carga de la esfera

Radio de la esfera

Distancias al centro de la esfera: punto interior
punto exterior

Constante eléctrica

Incógnitas

Intensidad del campo electrostático en los puntos 1 y 2

Potencial electrostático en los puntos 1 y 2

Ecuaciones

Intensidad del campo electrostático en un punto creado por una carga puntual Q situada a una distancia r

$$\vec{E} = K \frac{Q}{r^2} \vec{u}_r$$

Potencial electrostático en un punto creado por una carga puntual Q situada a una distancia r

$$V = K \frac{Q}{r}$$

Cifras significativas: 3

$$Q = 4,30 \mu\text{C} = 4,30 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$R = 30,0 \text{ cm} = 0,300 \text{ m}$$

$$r_1 = 20,0 \text{ cm} = 0,200 \text{ m}$$

$$r_2 = 50,0 \text{ cm} = 0,500 \text{ m}$$

$$K = 9,00 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$

$$\vec{E}_1, \vec{E}_2$$

$$V_1, V_2$$

Solución:

a) La intensidad de campo electrostático en el punto 1 a 20 cm del centro de la esfera es nulo porque el conductor se encuentra en equilibrio y todas las cargas se encuentran en la superficie de la esfera.

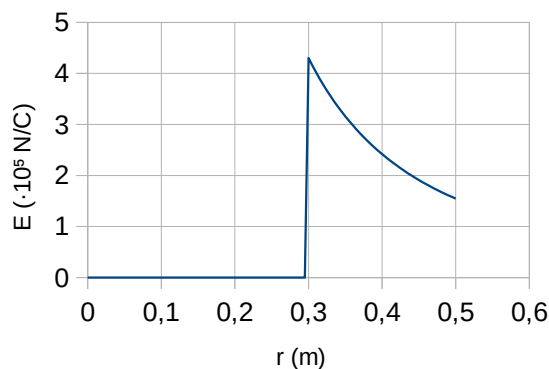
El potencial electrostático en el punto 1 es el mismo que en la superficie:

$$V_1 = 9,00 \cdot 10^9 [\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}] \frac{4,30 \cdot 10^{-6} [\text{C}]}{(0,300 [\text{m}])} = 1,29 \cdot 10^5 \text{ V}$$

b) El módulo de la intensidad de campo electrostático en el punto 2 a 50 cm del centro de la esfera es el mismo que si la carga fuera puntual

$$|\vec{E}_2| = 9,00 \cdot 10^9 [\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}] \frac{4,30 \cdot 10^{-6} [\text{C}]}{(0,500 [\text{m}])^2} = 1,55 \cdot 10^5 \text{ N/C}$$

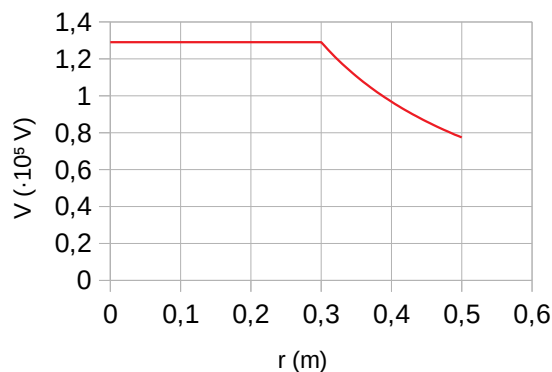
El potencial electrostático en el punto 2 es el mismo que si la carga fuera puntual



$$V_2 = 9,00 \cdot 10^9 \text{ [N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}] \frac{4,30 \cdot 10^{-6} \text{ [C]}}{(0,500 \text{ [m]})} = 7,74 \cdot 10^4 \text{ V}$$

c) La gráfica de la variación de la intensidad del campo electrostático da una valor 0 para distancias inferiores al radio de la esfera, se hace máxima para el radio y disminuye inversamente proporcional al cuadrado de la distancia al centro de la esfera.

La gráfica de la variación del potencial electrostático de la una valor constante para distancias inferiores al radio de la esfera y disminuye inversamente proporcional a la distancia al centro de la esfera.



P.2. La ecuación de una onda transversal que se propaga en una cuerda es $y(x, t) = 10 \text{ sen } \pi(x - 0,2 t)$, donde las longitudes se expresan en metros y el tiempo en segundos. Calcula:

- La amplitud, longitud de onda y frecuencia de la onda.
- La velocidad de propagación de la onda e indica en qué sentido se propaga.
- Los valores máximos de la velocidad y aceleración de las partículas de la cuerda.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Rta.: a) $A = 10 \text{ m}$; $\lambda = 2,00 \text{ m}$; $f = 0,100 \text{ Hz}$; b) $v = 0,200 \text{ m/s}$; sentido $+X$;
c) $v_m = 6,28 \text{ m/s}$; $a_m = 3,95 \text{ m/s}^2$.

Datos

Ecuación de la onda

Incógnitas

Amplitud

Longitud de onda

Frecuencia

Velocidad de propagación

Velocidad máxima

Aceleración máxima

Otros símbolos

Posición del punto (distancia al foco)

Ecuaciones

Ecuación de una onda armónica unidimensional

Número de onda

Relación entre la frecuencia angular y la frecuencia

Relación entre la longitud de onda y la velocidad de propagación

Cifras significativas: 3

$$y = 10,0 \cdot \text{sen } \pi(x - 0,200 \cdot t) \text{ [m]}$$

A

λ

f

v_p

v_m

a_m

x

$$y = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$$

$$k = 2\pi / \lambda$$

$$\omega = 2\pi \cdot f$$

$$v_p = \lambda \cdot f$$

Solución:

a) Se obtienen la amplitud, la frecuencia angular y el número de onda comparando la ecuación de una onda armónica unidimensional con la ecuación del problema:

$$y = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$$

$$y = 10,0 \cdot \text{sen } \pi(x - 0,200 \cdot t) \text{ [m]}$$

Amplitud: $A = 10,0 \text{ m}$

Frecuencia angular: $\omega = 0,200 \pi = 0,628 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$

Número de onda: $k = \pi = 3,14 \text{ rad} \cdot \text{m}^{-1}$

Se calcula la longitud de onda a partir del número de onda:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2 \cdot 3,14 \text{ [rad]}}{3,14 \text{ [rad} \cdot \text{m}^{-1}]} = 2,00 \text{ m}$$

Se calcula la frecuencia a partir de la frecuencia angular:

$$\omega = 2\pi \cdot f \Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{0,628 \text{ [rad} \cdot \text{s}^{-1}]}{2 \cdot 3,14 \text{ [rad]}} = 0,100 \text{ s}^{-1} = 0,100 \text{ Hz}$$

b) Se calcula la velocidad de propagación de la onda a partir de la longitud de onda y de la frecuencia:

$$v_p = \lambda \cdot f = 2,00 \text{ [m]} \cdot 0,100 \text{ [s}^{-1}] = 0,200 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

El signo opuesto de los términos en x y t indica que la onda se propaga en sentido positivo del eje X .

c) La velocidad se obtiene derivando la ecuación de movimiento con respecto al tiempo :

$$v = \frac{dy}{dt} = \frac{d[10,0 \cdot \sin \pi(x - 0,200 \cdot t)]}{dt} = 10,0 \cdot \pi \cdot (-0,200) \cdot \cos \pi(x - 0,200 \cdot t) \text{ [m/s]}$$

$$v = -2,00 \cdot \pi \cdot \cos \pi(x - 0,200 \cdot t) = -6,28 \cdot \cos \pi(x - 0,200 \cdot t) \text{ [m/s]}$$

La velocidad es máxima cuando $\cos(\varphi) = -1$

$$v_m = 6,28 \text{ m/s}$$

La aceleración se obtiene derivando la velocidad con respecto al tiempo:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d[-2,00 \cdot \pi \cdot \cos \pi(x - 0,200 \cdot t)]}{dt} = -2,00 \cdot \pi \cdot \pi \cdot (-0,200) \cdot (-\sin \pi(x - 0,200 \cdot t)) \text{ [m/s}^2\text{]}$$

$$a = -0,400 \cdot \pi^2 \cdot \sin \pi(x - 0,200 \cdot t) = -3,95 \cdot \sin \pi(x - 0,200 \cdot t) \text{ [m/s}^2\text{]}$$

La aceleración es máxima cuando $\sin(\varphi) = -1$

$$a_m = 3,95 \text{ m/s}^2$$

OPCIÓN B

C.1. Por un conductor recto muy largo circula una corriente de 1 A. El campo magnético que se origina en sus cercanías se hace más intenso cuanto:

A) Más grueso sea el conductor.

B) Mayor sea su longitud.

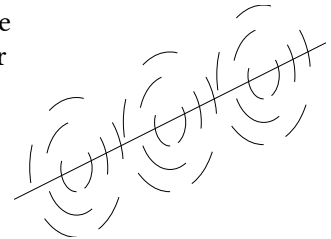
C) Más cerca del conductor esté el punto donde se determina.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución: C

La dirección del campo magnético $\vec{B}$ creado por una intensidad I de corriente que circula por un conductor recto indefinido es circular alrededor del hilo y su valor en un punto a una distancia r del hilo viene dada por la ley de Biot - Savart:

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$



El sentido del campo magnético viene dado por la regla de la mano derecha (el sentido del campo magnético es el del cierre de la mano derecha cuando el pulgar apunta en el sentido de la corriente eléctrica).

Como se ve en la expresión, cuanto menor sea la distancia r del punto al hilo, mayor será la intensidad del campo magnético.

C.2. Un movimiento ondulatorio transporta:

A) Materia.

B) Energía.

C) Depende del tipo de onda.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución: B

Una onda es una forma de transporte de energía sin desplazamiento neto de materia.

En una onda material, las partículas del medio oscilan alrededor del punto de equilibrio. Es la energía a que se va desplazando de una partícula a la siguiente.

En las ondas electromagnéticas lo que se desplaza es un campo magnético perpendicular a un campo eléctrico.

C.3. Cuando la luz pasa de un medio a otro de distinto índice de refracción, el ángulo de refracción es:

- A) Siempre mayor que el incidente.
- B) Siempre menor que el incidente.
- C) Depende de los valores de los índices de refracción. Justifica la respuesta haciendo un esquema de la marcha de los rayos.

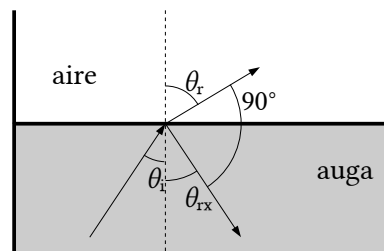
(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución: B

Cando a luz pasa dun medio máis denso ópticamente (con maior índice de refracción) a outro menos denso (por exemplo da auga ao aire) o raio refractado afástase da normal. Pola segunda lei de Snell da refracción:

$$n_i \cdot \sin \theta_i = n_r \cdot \sin \theta_r$$

Se $n_i > n_r$, entón $\sin \theta_r > \sin \theta_i$, e $\theta_r > \theta_i$



C.4. Explica como se puede determinar la aceleración de la gravedad utilizando un péndulo simple e indica el tipo de precauciones que debes tomar a la hora de realizar la experiencia.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Solución:

Se cuelga una esfera maciza de un hilo de unos 2,00 m, haciendo pasar el otro extremo por una pinza en el extremo de un vástago horizontal, sujeto a una varilla vertical encajada en una base plana.

Se ajusta la longitud del hilo a uno 60 cm y se mide su longitud desde el punto de suspensión hasta el centro de la esfera. Se aparta ligeramente de la posición de equilibrio y se suelta. Se comprueba que oscila en un plano y a partir de la 2ª o 3ª oscilación se mide el tiempo de 10 oscilaciones. Se calcula el período dividiendo el tiempo entre 10. Se repite la experiencia para comprobar que el tiempo es prácticamente el mismo. Se halla el valor medio del período.

Se ajusta sucesivamente la longitud a 80, 100, 120, 150, 180 y 200 cm y se repite la experiencia para cada una de ellas.

Una vez obtenidos los valores de los períodos T para cada longitud L del péndulo, se puede usar la ecuación del período del péndulo simple para calcular g , la aceleración de la gravedad.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

De los valores obtenidos (que deben ser muy parecidos) se halla el valor medio.

La amplitud de las oscilaciones debe ser pequeña. En teoría una aproximación aceptable es que sean menores de 15°. Como no usamos un transportador de ángulos, separaremos lo menos posible el hilo de la vertical, especialmente cuando la longitud del péndulo sea pequeña.

Se suelen medir 10 o 20 oscilaciones para aumentar la precisión del período, y disminuir el error relativo que daría la medida de una sola oscilación.

Un número demasiado grande de oscilaciones puede dar lugar a que cometamos errores al contarlas.

P.1. Un satélite GPS describe órbitas circulares alrededor de la Tierra, dando dos vueltas a la Tierra cada 24 h. Calcula:

- a) La altura de su órbita sobre la superficie terrestre.
- b) La energía mecánica.
- c) El tiempo que tardaría en dar una vuelta a la Tierra si lo hacemos orbitar a una altura doble.

Datos: $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$; $M_T = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$; $R_T = 6,37 \cdot 10^6 \text{ m}$; masa del satélite = 150 kg.

(A.B.A.U. Sep. 17)

Rta.: a) $h = 2,03 \cdot 10^7 \text{ m}$; b) $E = -1,12 \cdot 10^9 \text{ J}$; c) $T_c = 28 \text{ h}$.

Datos

Frecuencia de la órbita

Radio de la Tierra

Masa del satélite

Masa de la Tierra

Constante de la gravitación universal

Incógnitas

Altura de la órbita

Energía mecánica

El período, si la altura fuera el doble

Otros símbolos

Radio de la órbita original

Valor de la velocidad del satélite en la órbita original

Nuevo radio de la órbita

Ecuaciones

Velocidad de un satélite a una distancia r del centro de un astro de masa M $v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}}$

Ley de Newton de la gravitación universal

(fuerza que ejerce un planeta esférico sobre un cuerpo puntual)

Relación entre la masa, la gravedad y el radio de un astro

Energía cinética

Energía potencial gravitatoria (referida al infinito)

Energía mecánica

Cifras significativas: 3

$f = 2 \text{ vueltas} / 24 \text{ h} = 2,31 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$

$R = 6,37 \cdot 10^6 \text{ m}$

$m = 150 \text{ kg}$

$M = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

$G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$

h

E

T_c

r

v

r_c

$$F_G = G \frac{M m}{r^2}$$

$$G \cdot M = g_0 \cdot R^2$$

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$$

$$E_p = -G \frac{M \cdot m}{r}$$

$$E = E_c + E_p$$

Solución:

a) La [velocidad de un satélite](#) que gira a una distancia r alrededor del centro de un astro de masa M es:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}}$$

El período orbital se deduce de la frecuencia:

$$T = \frac{1}{f} = \frac{24 \text{ h}}{2} = 12 \text{ h} = 4,32 \cdot 10^4 \text{ s}$$

Despejando el radio de la órbita r y sustituyendo valores,

$$r = \sqrt[3]{\frac{G \cdot M \cdot T^2}{4 \pi^2}} = \sqrt[3]{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} [\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}] \cdot 5,98 \cdot 10^{24} [\text{kg}] (4,32 \cdot 10^4 [\text{s}])^2}{4 \cdot 3,14^2}} = 2,66 \cdot 10^7 \text{ m}$$

La altura es:

$$h = r - R = 2,66 \cdot 10^7 - 6,37 \cdot 10^6 = 2,0 \cdot 10^7 \text{ m}$$

b) La energía potencial es

$$E_p = -G \frac{M \cdot m}{r} = -\frac{6,67 \cdot 10^{-11} [\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}] \cdot 5,98 \cdot 10^{24} [\text{kg}] \cdot 150 [\text{kg}]}{2,66 \cdot 10^7 [\text{m}]} = -2,25 \cdot 10^9 \text{ J}$$

Sustituyendo v^2 por GM/r en la expresión de la energía cinética, queda

$$E_c = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} G \frac{M \cdot m}{r} = 1,12 \cdot 10^9 \text{ J}$$

La energía cinética es la mitad y de signo contrario que la energía potencial.

La energía (mecánica) total es la suma de las energías cinética y potencial, y vale el mismo que la energía cinética, pero es negativa.

$$E = E_c + E_p = 1,12 \cdot 10^9 \text{ [J]} - 2,25 \cdot 10^9 \text{ [J]} = -1,12 \cdot 10^9 \text{ J}$$

c) Si la altura fuera el doble, el nuevo radio de la órbita valdría:

$$r_c = R + 2h = 6,37 \cdot 10^6 + 2 \cdot 2,0 \cdot 10^7 = 4,7 \cdot 10^7 \text{ m}$$

La velocidad del satélite valdría

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}} = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \text{ [N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}] \cdot 5,98 \cdot 10^{24} \text{ [kg]}}{4,7 \cdot 10^7 \text{ [m]}}} = 2,9 \cdot 10^3 \text{ m/s} = 2,9 \text{ km/s}$$

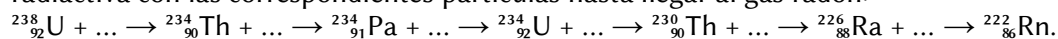
El período se calcula a partir de la expresión de la velocidad en el movimiento circular uniforme:

$$T = \frac{2\pi \cdot r}{v} = \frac{2 \cdot 3,14 \cdot 4,7 \cdot 10^7 \text{ [m]}}{2,9 \cdot 10^3 \text{ [m/s]}} = 1,0 \cdot 10^5 \text{ s} = 28 \text{ h}$$

Análisis: El período de un satélite aumenta con la altura. El valor obtenido es mayor que el de la altura inicial.

P.2. En 2012 se encontró en el Sáhara un meteorito que contenía restos de U-238. Sabemos que en el momento de su formación había una concentración de $5,00 \cdot 10^{12}$ átomos de U-238 por cm^3 , mientras que en la actualidad la concentración medida es de $2,50 \cdot 10^{12}$ átomos de U-238 por cm^3 . Si el tiempo de semidesintegración de este isótopo es de $4,51 \cdot 10^9$ años, determina:

- La constante de desintegración del U-238.
- La edad del meteorito.
- Sabiendo que el gas radón resulta de la desintegración del U-238, completa la siguiente serie radiactiva con las correspondientes partículas hasta llegar al gas radón:



(A.B.A.U. Sep. 17)

Rta.: a) $\lambda = 4,87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$; b) $t = 4,51 \cdot 10^9$ años; c) ${}^{238}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} {}^{234}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\beta} {}^{234}_{91}\text{Pa} \xrightarrow{\beta} {}^{234}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} {}^{230}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\alpha} {}^{226}_{88}\text{Ra} \xrightarrow{\alpha} {}^{222}_{86}\text{Rn}$

Datos

Período de semidesintegración

Átomos iniciales

Átomos actuales

Número de Avogadro

Incógnitas

Constante de desintegración radiactiva

Edad del meteorito

Ecuaciones

Ley de la desintegración radiactiva

Cuando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$

Actividad radiactiva

Cifras significativas: 3

$$T_{1/2} = 4,51 \cdot 10^9 \text{ años} = 1,42 \cdot 10^{17} \text{ s}$$

$$N_0 = 5,00 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$$

$$N = 2,50 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$$

$$N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$\lambda$$

$$t$$

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$\lambda = \ln(N_0 / N) / t$$

$$T_{1/2} = \ln 2 / \lambda$$

$$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$$

Solución:

a) Se calcula la constante radiactiva a partir del período de semidesintegración

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{1,42 \cdot 10^{17} \text{ [s]}} = 4,87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$$

b) Se calcula el tiempo en la ecuación de la ley de desintegración radiactiva

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

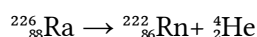
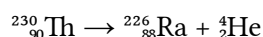
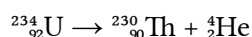
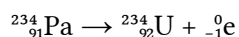
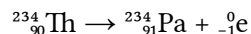
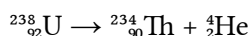
Es más fácil usar la expresión anterior en forma logarítmica.

$$-\ln(N / N_0) = \ln(N_0 / N) = \lambda \cdot t$$

$$t = \frac{\ln(N_0/N)}{\lambda} = \frac{\ln(5,00 \cdot 10^{12} / 2,50 \cdot 10^{12})}{4,87 \cdot 10^{-18} [\text{s}^{-1}]} = 1,42 \cdot 10^{17} \text{ s} = 4,51 \cdot 10^9 \text{ años}$$

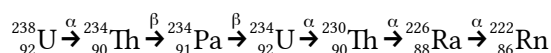
Análisis: Puesto que en ese tiempo la muestra se redujo a la mitad, transcurrió 1 período de semidesintegración que son $4,51 \cdot 10^9$ años.

c) Los procesos de emisión de partículas son



Estas ecuaciones cumplen las leyes de conservación del número másico y de la carga eléctrica en los procesos nucleares.

Sabiendo que una partícula alfa es un núcleo de helio-4 ($\alpha = {}^4_2\text{He}$) y una partícula beta(-) es un electrón ($\beta^- = {}^0_{-1}\text{e}$), el proceso puede resumirse:



Cuestiones y problemas de las [Pruebas de evaluación de Bachillerato para el acceso a la Universidad](#) (A.B.A.U. y P.A.U.) en Galicia.

[Respuestas](#) y composición de [Alfonso J. Barbadillo Marán](#).

Algunos cálculos se hicieron con una [hoja de cálculo](#) de [LibreOffice](#) u [OpenOffice](#) del mismo autor.

Algunas ecuaciones y las fórmulas orgánicas se construyeron con la extensión [CLC09](#) de Charles Lalanne-Cassou.

La traducción al/desde el gallego se realizó con la ayuda de [traducindote](#), de Óscar Hermida López.

Se procuró seguir las [recomendaciones](#) del Centro Español de Metrología (CEM)

Actualizado: 12/02/22

