FICHA ECUACIONES Y SISTEMAS DE ECUACIONES TRIGONOMÉTRICAS

Resuelve las siguientes ecuaciones calculando las familias completas de soluciones y teniendo en cuenta la relación entre los ángulos de diferentes cuadrantes. Debe trabajarse en radianes.

1)
$$2 \operatorname{sen} x \cos x = \operatorname{sen} x$$

$$2) \quad \cos(3x) + \cos x = \cos(2x)$$

3)
$$\cos^2 x + 2 \sin x = 2$$

4)
$$sen x + cos x = 1$$

5)
$$\cos x + \sqrt{3} \operatorname{sen} x = 0$$

6)
$$4 \operatorname{sen}\left(x - \frac{\pi}{6}\right) \cdot \cos\left(x - \frac{\pi}{6}\right) = \sqrt{3}$$

7)
$$\cos(2x) + \sin x = 4 \sin^2 x$$

8)
$$\begin{cases} sen(x-y) = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ cos(x+y) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

9)
$$\begin{cases} sen \ x \cos y = -\frac{\sqrt{3}}{4} \\ \cos x \ sen \ y = \frac{\sqrt{3}}{4} \end{cases}$$

10)
$$\begin{cases} sen x + \cos y = \sqrt{3} \\ x - y = \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

11)
$$sen 2x = sen x$$

12)
$$\cos x - \sin x = 0$$

13)
$$\begin{cases} sen x \cos y = \frac{1}{4} \\ \cos x sen y = \frac{3}{4} \end{cases}$$

```
Ecuaciones y Sist. tugonométricas
                                                  ficha I
1) [2 seux cos x = senx] (=) 2 seux con x - seux = 0
                           d=0 \quad \text{Seux} \left(2\cos x - 1\right) = 0 \quad \begin{cases} \sec x = 0 \\ 0 \end{cases}
2\cos x = 1
 * Si 2\cos x = 1 (1-1) \cos x = \frac{1}{2} (1-1)
                                                                                                                                           52 = 160°+ k360°/ KEZ) U
U 1-60°+ k360°}
                   en radianes
                                                   xe ) π +2kπ /k eZ ) U }- π +2kπ /keZ }
    S=S1US2
      [lioso, quitás demasiado para este grupo uno poner en examen) además muy largo seu 2 \alpha = 2 seu \alpha con \alpha | seu (\alpha+\beta) = seu \alpha cos \beta + cos \alpha seu \beta con 2 \alpha = \cos^2 \alpha - \sec^2 \alpha con (\alpha+\beta) = con \alpha cos \beta - seu \alpha seu \beta
                       (cos (3a) = cos (2a+a) = cos 2a. cosa - seu 2 a seu a =
                             = (cos2d - seu2d) cosd - 2 seud cosa seud =
                                           \cos^3 \alpha - Seu ^3 \alpha cor \alpha - 2 seu ^3 \alpha cos \alpha =
                              = cos3d - 3 serta cosa = cosa (cos2 a-3 serta)
       Usando esto en la igualdad del principio:
    (050 (cos2 - 3 sen2 d) + cos d = cos2 d - sen2 d

1 cosd (cos2 d - 3 sen2 d) + cosd - cos2 d + sen2 d = 0
```

(1)
$$\cos^3 x - 3 \cos x \sec^2 x + \cos x - \cos^2 x + \sec^2 x = 0$$

A deman sabemos que (2) $\cos^2 x + \sec^2 x = 0$

Plano $a = \cos x$
 $b = \sec x = 0$
 $b = \sec x = 0$

(2) $a^2 + b^2 = 1$

(3) $a^2 + b^2 = 1$

(4) $a^3 - 3ab^2 + a - a^2 + b^2 = 0$
 $a^3 - 3a(1-a^2) + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(3) $a^2 + b^2 = 1$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 2a^2 - 2a + 1 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 = 0$

(4) $a^3 - 3a + 3a^3 + a - a^2 + 1 - a^2 + a^$

 $a = \frac{\pm \sqrt{2}}{2} \implies b^2 = 1 - a^2$; $b^2 = 1 - \frac{2}{4}$; $b^2 = \frac{2}{4}$; $b^2 = \frac{1}{2}$; $b = \frac{1}{2}$; b =

pog.3 Resumen de Soluciones a=605x, b= seux α= ½, b= √3 (1 = cuadrante) σ= b {x=60+k360, ket} }

This = 60°

S₁= (x- \frac{\pi}{3} + 2k\pi , ket) S,= (x= 17 + 2kT, KEE) 71 () 0 o lo que es lo mismo: 60°+n°entero de vueltas 47) { x=-60°+ k 360°, KEE} 29) a= 1/2, b= - 1/3 (4° cuadrante) o en radianes: $S_z = \frac{1}{3} - \frac{11}{3} + 2k \pi, K \in \mathbb{Z}_f^2$ $\frac{v_2}{\sqrt{1000}} -60^\circ = -\frac{\pi}{3}$ en radianes:

3°) $a = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $b = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (1° madrante) (=) $(x = 45^{\circ} + kB6^{\circ} / kEE)$ S3= 1 T4 + 2KT/KEZ} 45° = T4

(4° cuadrante) 4°) a= 1 , b= - 12 Su = 1x = 45°+k.360°/KEE} en radianes Sy= }- \frac{1}{4} + 2kTT / KEE} 0 - 450 = - #

(2º cua drante) 59 a=- 13 , b= 12 S=1135°+k360°/KEE} 90°+45°=135° " \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{4} = \frac{3}{4} en radianes S5= } 3T + 2KT / KEZ}

6°) a = - 12, b= - 12 (3° cuadrante) S={ 225°+K.360°/KEE}

п = 180° en raclianes SG= 15TT +2KTT / KEE} 180°+45°= 225° ㅠ+푸= 팩

Resumen las soluciones 53,54,55,56 se pueden escribir como 45°+nºentero.90° i.e. \$45°+k90°/kEE(= S7 radianes $\frac{T}{4} + k \frac{T}{Z} = \frac{TT + 2kT}{Y} = \frac{(2k+1)}{4} T = \frac{1}{4} (2k+1) \frac{T}{4} | k \in \mathbb{Z}$

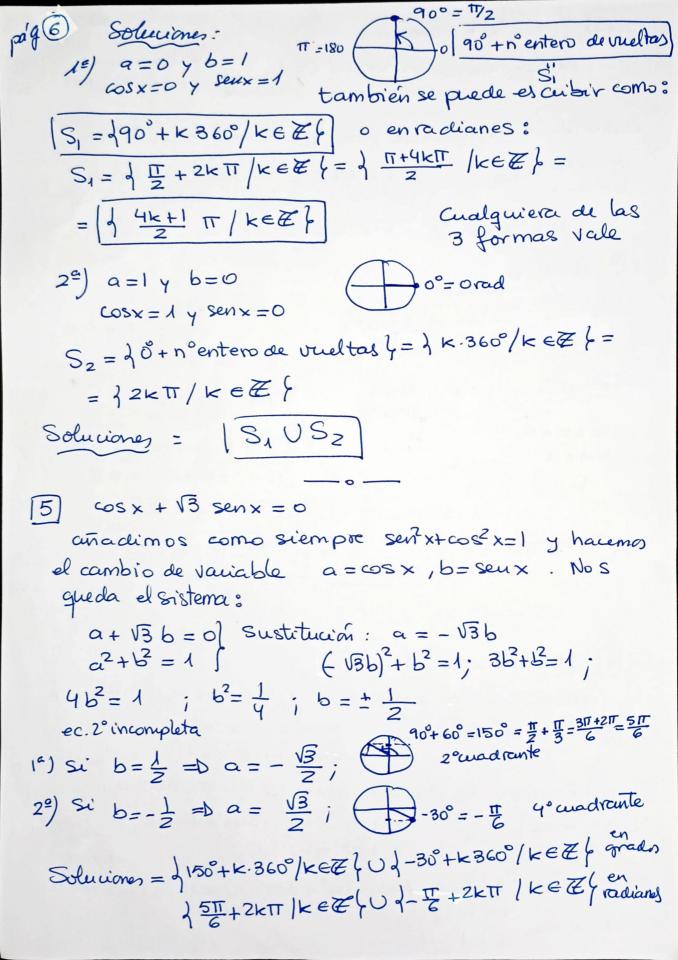
Soluciones = SIUS2US7

po Com probaci an (No es recesacio pero ayuda a comprobas los resultados y a entenderlos) 1) si x=60° =0 $\cos (3.60^\circ) + \cos 60^\circ = -1 + \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} = \cos 120^\circ$ 2) Si x = -60° =0 $cos(3\cdot(-60^{\circ})) + cos(-60^{\circ}) = -1 + \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} = -cos 60^{\circ}$ cos (3.45°) + cos 45° = - 1/2 + 1/2 = 0 = cos 90 cos (3(-45°)) + cos (-45°) = - 1/2 + 1/2 = 0 = cos 90 3) si x = 45° => 4) six = -45° => 5) Si x = 135° =b cos (3.135°)+ cos(135°)= $= \cos(45^\circ) + \cos(135^\circ) = \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} = 0 =$ 135 135 ×3 405° 405° 45° = 65 270° sill => cos(3.225°)+cos(225°) = 6) si x = 225° $= \cos (315^\circ) + \cos (225^\circ) =$ 675° 225 = cos (-45°) + cos(225°) = -3600 6750 315° $=\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}}{2}=0=\cos(90^\circ)=\cos(450^\circ)$ -360° +315° -45° 225° +450° - 3600

900

450°

pág 5 $E_{j}[3]$ $\cos^{2}x + 2 \operatorname{Sen}x = 2$ formamos un sistema anadimos cos²x+sen²x=1
que siempre se umple cambiamos la variable para q. sea mas fa'ail de ver $a = \cos x$ $b = \sin x$ = $a^2 + 2b = 2$ resolvemos el sistema $a^2 + b^2 = 1$ sustitución $a^2 = 1 - b^2$; -62+2b+1-2=0; -62+2b-1=0; $1-b^2+2b=2$ b-26+1=0 ec. 2° grado b = 2 = 1 doble como $a^2 = 1 - b^2$ $a^2 = 1 - 1 = 0$ =b a=0. Solución: a=0, b=1 como a=cosx b=senx cosx = 0 senx = 1x = 90°+ nº entero de vueltas = = | 90°+ K.360° / KEE {] = 1 = +2KT | KEE } = eu radianes = 1 THYKT / KEE/ = () 4K+1 T / KEZ} / pude escuibir de las 3 for mas y puntua lo mismo Ejy Senx + cosx = 1 airadimos cos²x+sen²x=1 q. siempre se cumple y formamos el sistema senx+cosx=1 $sen^2x+cos^2x=1$ cambiamos la variable para q. resulte más cómodo $a = \cos x$ | b + a = 1 | Sustitución b = 1 - a $b = \sin x$ | $b^2 + a^2 = 1$ | $(1-a)^2 + a^2 = 1$ d=0 $1-2a+a^2+a^2=1$ d=0 $2a^2-2a=0$ d=0 2a(a-1)=0 a=0 d=0 Solutiones: a = 0 = 0b = 1 $a = 1 \Rightarrow b = 0$



(partieste curso y este grupo se deja hacer en grados)
$$\overline{B}=30^\circ$$

4 seu(x-30°) cos (x-30°) = \overline{B}

Cambio de variable: $\overline{A}=\overline{A}=30^\circ$ i.e. $X=A+30^\circ$

4 seu(x-30°) cos (x-30°) = \overline{B}

Cambio de variable: $\overline{A}=\overline{A}=30^\circ$ i.e. $X=A+30^\circ$

4 seu (x-30°) cos (x-30°) = \overline{B}

Cambio de variable: $\overline{A}=\overline{A}=30^\circ$ i.e. $X=A+30^\circ$

4 seu (x-30°) cos (x-30°) = \overline{B}

Cambio de variable: $\overline{A}=\overline{A}=30^\circ$ i.e. $X=A+30^\circ$

4 seu (x-30°) cos (x-30°) = $\overline{A}=30^\circ$

Cos 2d = $\overline{A}=30^\circ$ tenemos dos posibilidados esta comprebación para reculad en la comprebación y cos 2d = $\overline{A}=30^\circ$ (2° cuadraute)

Cos 2d = $\overline{A}=30^\circ$ (2° cuadraute)

Comprebación : $\overline{A}=30^\circ$ (3° cos 30°) = $\overline{A}=30^\circ$ (4) seu (60°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (4) seu (60°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (4) seu (60°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (5) $\overline{A}=30^\circ$ (60°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (5) $\overline{A}=30^\circ$ (60°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (50°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (60°-30°) cos 60° = $\overline{A}=30^\circ$ (70°-30°) cos 6

page (8) Las soluciones serán:
$$S_1 = |A GO^2 + n^2 \text{ entero de vueltas}| = |A GO^2 + k | 360^2 | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | k | e | E| | = |A III | e | E| |$$

Posibles solutiones

$$a = \cos x$$
, $b = \sin x$
 $paig$
 9
 1^{2}
 $a = \frac{\sqrt{3}}{2}$ y $b = \frac{1}{2}$
 1^{2} comprobation:

 1^{2} comprobation:

$$x = 30 + n \text{ enters}$$

$$comprebación:$$

$$cos (2.30°) + seu 30° = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$cos 60° + sen 30° = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

comprobación:

$$\cos(2.30^\circ) + \sec 30^\circ = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

$$\cos 60^\circ + \sec 30^\circ = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

par otro lado: 4 señ 30 =
$$4(\frac{1}{Z})^2 = 4 \cdot \frac{1}{4} = 1$$

$$|S_1 = \sqrt{30^2 + n^2} \text{ entero de viueltas}|$$

$$|S_1 = \sqrt{30^2 + n^2} \text{ entero de viueltas}|$$

$$|S_1 = \sqrt{30^2 + n^2} \text{ entero de viueltas}|$$

$$= \frac{1}{30^{\circ}} + \frac{1}{6} \times \frac{360^{\circ}}{16} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times$$

$$2^{2}$$
) $a = -\frac{\sqrt{3}}{2}$; $b = \frac{1}{2}$ got $a = -\frac{\sqrt{3}}{2}$; $b = \frac{1}{2}$ got $a = -\frac{\sqrt{3}}{2}$; $b = \frac{1}{2}$ got $a = -\frac{\sqrt{3}}{2}$; $a = -$

Comprobación: cos (2.150°) + sen 150° = cos 300° + seu 150°

$$= \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \boxed{1}$$
por otro lado $4 \sec^2 150^\circ = 4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \boxed{1}$ Si// VALE

$$5_2 = \frac{150^\circ + \text{n'entero}}{150^\circ + \text{n'entero}} = \frac{5}{6} = \frac{$$

180 —×

4° cuadrante hacemos la comprobación cos(2.(-19,47°)) + sen (-19,47°)= 0'7-0'3 + 1 NO VALE

$$a = -\frac{2\sqrt{2}}{3}; b = -\frac{1}{3}$$

$$x = 130^{\circ} + 19, 47^{\circ} = 199, 47^{\circ}$$

$$cos(2.199, 47^{\circ}) + seu(199, 47^{\circ})$$

$$d = -\frac{1}{3} \pm 1 \text{ No VMB}$$

$$\Rightarrow des solutions son S_{1}US_{2}$$

$$(Nuy largo)$$

$$Sen(x-y) = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x-y = 45^{\circ} & \text{``cuadrante} \\ x-y = 135^{\circ} & \text{``cuadrante} \end{cases}$$

$$(Nuy largo)$$

$$Haviendo las posibles combinaciones de las solutiones son the seudones s$$

$$S_{2} = \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + n^{\circ} \text{ entero de urulbas} \\ y = 90^{\circ} + n^{\circ} \text{ entero de wrulbas} \end{bmatrix} = pag (II)$$

$$= \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + k \cdot 360^{\circ} \\ y = 90^{\circ} + k \cdot 360^{\circ} \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + k \cdot 360^{\circ} \\ y = 90^{\circ} + k \cdot 360^{\circ} \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + 4 \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 3+8k \\ 4 \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x = 3+8k \\ 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x = 3+8k \\ 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + 4 \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + n^{\circ} \text{ entero de urulbas} \end{bmatrix} e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + n^{\circ} \text{ entero de urulbas} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x = 3+8k \\ y = 2k \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 3+8k \\ y = 2k \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix} k e \mathbb{Z} \begin{bmatrix} x = 135^{\circ} + y \end{bmatrix}$$

$$S_{4} = \frac{1}{7} \frac{1}{7} + 2 \times 17$$

$$= \frac{1}{7} \frac{1}{7} + 2 \times 17$$

Hay q. resolver tos 4 scardinos $x = 60^{\circ} + y$ $x + y = 0^{\circ}$ $x = 60^{\circ} + y$ $x - y = 60^{\circ}$ Se puedle comprodoar q. seu 30° cos (-30°) = $\frac{1}{2}$. $\frac{13}{2} = \frac{13}{4} + \frac{13}{4}$ $x = \frac{13}{4} +$

2"
$$\times + y = 0^{\circ}$$
 $\times = -y$ $\times -y = 240^{\circ}$; $-2y = 240$

(las obtenidas para S, NO VALEN, ya lo comprodamos)

Eilo senx + cos y =
$$\sqrt{3}$$
 | En grados
 $x-y = \frac{\pi}{2}$ | Senx + cos y = $\sqrt{3}$ | $x-y = 90^{\circ}$ | $x-y = 9$

$$y = 30^{\circ} \circ y = -30^{\circ}$$

para $y = 30^{\circ} \Rightarrow x = 90^{\circ} + 30^{\circ} = 120^{\circ}$
para $y = -30^{\circ} \Rightarrow x = 90^{\circ} + (-30^{\circ}) = 60^{\circ}$

Comprobación
$$|x| = 120^{\circ}$$
 | $|x| = 120^{\circ}$ | $|x| = 120^{\circ}$

Soluciones = SIUSZ

Pog (16) Sen2x = Senx(Ej 11 sen 2d = 2 send cosd rationes angulo doble: 2 senx cos x = senx (=) $2 \operatorname{sen} x \cos x - \operatorname{sen} x = 0$ senx (2005x - 1) = 0 2 cosx-1 =0 . Si sen x = 0 => x puede ser . Si $2\omega 5x-1=0 \implies 2\omega 5x=1 \implies \omega 5x=\frac{1}{2}$ (a) $\omega 60^{\circ}$ (b) $\omega 5x=1=0 \implies \omega 5x=\frac{1}{2}$ (c) $\omega 5x=-60$ Comprobación

1°) x=0° => seu 2.0 = seu 0 si, VALE

[S1 = 20° + n° entero de vueltas } = 20+ k360° / kc/f = 2KT /KEE/ 2°) x=180° => seu 2.180° = seu 360° = 0 = seu 180° Sz = 13180°+ n° entero de vueltas (= 180°+ K. 360° | KEE {= \TT+2KTT | KEE }= = 1 (2K+1) TT / KEE { También se puede ver que SIUS2=]KTT/KEZ 3) x = 60 \Rightarrow comprobación seu[2.60] = seu [20 = $\frac{\sqrt{3}}{2}$ = seu 60 Se, VALE $S_{3} = \frac{1}{60} + \text{n'entero de vueltas} = \frac{1}{3} = \frac{1}{60} + \frac{1}{3} + 2 \times 17 / \text{k eV} = \frac{1}{3} = \frac$ seu60=1/3

4°)
$$x=-60^\circ$$
, comprobación $prig(T)$
 $seu(x\cdot(-60^\circ))=seu(-720^\circ)=-\frac{13}{2}$
 $seu(-60^\circ)=-\frac{13}{2}$
 $seu(-60^\circ)=-\frac{13}{2}$

2) $a=-\frac{\sqrt{2}}{2}$ y $b=-\frac{\sqrt{2}}{2}$ 3° cuadrante Se comprueba faicilmente q. seu 25°=cos 22° 180°+45-225° $S_2=\frac{1}{225}$ °+ n° entero de vuellas $\frac{1}{225}$ °+ k·360° | k et $\frac{1}{225}$ °+ k·360° | k e $\frac{1}{225}$ °+ k·360° | k e $\frac{1}{225}$ °+ k·360° | k e $\frac{1}{225}$ °+ k·360° | k

 $x+y = 90^{\circ}$ | $x+y = 90^{\circ}$ | $x-y = 210^{\circ}$ | $x-y = 210^{\circ$

$$x + y = 90 \quad x = 210 + y \quad pois (19)$$

$$x - y = 210 \quad 210 + y + y = 90 \quad 2y = 90 - 210$$

$$2y = -120 \quad y = -60 \quad \Rightarrow x = 150 \quad x$$

das Soluciones son [5,]