Instrucciones*: en todos y cada uno de los ejercicios es obligatorio hacer un desarrollo o procedimiento, por breve que sea, que lleve a la solución.*

1. Realiza las siguientes operaciones con radicales, simplificando y extrayendo factores del resultado, si es posible: **(1 punto; 0,5 puntos por apartado)**

   a) $\sqrt{x}\,\sqrt[3]{x^2} =$ b) $\dfrac{\sqrt{72}}{\sqrt[4]{27}} =$

2. Simplifica todo lo que puedas, aplicando convenientemente las propiedades de los radicales. Extrae factores caso de que sea posible. **(2 puntos; 1 punto por apartado)**

   a) $\left(\sqrt[4]{2}\sqrt{3}\right)^6 =$ b) $\sqrt{\sqrt[3]{\sqrt[4]{9}}} =$

3. Dados los polinomios:

   $P(x) = -2x^4 + x^2 - 3x + 1,\ Q(x) = 2x^3 + x^2 + 1\ \ R(x) = -x^2 - 2x + 2$

   realiza las siguientes operaciones y ordena el polinomio resultante. **(4 puntos; 1 punto por apartado)**

   a) $P(x) - Q(x) - R(x)$ b) $Q(x) - 2P(x) + 3R(x)$

   c) $Q(x) \cdot R(x)$ d) $\left[R(x) + Q(x)\right] \cdot P(x)$

4. Realiza la división $P(x) \div R(x)$, donde $P(x)$ y $R(x)$ son los mismos polinomios del ejercicio anterior. Indica quién es el cociente y el resto. **(1 punto)**

5. Realiza la división $\left(-3x^6 - x^5 + 2x^3 - x + 3\right) \div (x+1)$ utilizando la regla de Ruffini.
   Indica quién es el cociente y el resto. **(1 punto)**

6. Hallar el valor de *k* para que al efectuar la división $\left(-3x^3 + x^2 - kx + 3\right) \div (x+1)$ el resto sea 0 (división exacta). **(1 punto)**

Consejo*: en los ejercicios de raíces, antes de aplicar las propiedades, debes de factorizar previamente aquellos números que no sean primos.*

Soluciones:

1. a) $\sqrt{x}\sqrt[3]{x^2}=\sqrt[6]{x^3}\sqrt[6]{x^4}=\sqrt[6]{x^7}=x\sqrt[6]{x}$

   b) $\dfrac{\sqrt{72}}{\sqrt[4]{27}}=\dfrac{\sqrt{2^3\cdot 3^2}}{\sqrt[4]{3^3}}=\dfrac{\sqrt[4]{2^6\cdot 3^4}}{\sqrt[4]{3^3}}=\sqrt[4]{\dfrac{2^6\cdot 3^4}{3^3}}=\sqrt[4]{2^6\cdot 3}=2\sqrt[4]{2^2\cdot 3}=2\sqrt[4]{12}$

2. a) $\left(\sqrt[4]{2}\sqrt{3}\right)^6=\sqrt[4]{2^6}\sqrt{3^6}=\sqrt[4]{2^6}\sqrt[4]{3^{12}}=\sqrt[4]{2^6\cdot 3^{12}}=3^3\cdot 2\sqrt[4]{2^2}=54\sqrt{2}$

   b) $\sqrt{\sqrt[3]{\sqrt[4]{9}}}=\sqrt[24]{3^2}=\sqrt[12]{3}$

3. a) $P(x)-Q(x)-R(x)=\left(-2x^4+x^2-3x+1\right)-\left(2x^3+x^2+1\right)-\left(-x^2-2x+2\right)=$

   $=-2x^4+x^2-3x+1-2x^3-x^2-1+x^2+2x-2=-2x^4-2x^3+x^2-x-2$

   b) $Q(x)-2P(x)+3R(x)=\left(2x^3+x^2+1\right)-2\left(-2x^4+x^2-3x+1\right)+3\left(-x^2-2x+2\right)=$

   $=2x^3+x^2+1+4x^4-2x^2+6x-2-3x^2-6x+6=4x^4+2x^3-4x^2+5$

   c) $Q(x)\cdot R(x)=\left(2x^3+x^2+1\right)\left(-x^2-2x+2\right)=$

   $=-2x^5-4x^4+4x^3-x^4-2x^3+2x^2-x^2-2x+2=-2x^5-5x^4+2x^3+x^2-2x+2$

   d) $\left[R(x)+Q(x)\right]\cdot P(x)=\left[\left(-x^2-2x+2\right)+\left(2x^3+x^2+1\right)\right]\left(-2x^4+x^2-3x+1\right)=$

   $=\left(2x^3-2x+3\right)\left(-2x^4+x^2-3x+1\right)=-4x^7+2x^5-6x^4+2x^3+4x^5-2x^3+6x^2-2x$

   $-6x^4+3x^2-9x+3=-4x^7+6x^5-12x^4+9x^2-11x+3$

4.
$$\begin{array}{rrrr|l}
-2x^4 & & +x^2 & -3x+1 & -x^2-2x+2 \\ \cline{5-5}
2x^4 & +4x^3 & -4x^2 & & 2x^2-4x+11 \\ \cline{1-4}
 & 4x^3 & -3x^2 & -3x+1 & \\
 & -4x^3 & -8x^2 & +8x & \\ \cline{2-4}
 & & -11x^2 & +5x+1 & \\
 & & 11x^2 & +22x-22 & \\ \cline{3-4}
 & & & 27x-21 &
\end{array}$$

   Cociente: $C(x)=2x^2-4x+11$; Resto: $R(x)=27x-21$

5. El dividendo ordenado es $-3x^6 - x^5 + 2x^3 - x + 3$. El divisor es $x+1$. Aplicando la regla de Ruffini con $x=-2$ tenemos:

	-3	-1	0	2	0	-1	3
-1		3	-2	2	-4	4	-3
	-3	2	-2	4	-4	3	0

Cociente: $C(x) = -3x^5 + 2x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 4x + 3$; Resto: $R = 0$

6. Aplicando la regla de Ruffini:

	-3	1	$-k$	3
-1		3	-4	$k+4$
	-3	4	$-k-4$	$k+7$

Entonces, como el resto de la división es 0, $k+7=0$, y entonces $k=-7$.