

1. Dada la recta $4x + 3y - 6 = 0$, escribe la ecuación continua de la recta perpendicular a ella en el punto donde corta al eje de ordenadas.
2. Determina, en cada caso, una recta que pase por el punto $P(-2, -3)$ y sea:
 - a) [Forma general] Perpendicular a la bisectriz del primer cuadrante.
 - b) [Forma vectorial] Paralela al eje de abscisas.
3. Halla el punto simétrico de $P(1,1)$ respecto de la recta de ecuación $x - 2y - 4 = 0$.

4. Determina el valor de k para que las rectas r y s sean:

$$r \equiv \frac{x-2}{3} = \frac{y}{-2} \quad s \equiv \frac{x+5}{-6} = \frac{y-1}{k}$$

- a) Paralelas
- b) Perpendiculares

5. Calcula m y n para que r pase por el punto $P(1,4)$ y que r y s formen un ángulo de 45° :

$$r \equiv mx - 2y + 5 = 0 \quad s \equiv nx + 6y - 8 = 0$$

6. Determina c para que la distancia de $r \equiv x - 3y + c = 0$ al punto $P(6,2)$ sea de $\sqrt{10}$ unidades.
7. Determina la posición relativa de los siguientes pares de rectas. Si son secantes, halla el punto de corte y el ángulo que forman. Si son paralelas, calcula la distancia entre ambas.

$$a) \quad r \equiv 3x + 5 = 0 \quad s \equiv \begin{cases} x = \frac{2}{5} \\ y = 3 - 4\lambda \end{cases}$$

$$b) \quad r \equiv y = \frac{-2}{3}x + 1 \quad s \equiv \frac{1-x}{3} = \frac{y+1}{2}$$

$$c) \quad r \equiv 2x + 4y + 8 = 0 \quad s \equiv y = -\frac{1}{2}x$$

8. Determina, en cada caso, si el triángulo ABC es equilátero, isósceles o escaleno.

$$a) \quad A(-1,0), B(1,0), C(0, \sqrt{3})$$

$$b) \quad A(1,3), B(3,5), C(-1,7)$$

9. Halla la longitud del segmento que determina la recta $x - 2y + 5 = 0$ al cortar los ejes de coordenadas.

10. En el triángulo de vértices $A(-1, -1), B(2,4)$ y $C(4,1)$, halla las ecuaciones de la mediana y de la altura que pasan por B.

11. En un triángulo equilátero conocemos dos vértices $A\left(\frac{\sqrt{3}}{2}, 0\right)$ y $B\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}, 0\right)$.
Halla el tercer vértice.
12. Halla las ecuaciones de las tres mediatrices del triángulo de vértices $A(-4, -2)$, $B(4, -2)$ y $C(2, 4)$. Halla el circuncentro.
13. Calcula el punto P' de la recta $r \equiv x - 2y + 4 = 0$ más cercano al punto $P(1, -2)$.
- ¿A qué distancia están ambos puntos?
 - Comprueba que la distancia es la misma que la de P a r .
14. Calcula el área del triángulo cuyos lados están sobre las rectas $r \equiv x = 3$; $s \equiv 2x + 3y - 6 = 0$ y $t \equiv x - y - 7 = 0$.
15. Determina, en cada caso, un punto P de la recta $r \equiv y = -x + 1$ tal que:
- La distancia de P a $s \equiv 3x - 4y + 2 = 0$ sea 1.
 - P diste 3 unidades del eje OX .
 - La distancia de P al eje OY sea 4 unidades.
 - P equidiste de las rectas $x - y + 5 = 0$ y $x + y + 1 = 0$.
16. Dadas las rectas $r \equiv -3x + 4y + 9 = 0$ y $s \equiv 2x - y - 6 = 0$, halla la ecuación de la recta simétrica a r respecto de s .
17. Sean A , B , C y D los puntos de corte de las rectas $r \equiv x - 2y + 2 = 0$ y $s \equiv 2x - y - 2 = 0$ con los ejes de coordenadas. Prueba que el cuadrilátero $ABCD$ es un trapecio isósceles y halla su área.
18. De un cuadrado conocemos la ecuación de una de sus diagonales, $d \equiv x + 2y - 5 = 0$, y un vértice, $A(2, -1)$. Calcula el resto de vértices y su área.
19. Dados dos vectores no nulos \vec{u} y \vec{v} , indica qué ángulo forman en los siguientes casos:
- | | |
|---|---|
| a) $\vec{u} \cdot \vec{v} = \vec{u} \cdot \vec{v} $ | b) $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$ |
| c) $\vec{u} \cdot \vec{v} = - \vec{u} \cdot \vec{v} $ | d) $\vec{u} \cdot \vec{v} = \frac{1}{2} \vec{u} \cdot \vec{v} $ |
-
- | | | |
|-----------------------------------|----------------------------|-------------------------------|
| a) $\vec{u} \cdot \vec{v}$ | b) $\vec{v} \cdot \vec{u}$ | c) $(-\vec{u}) \cdot \vec{v}$ |
| d) $(3\vec{u}) \cdot (-5\vec{v})$ | e) $\vec{u} \cdot \vec{u}$ | f) $\vec{v} \cdot (-\vec{v})$ |