## PROBLEMAS DISTRIBUCIÓN BINOMIAL, CLÁSICOS

- 1. (Murcia 2021, Extraordinaria) Juan es un estudiante bastante despistado y su tutora está cansada de que llegue tarde a clase. Él se defiende diciendo que no es para tanto y que la tutora le tiene manía. Ella le propone el siguiente trato: si en los próximos 9 días Juan llega tarde como mucho 2 días, la tutora le sube 1 punto en la nota final de la evaluación. Sabiendo que la probabilidad de que Juan llegue tarde a clase cada día es 0,45, determine:
  - a. El tipo de distribución que sigue la variable aleatoria que cuenta el número de días que Juan llega tarde a clase en los próximos 9 días. ¿Cuáles son sus parámetros?
  - b. ¿Cuál es la media y la desviación típica de esta distribución?
  - c. ¿Cuál es la probabilidad de que Juan consiga la ansiada subida de 1 punto en la nota final?
- (Aragón 2021, Extraordinaria) Uno de cada 7 deportistas de la selección española de gimnasia deportiva, será elegido para las próximas olimpiadas. Se escogen aleatoriamente y de modo independiente 9 deportistas de dicha selección española.
  - a. ¿Cuál es la probabilidad de que sean elegidos exactamente 2 de estos 9 deportistas para las próximas olimpiadas?
  - ¿Cuál es la probabilidad de que alguno (al menos 1) de estos 9 deportistas sea elegido para las próximas olimpiadas?
- 3. (Galicia 2021, Ordinaria) El portador de una cierta enfermedad tiene un 10% de probabilidades de contagiarla a quien no estuvo expuesto a ella. Si entra en contacto con 8 personas que no estuvieron expuestas, calcule:
  - a. La probabilidad de que contagie a un máximo de 2 personas.
  - b. La probabilidad de que contagie a 2 personas por lo menos.
- 4. (Madrid 2021, Modelo) En un instituto uno de cada cuatro alumnos practica baloncesto. Se eligen 6 alumnos al azar y se considera la variable aleatoria X que representa el número de estudiantes entre estos 6 que practican baloncesto. Se pide:
  - a. Identificar la distribución de la variable aleatoria X y calcular P(X = 0).
  - b. Calcular la probabilidad de que al menos 5 de los 6 elegidos practiquen baloncesto.
  - c. Calcular la probabilidad de que al menos 1 de los 6 practique baloncesto.

Dist. BINOMIAL FACILES 1) El tardon de Juan

9 dias -> que llegue, como mucho, 2 tarde -> +1
pho
enla NOTA P(Juan llegue tarde) = 0'45 X="n" de dias que Juan llega torde en el plato de 9 que le dis la profe"

po'g (1)

tarde = P

éxito = ira las olimpiadas

formula P(x=k)=(n)pqn-k

XEBi (9,0'45)

~ Cada suceso en indep (nodes dia) Juan Megue torde sieupre P(éxit)=probabilidad ou Juan Negre

~ So'lo se contemplan 2 posibilida des: exito (que llegue torde) o fracciso (No Mega torde)

In=9 p=0'45 9=1-p=0'55

b) u=n.p=9.0'45=4'05 o = √npq = √9.0'45.0'55 = 1149248...~[14925]

9)  $P(X \le 2) = P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) =$  $= \binom{9}{0} 0'45^{\circ}.0'55^{9} + \binom{9}{1} 0'45^{4}.0'55^{8} + \binom{9}{2} \cdot 0'45^{2}.0'55^{7} =$ 

= 0'0046 + 0'0339 + 0'11098 - 0'1495 = 14'95% [2] 1 de cada 7 - o dimpriadas.

 $p = \frac{4}{7}$  es s'empre constante Se escogen al azar 9 deportistas, e indep.

~ cada suceso será independiente ~ sóbo con templamos éxito ofracaso X = "nº de el egidos entrelos 9 para ira las olimpiadas => X ∈ Bi(9, 4)

a)  $P(x=2) = {9 \choose 2} {4 \choose 7}^2 {6 \choose 7}^7 = 36 \cdot {6^{\frac{7}{2}}} = {0 \choose 2} {497 \choose 7} = {24 \choose 97 \choose 7}^2$ 

b) alguno = al menos d

$$P(X \ge 1) = P(X=1) + P(X=2) + \cdots + P(X=9)$$
 $= 1 - P(X=0) = 1 - {9 \choose 0} {1 \choose 4} \cdot {6 \choose 9} = 1 - 02497 = 9$ 
 $= 1 - P(X=0) = 1 - {9 \choose 0} {1 \choose 4} \cdot {6 \choose 9} = 1 - 02497 = 9$ 
 $= 1 - P(X=0) = 1 - {9 \choose 0} {1 \choose 4} \cdot {6 \choose 9} = 1 - 02497 = 9$ 
 $= 1 - P(X=0) = 1 - {9 \choose 0} {1 \choose 4} \cdot {6 \choose 9} = 1 - 02497 = 9$ 
 $= 1 - P(X=0) = 1 - {9 \choose 0} {1 \choose 4} \cdot {6 \choose 4} = 1 - 02497 = 9$ 
 $= 1 - P(X=0) = 1 - {9 \choose 0} {1 \choose 4} \cdot {6 \choose 4} = 1 - P(X=0) + P(X=1) = 1 - {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 
 $= 1 - P(X=0) + P(X=1) = {9 \choose 4} = 1$ 

[4] Un instituto, un departe: balancesto po'g(3) ~ P(alumno practique baloncesto) = 1/4 = 0'25 > éxito prob. constante ~ Se eligeu al azar 6 alumnos, portanto cada caso será independiente n solo contemplamos éxito (que practique baloncesto) o fracaso (que no lo practique) =Desuna Binomial h=6 | X="n° alemnos que practican baloncesto p=o'25 | entre los 6 elegados" q=o'75 |  $X \in B$ , (6,o'25)a)  $P(X=0)=(6)0'25^{\circ}.0'75^{6} = 0'1780 = 17'8\%$ b) P(X>5)=P(X=5)+P(X=6)=

(al menos 5 de los 6) 

- 01464% c) al menos  $1 \Rightarrow P(X \ge 1) = P(X=1) + \cdots + P(X=6) =$ 

 $= 1 - P(X=0) = 1 - {6 \choose 0} 0'25^{\circ} \cdot 0'75^{\circ} =$ 

para haco las cecentas más gortas 2/0/8220] = [82'20%]