

Ejercicio nº 1.-

Responde a las preguntas y justifica tus respuestas:

- a) ¿El número 8 es divisor de 30? Explica por qué.
- b) ¿El número 155 es múltiplo de 31? Explica por qué.

Solución:

- a) No; porque el cociente no es exacto: $30 : 8 = 3,75$.
- b) Sí; porque el cociente es exacto: $155 : 31 = 5$.

Ejercicio nº 2.-

Calcula todos los divisores de los siguientes números:

- a) 30
- b) 15

Solución:

- a) Divisores de 30 = 1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30
- b) Divisores de 15 = 1, 3, 5, 15

Ejercicio nº 3.-

Escribe los cuatro primeros múltiplos de cada número:

- a) 14, _____, _____, _____, _____.
- b) 13, _____, _____, _____, _____.
- c) 7, _____, _____, _____, _____.

Solución:

- a) 14, 28, 42, 56, 70.
- b) 13, 26, 39, 52, 65.
- c) 7, 14, 21, 28, 35.

Ejercicio nº 4.-

De entre los siguientes números, tacha los múltiplos de 2, rodea con un círculo los múltiplos de tres y subraya los múltiplos de cinco. ¿De qué otro número son múltiplos los números que están a la vez tachados y subrayados?

10 11 18 20 25 27 30 33 40 42

Solución:

~~10~~ 11 (18) 20 25 (27) (30) (33) 40 (42)

Los números que están a la vez tachados y subrayados son múltiplos también de 10.

Ejercicio nº 5.-

Calcula por el método tradicional:

- a) mín.c.m. (9, 12)
- b) mín.c.m. (25, 50)
- c) mín.c.m. (6, 7)

Solución:

- a) mín.c.m. (9, 12)
Múltiplos de 9 = 9, 18, 27, **36**, 45, ...
Múltiplos de 12 = 12, 24, **36**, ...
mín.c.m. (9, 12) = 36
- b) mín.c.m. (25, 50)
Múltiplos de 25 = 25, **50**, 75, 100, ...
Múltiplos de 50 = **50**, ...
mín.c.m. (25, 50) = 50
- c) mín.c.m. (6, 7)
Múltiplos de 6 = 6, 12, 18, 24, 30, 36, **42**, 48, ...
Múltiplos de 7 = 7, 14, 21, 28, 35, **42**, ...
mín.c.m. (6, 7) = 42

Ejercicio nº 6.-

Calcula descomponiendo en factores primos:

- a) mín.c.m. (6, 12, 16)
- b) máx.c.d. (24, 56)

Solución:

$$\begin{array}{l}
 \text{a) } 6 \begin{array}{c} | 2 \\ 3 \mid 3 \\ 1 \mid \end{array} \quad 6 = 2 \cdot 3 \quad 12 \begin{array}{c} | 2 \\ 6 \mid 2 \\ 3 \mid 3 \\ 1 \mid \end{array} \quad 12 = 2^2 \cdot 3 \quad 16 \begin{array}{c} | 2 \\ 8 \mid 2 \\ 4 \mid 2 \\ 2 \mid 2 \\ 1 \mid \end{array} \quad 16 = 2^4
 \end{array}$$

$$\text{mín.c.m. } (6, 12, 16) = 2^4 \cdot 3 = 48$$

$$\begin{array}{l}
 \text{b) } 24 \begin{array}{c} | 2 \\ 12 \mid 2 \\ 6 \mid 2 \\ 3 \mid 3 \\ 1 \mid \end{array} \quad 24 = 2^3 \cdot 3 \quad 56 \begin{array}{c} | 2 \\ 28 \mid 2 \\ 14 \mid 2 \\ 7 \mid 7 \\ 1 \mid \end{array} \quad 56 = 2^3 \cdot 7
 \end{array}$$

$$\text{máx.c.d. } (24, 56) = 2^3 = 8$$

Ejercicio nº 7.-

¿De cuántas formas diferentes se puede dividir una clase de 24 estudiantes en equipos con el mismo número de componentes?

Solución:

EQUIPOS	1	2	3	4	6	8	12	24
COMPONENTES	24	12	8	6	4	3	2	1

Ejercicio nº 8.-

Un cine tiene un número de asientos comprendido entre 200 y 250. Sabemos que el número de entradas vendidas para completar el aforo es múltiplo de 4, de 6 y de 10. ¿Cuántos asientos tiene el cine?

Solución:

$$\begin{array}{l}
 4 \begin{array}{c} | 2 \\ 2 \mid 2 \\ 1 \mid \end{array} \quad 6 \begin{array}{c} | 2 \\ 3 \mid 3 \\ 1 \mid \end{array} \quad 10 \begin{array}{c} | 2 \\ 5 \mid 5 \\ 1 \mid \end{array}
 \end{array}$$

$$\text{mín.c.m. } (4, 6, 10) = 2^2 \cdot 3 \cdot 5 = 60$$

Como el número de asientos está comprendido entre 200 y 250, buscamos un múltiplo de 60 que cumpla esa condición:

$$60 \cdot 1 = 60$$

$$60 \cdot 2 = 120$$

$$60 \cdot 3 = 180$$

$$60 \cdot 4 = 240$$

$$60 \cdot 5 = 300$$

El cine tiene 240 asientos.