

Tipo A [Tipo B](#) [Tipo C](#) [Tipo D](#)

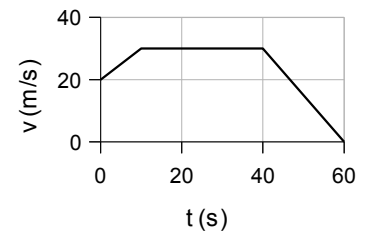
Problemas

[6]

1. Villa de Arriba y Villa de Abajo están separadas por 12,5 km. Fiz, que vive en Villa de Arriba, llama a Roi, que vive en Villa de Abajo y deciden coger sus bicis para encontrarse en el camino entre las aldeas. Según lo acordado, Fiz sale a las once en punto y pedalea a la velocidad de 10,00 m/s. Roi tiene que terminar de recoger la cocina; por lo que no puede salir hasta las once y diez y su bici no le permite ir más que a 8,00 m/s. Calcula donde se encuentran [1] y a qué hora. [1]

[Solución](#)

2. Para la gráfica de la figura,
 - a) describe el movimiento en cada tramo [½] y calcula:
 - b) La aceleración en cada tramo. [1]
 - c) El desplazamiento total. [½]



[Solución](#)

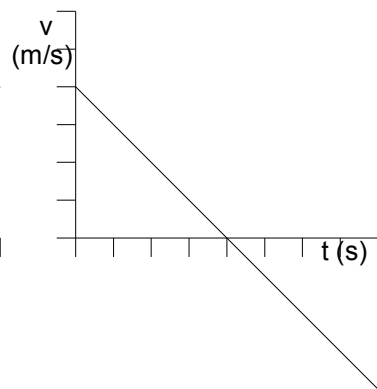
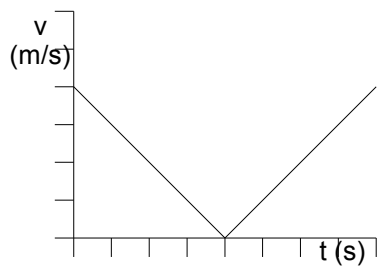
3. Desde lo alto de un puente un chaval lanza una piedra verticalmente hacia arriba con una velocidad de 20,0 m/s. Sabiendo que la superficie del agua se encuentra a 5,00 m bajo el nivel superior del puente, calcula:
 - a) La altura máxima conseguida por la piedra. [1]
 - b) El tiempo que tardará en caer la piedra al agua. [½]
 - c) La velocidad en ese momento. [½]

[Solución](#)

Cuestiones

[4]

1. Define trayectoria, velocidad media y aceleración media. [3/2]
2. ¿Cuál es la aceleración de un objeto que viaja a una velocidad de 12 m/s durante 4 s? [1/2]
3. ¿Qué diferencia hay entre desplazamiento y espacio recorrido para un móvil que se lanza desde el suelo hacia arriba y vuelve a caer en el suelo? [1/2]
4. ¿Cuál es la interpretación de Galileo de la caída de los cuerpos? [1/2]
5. ¿Cuál de las tres gráficas corresponde al movimiento de un cuerpo que es lanzado verticalmente hacia arriba, llega a una cierta altura y vuelve a caer hasta el punto de partida? Justifica por qué dos de las gráficas son incorrectas. [1]



Soluciones

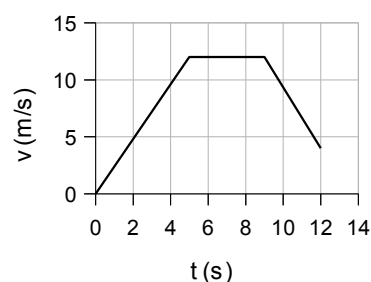
Problemas

[6]

1. Celavella y Celanova están separadas por 8,5 km. Xan, que vive en Celavella, llama a Brais, que vive en Celanova y deciden coger sus bicis para encontrarse en el camino entre las aldeas. Según lo acordado, Xan sale a las cuatro en punto y pedalea a la velocidad de 9,00 m/s. Brais tiene que hacer unos recados; por lo que no puede salir hasta las cuatro y cuarto y su bici no le permite ir más que a 6,00 m/s. Calcula donde se encuentran [1] y a qué hora. [1]

Solución

2. Para la gráfica de la figura,
 - a) describe el movimiento en cada tramo [½]
 - y calcula:
 - b) La aceleración en cada tramo. [1]
 - c) El desplazamiento total. [½]



Solución

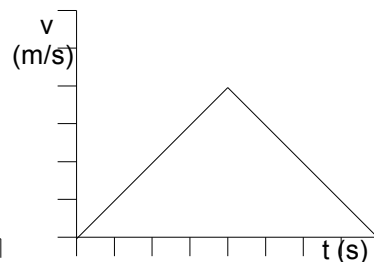
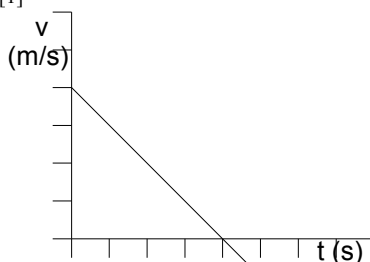
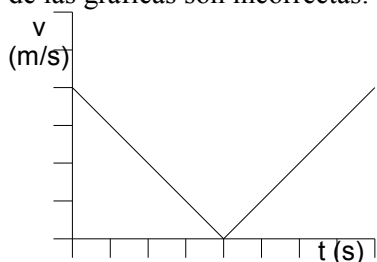
3. Desde lo alto de un puente un chaval lanza una piedra verticalmente hacia arriba con una velocidad de 25,0 m/s. Sabiendo que la superficie del agua se encuentra a 6,00 m bajo el nivel superior del puente, calcula:
 - a) La altura máxima conseguida por la piedra. [1]
 - b) El tiempo que tardará en caer la piedra al agua. [½]
 - c) La velocidad en ese momento. [½]

Solución

Cuestiones

[4]

1. Define trayectoria, velocidad media y aceleración media. [3/2]
2. ¿Cuál es la aceleración de un objeto que viaja a una velocidad de 12 m/s durante 4 s? [1/2]
3. ¿Qué diferencia hay entre desplazamiento y espacio recorrido para un móvil que se lanza desde el suelo hacia arriba y vuelve a caer en el suelo? [1/2]
4. ¿Cuál es la interpretación de Galileo de la caída de los cuerpos? [1/2]
5. ¿Cuál de las tres gráficas corresponde al movimiento de un cuerpo que es lanzado verticalmente hacia arriba, llega a una cierta altura y vuelve a caer hasta el punto de partida? Justifica por qué dos de las gráficas son incorrectas. [1]



Soluciones

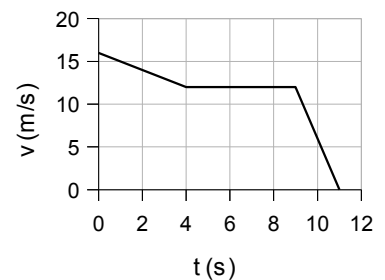
Problemas

[6]

1. Dos aldeas A y B están separadas por 30,0 km. Un móvil sale de A a las 13:45 y se mueve a la velocidad de 21,0 km/h. Otro móvil sale de B hacia A a las 13:50 y viaja a 27,0 km/h. Calcula a qué distancia de A se encuentran [1] y a qué hora. [1]

[Solución](#)

2. Para la gráfica de la figura,
 - a) describe el movimiento en cada tramo [½]
 - y calcula:
 - b) La aceleración en cada tramo. [1]
 - c) El desplazamiento total. [½]



[Solución](#)

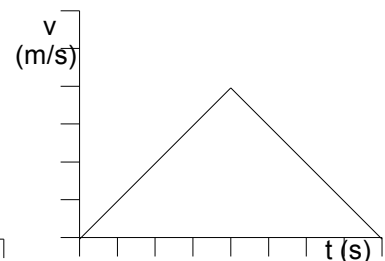
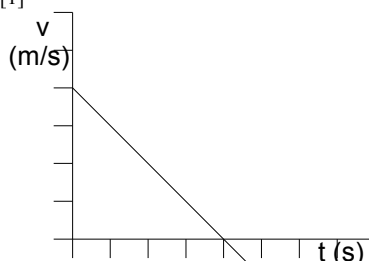
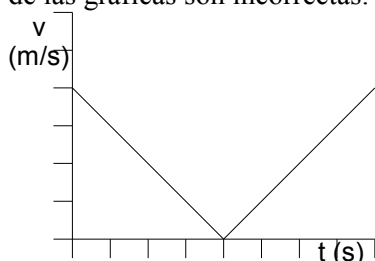
3. Desde lo alto de un edificio de 25,0 m de altura un chaval lanza una pelota verticalmente hacia arriba con una velocidad de 10,0 m/s. Calcula:
 - a) La altura máxima conseguida por la pelota. [1]
 - b) El tiempo que tardará en caer la pelota al suelo. [½]
 - c) La velocidad en ese momento. [½]

[Solución](#)

Cuestiones

[4]

1. Define trayectoria, velocidad media y aceleración media. [3/2]
2. ¿Cuál es la aceleración de un objeto que viaja a una velocidad de 12 m/s durante 4 s? [1/2]
3. ¿Qué diferencia hay entre desplazamiento y espacio recorrido para un móvil que se lanza desde el suelo hacia arriba y vuelve a caer en el suelo? [1/2]
4. ¿Cuál es la interpretación de Galileo de la caída de los cuerpos? [1/2]
5. ¿Cuál de las tres gráficas corresponde al movimiento de un cuerpo que es lanzado verticalmente hacia arriba, llega a una cierta altura y vuelve a caer hasta el punto de partida? Justifica por qué dos de las gráficas son incorrectas. [1]



[Soluciones](#)

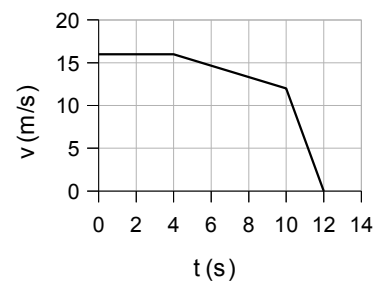
Problemas

[6]

1. Dos aldeas A y B están separadas por 36,0 km. Un móvil sale de A a las 14:20 y se mueve a la velocidad de 18,0 km/h. Otro móvil sale de B hacia A a las 14:30 y viaja a 24,0 km/h. Calcula a qué distancia de A se encuentran [1] y a qué hora. [1]

[Solución](#)

2. Para la gráfica de la figura,
 - a) describe el movimiento en cada tramo [½]
 - y calcula:
 - b) La aceleración en cada tramo. [1]
 - c) El desplazamiento total. [½]



[Solución](#)

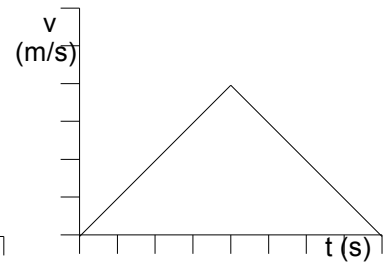
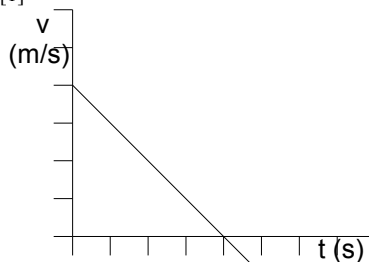
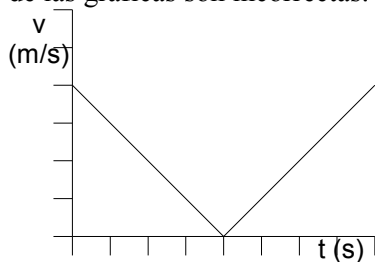
3. Desde lo alto de un edificio de 35,0 m de altura un chaval lanza una pelota verticalmente hacia arriba con una velocidad de 15,0 m/s. Calcula:
 - a) La altura máxima conseguida por la pelota. [1]
 - b) El tiempo que tardará en caer la pelota al suelo. [½]
 - c) La velocidad en ese momento. [½]

[Solución](#)

Cuestiones

[4]

1. Define trayectoria, velocidad media y aceleración media. [3/2]
2. ¿Cuál es la aceleración de un objeto que viaja a una velocidad de 12 m/s durante 4 s? [1/2]
3. ¿Qué diferencia hay entre desplazamiento y espacio recorrido para un móvil que se lanza desde el suelo hacia arriba y vuelve a caer en el suelo? [1/2]
4. ¿Cuál es la interpretación de Galileo de la caída de los cuerpos? [1/2]
5. ¿Cuál de las tres gráficas corresponde al movimiento de un cuerpo que es lanzado verticalmente hacia arriba, llega a una cierta altura y vuelve a caer hasta el punto de partida? Justifica por qué dos de las gráficas son incorrectas. [1]



[Soluciones](#)

Soluciones tipo A

1. Villa de Arriba y Villa de Abajo están separadas por 12,5 km. Fiz, que vive en Villa de Arriba, llama a Roi, que vive en Villa de Abajo y deciden coger sus bicis para encontrarse en el camino entre las aldeas. Según lo acordado, Fiz sale a las once en punto y pedalea a la velocidad de 10,00 m/s. Roi tiene que terminar de recoger la cocina; por lo que no puede salir hasta las once y diez y su bici no le permite ir más que a 8,00 m/s. Calcula donde se encuentran y a qué hora.

[Examen ▲](#) [Siguiendo ►](#)

Solución:

Los dos se mueven con M.R.U.

Ecuación: $x = x_0 + v(t - t_0)$

Origen de posiciones (en metros) en Villa de Arriba. Origen de tiempo (en segundos) en las once en punto.

Sentido de la velocidad: positivo de Villa de Arriba hacia Villa de Abajo.

Ecuaciones:

Fiz: $x_F = 0 + 10,00 \cdot (t - 0) = 10,00 \cdot t$

La posición inicial de Roi es Villa de Abajo, 12,5 km = 12 500 m. Su tiempo inicial son 10 min = 600 s.

Su velocidad es negativa porque se mueve en sentido contrario al de Fiz.

Roi: $x_R = 12\,500 - 8,00(t - 600) = 12\,500 - 8,00t + 4\,800 = 17\,300 - 8,00 \cdot t$

Se encuentran cuando:

$$\begin{aligned} x_F &= x_R \\ 10,00 \cdot t &= 17\,300 - 8,00 \cdot t \\ 18,00 \cdot t &= 17\,300 \end{aligned}$$

$$t = 17\,300 / 18,00 = 961 \text{ s} = 0:16:01 \text{ h}$$

La posición calculada de la ecuación de Fiz, da:

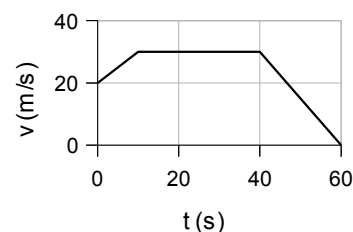
$$x_F = 10,00 \cdot 961 = 9\,610 \text{ m} = 9,6 \text{ km}$$

Rta: Se encuentran a 9,6 km de Villa de Arriba (y a 12,5 - 9,6 = 2,9 km de Villa de Abajo) a las 11:16:01 h

2. Para la gráfica de la figura,
a) describe el movimiento en cada tramo
y calcula:
b) La aceleración en cada tramo.
c) El desplazamiento total.

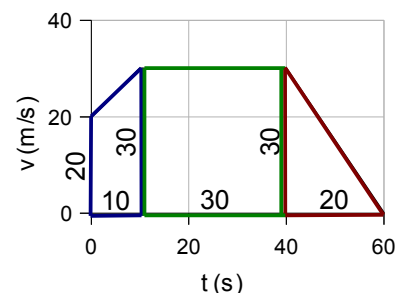
[Anterior ◀](#) [Examen ▲](#) [Siguiendo ►](#)

Solución:



- a) En el primero tramo, el móvil tiene una velocidad inicial de 20 m/s que aumenta hasta 30 m/s durante 10 s, luego en el segundo tramo, mantiene la velocidad de 30 m/s durante 30 s y por último en el tercer tramo se detiene en 20 s.

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad a_1 &= \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(30 - 20) \text{ m/s}}{(10 - 0) \text{ s}} = \frac{10 \text{ m/s}}{10 \text{ s}} = 1 \text{ m/s}^2 \\ a_2 &= 0 \text{ (su velocidad se mantiene constante)} \\ a_3 &= \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(0 - 30) \text{ m/s}}{(60 - 40) \text{ s}} = \frac{-30 \text{ m/s}}{20 \text{ s}} = -1,5 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$



- c) El desplazamiento total es igual al área bajo a gráfica:

Área del trapecio azul que representa el desplazamiento del primero tramo:

$$\Delta x_1 = \frac{B+b}{2} \times h = \frac{30+20}{2} \times 10 = 250 \text{ m}$$

Área del rectángulo verde que representa el desplazamiento del segundo tramo es:

$$\Delta x_2 = B \times h = 30 \cdot 30 = 900 \text{ m}$$

Área del triángulo rojo que representa el desplazamiento del tercero tramo es:

$$\Delta x_3 = \frac{B \times h}{2} = \frac{20 \times 30}{2} = 300 \text{ m}$$

Por lo que el desplazamiento total es:

$$\Delta x = 250 + 900 + 300 = 1\,450 \text{ m}$$

Rta.: b) $a_1 = 1 \text{ m/s}^2$ $a_2 = 0$ $a_3 = -1,5 \text{ m/s}^2$ c) $\Delta x = 1\,450 \text{ m}$

3. Desde lo alto de un puente un chaval lanza una piedra verticalmente hacia arriba con una velocidad de 20,0 m/s. Sabiendo que la superficie del agua se encuentra a 5,00 m bajo el nivel superior del puente, calcula:

- La altura máxima conseguida por la piedra.
- El tiempo que tardará en caer la piedra al agua.
- La velocidad en ese momento.

[Anterior](#) ◀ [Examen](#) ▲ [Cuestiones](#) ▶

Solución:

Ecuaciones:

MRUA: $x = x_0 + v_0 (t - t_0) + \frac{1}{2} a (t - t_0)^2$
 $v = v_0 + a (t - t_0)$

Cálculos:

Sistema de referencia con el origen en el puente ($x_0 = 0$), sentido positivo hacia arriba. (Por lo tanto, $a = -9,8 \text{ m/s}^2$)

Ecuación para la piedra: (tiempo en segundos, posición en metros)

$$x = 0 + 20,0 (t - 0) + \frac{1}{2} (-9,8) (t - 0)^2 \quad x = 20,0 t - 4,9 t^2$$

$$v = 20,0 + (-9,8) (t - 0) \quad v = 20,0 - 9,8 t$$

a) La altura es máxima cuando (t_h) la velocidad es 0 (cambia de sentido)

$$0 = 20,0 - 9,8 t_h$$

$$t_h = 20,0 / 9,8 = 2,0 \text{ s}$$

Para ese tiempo, la posición o altura respecto al puente es:

$$x_h = 20,0 \cdot 2,0 - 4,9 \cdot 2,0^2 = 20 \text{ m}$$

b) Cuando la piedra cae en el agua (t_a), su posición es $x_a = -5,00 \text{ m}$

$$-5,00 = 20,0 t_a - 4,9 t_a^2$$

Es una ecuación de segundo grado que se puede escribir así:

$$4,9 t_a^2 - 20,0 t_a - 5,00 = 0$$

La solución es:

$$t_a = \frac{20,0 \pm \sqrt{(-20,0)^2 - 4 \cdot 4,9 \cdot (-5,00)}}{2 \cdot 4,9} = 4,3 \text{ s}$$

c) La velocidad con que choca contra el agua es la velocidad en ese instante:

$$v_a = 20,0 - 9,8 \cdot 4,3 = -22 \text{ m/s}$$

Rta.: a) $x_h = 20 \text{ m}$ b) $t_a = 4,3 \text{ s}$ c) $v_a = -22 \text{ m/s}$

Soluciones tipo B

1. Celavella y Celanova están separadas por 8,5 km. Xan, que vive en Celavella, llama a Brais, que vive en Celanova y deciden coger sus bicis para encontrarse en el camino entre las aldeas. Según lo acordado, Xan sale a las cuatro en punto y pedalea a la velocidad de 9,00 m/s. Brais tiene que hacer unos recados; por lo que no puede salir hasta las cuatro y cuarto y su bici no le permite ir más que a 6,00 m/s. Calcula donde se encuentran y a qué hora.

[Examen ▲](#) [Siguiete ►](#)

Solución:

Los dos se mueven con M.R.U.

Ecuación: $x = x_0 + v(t - t_0)$

Origen de posiciones (en metros) en Celavella. Origen de tiempo (en segundos) en las cuatro en punto.

Sentido de la velocidad: positivo de Celavella hacia Celanova.

Ecuaciones:

Xan: $x_X = 0 + 9,00 \cdot (t - 0) = 9,00 \cdot t$

La posición inicial de Brais es Celanova, 8,5 km = 8 500 m. Su tiempo inicial son 15 min = 900 s.

Su velocidad es negativa porque se mueve en sentido contrario al de Fiz.

Brais: $x_B = 8\,500 - 6,00(t - 900) = 8\,500 - 6,00t + 5\,400 = 13\,900 - 6,00 \cdot t$

Se encuentran cuando:

$$x_X = x_B$$

$$9,00 \cdot t = 13\,900 - 6,00 \cdot t$$

$$15,00 \cdot t = 13\,900$$

$$t = 13\,900 / 15,00 = 927 \text{ s} = 0:15:27 \text{ h}$$

La posición calculada de la ecuación de Xan, da:

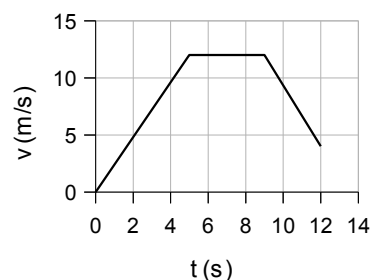
$$x_X = 9,00 \cdot 927 = 8\,340 \text{ m} = 8,3 \text{ km}$$

Rta: Se encuentran a 8,3 km de Celavella (y a 8,5 - 8,3 = 0,2 km de Celanova) a las 16:15:27 h

2. Para la gráfica de la figura,
a) describe el movimiento en cada tramo y calcula:
b) La aceleración en cada tramo.
c) El desplazamiento total.

[Anterior ◀](#) [Examen ▲](#) [Siguiete ►](#)

Solución:



- a) En el primero tramo, el móvil parte del reposo y aumenta su velocidad hasta 12 m/s durante 5 s, luego en el segundo tramo, mantiene la velocidad de 12 m/s durante 4 s y por último en el tercero tramo frena durante 3 s hasta tener una velocidad de 4 m/s.

$$b) \quad a_1 = \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(12 - 0) \text{ m/s}}{(5 - 0) \text{ s}} = \frac{12 \text{ m/s}}{5 \text{ s}} = 2,4 \text{ m/s}^2$$

$$a_2 = 0 \text{ (su velocidad se mantiene constante)}$$

$$a_3 = \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(4 - 12) \text{ m/s}}{(12 - 9) \text{ s}} = \frac{-8 \text{ m/s}}{3 \text{ s}} = -2,7 \text{ m/s}^2$$

- c) El desplazamiento total es igual al área bajo la gráfica:

Área del triángulo rojo que es el desplazamiento del primero tramo:

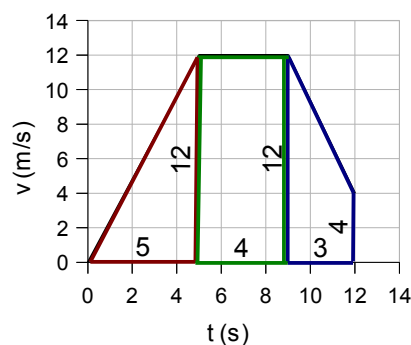
$$\Delta x_1 = \frac{B \times h}{2} = \frac{5 \times 12}{2} = 30 \text{ m}$$

Área del rectángulo verde que es el desplazamiento del segundo tramo es:

$$\Delta x_2 = B \times h = 4 \cdot 12 = 48 \text{ m}$$

Área del trapecio azul que es el desplazamiento del tercero tramo es:

$$\Delta x_3 = \frac{B + b}{2} \times h = \frac{12 + 4}{2} \times 3 = 24 \text{ m}$$



Por lo que el desplazamiento total es:

$$\Delta x = 30 + 48 + 24 = 102 \text{ m}$$

Rta.: b) $a_1 = 2,4 \text{ m/s}^2$ $a_2 = 0$ $a_3 = -2,7 \text{ m/s}^2$ c) $\Delta x = 102 \text{ m}$

3. Desde lo alto de un puente un chaval lanza una piedra verticalmente hacia arriba con una velocidad de 25,0 m/s. Sabiendo que la superficie del agua se encuentra a 6,00 m bajo el nivel superior del puente, calcula:

- a) La altura máxima conseguida por la piedra.
- b) El tiempo que tardará en caer la piedra al agua.
- c) La velocidad en ese momento.

[Anterior](#) ◀ [Examen](#) ▲ [Cuestiones](#) ▶

Solución:

Ecuaciones:

MRUA: $x = x_0 + v_0 (t - t_0) + \frac{1}{2} a (t - t_0)^2$
 $v = v_0 + a (t - t_0)$

Cálculos:

Sistema de referencia con el origen en el puente ($x_0 = 0$), sentido positivo hacia arriba. (Por lo tanto, $a = -9,8 \text{ m/s}^2$)

Ecuación para la piedra: (tiempo en segundos, posición en metros)

$$x = 0 + 25,0 (t - 0) + \frac{1}{2} (-9,8) (t - 0)^2 \quad x = 25,0 t - 4,9 t^2$$

$$v = 25,0 + (-9,8) (t - 0) \quad v = 25,0 - 9,8 t$$

a) La altura es máxima cuando (t_h) la velocidad es 0 (cambia de sentido)

$$0 = 25,0 - 9,8 t_h$$

$$t_h = 25,0 / 9,8 = 2,6 \text{ s}$$

Para ese tiempo, la posición o altura respecto al puente es:

$$x_h = 25,0 \cdot 2,6 - 4,9 \cdot 2,6^2 = 32 \text{ m}$$

b) Cuando la piedra cae en el agua (t_a), su posición es $x_a = -6,00 \text{ m}$

$$-6,00 = 25,0 t_a - 4,9 t_a^2$$

Es una ecuación de segundo grado que se puede escribir así:

$$4,9 t_a^2 - 25,0 t_a - 6,00 = 0$$

La solución es:

$$t_a = \frac{25,0 \pm \sqrt{(-25,0)^2 - 4 \cdot 4,9 \cdot (-6,00)}}{2 \cdot 4,9} = 5,3 \text{ s}$$

c) La velocidad con que choca contra el agua es la velocidad en ese instante:

$$v_a = 25,0 - 9,8 \cdot 5,3 = -27 \text{ m/s}$$

Rta.: a) $x_h = 32 \text{ m}$ b) $t_a = 5,3 \text{ s}$ c) $v_a = -27 \text{ m/s}$

Soluciones tipo C

1. Dos aldeas A y B están separadas por 30,0 km. Un móvil sale de A a las 13:45 y se mueve a la velocidad de 21,0 km/h. Otro móvil sale de B hacia A a las 13:50 y viaja a 27,0 km/h. Calcula a qué distancia de A se encuentran y a qué hora.

[Examen ▲](#) [Siguiendo ►](#)

Solución:

Datos:

Origen de posiciones en A. $x_{0A} = 0$

$x_{0B} = 30,0 \text{ km} = 30\,000 \text{ m}$

Origen de tiempo: a las 13:45 h $t_{0A} = 0$

$t_{0B} = 5 \text{ min} = 0,0833 \text{ h} = 300 \text{ s}$

Sentido de la velocidad: positivo de A hacia B.

Se puede trabajar en kilómetros y horas o en metros y segundos. En este último caso las velocidades son:

$$v_A = \frac{21,0 \text{ km}}{\text{h}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3\,600 \text{ s}} \cdot \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} = 5,83 \text{ m/s}$$

$$v_B = -\frac{27,0 \text{ km}}{\text{h}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3\,600 \text{ s}} \cdot \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} = -7,50 \text{ m/s}$$

Ecuación: $x = x_0 + v(t - t_0)$ Los dos se mueven con M.R.U.

Cálculos:

(en kilómetros y horas)	(en metros y segundos)
A: $x_A = 0 + 21,0 \cdot (t - 0) = 21,0 \cdot t$	A: $x_A = 0 + 5,83 \cdot (t - 0) = 5,83 \cdot t$
B: $x_B = 30,0 - 27,0 \cdot (t - 0,0833) = 32,25 - 27,0 \cdot t$	B: $x_B = 30\,000 - 7,50(t - 300) = 32\,250 - 7,50 \cdot t$
Se encuentran cuando: $x_A = x_B$	
$21,0 \cdot t = 32,25 - 27,0 \cdot t$	$5,83 \cdot t = 32\,250 - 7,50 \cdot t$
$48,0 \cdot t = 32,25$	$13,3 \cdot t = 32\,250$
$t = 32,25 / 48,0 = 0,672 \text{ h} = 0:40:19 \text{ h}$	$t = 32\,250 / 13,3 = 2\,419 \text{ s} = 0:40:19 \text{ h}$

La posición calculada de la ecuación de A, da:

$$x_A = 21,0 \cdot 0,672 = 14,1 \text{ km}$$

Se encuentran a las: 13:45:00 + 0:40:19 = 14:25:19 h

Rta: Se encuentran a 14,1 km de A (y a 30,0 - 14,1 = 15,9 km de B) a las 14:25:19

2. Para la gráfica de la figura,

a) describe el movimiento en cada tramo

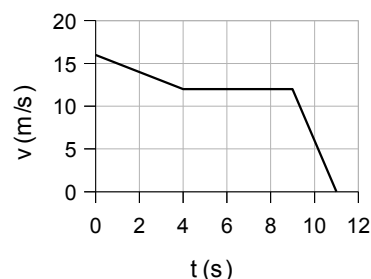
y calcula:

b) La aceleración en cada tramo.

c) El desplazamiento total.

[Anterior ◀](#) [Examen ▲](#) [Siguiendo ►](#)

Solución:



a) En el primero tramo, el móvil rebaja su velocidad desde los 16 m/s que tenía inicialmente hasta los 12 m/s durante 4 s, luego en el segundo tramo, mantiene la velocidad de 12 m/s durante 4 s y por último en el tercero tramo se detiene en 2 s.

$$b) \quad a_1 = \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(12 - 16) \text{ m/s}}{(4 - 0) \text{ s}} = \frac{-4 \text{ m/s}}{4 \text{ s}} = -1 \text{ m/s}^2$$

$a_2 = 0$ (su velocidad se mantiene constante)

$$a_3 = \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(0 - 12) \text{ m/s}}{(11 - 9) \text{ s}} = \frac{-12 \text{ m/s}}{2 \text{ s}} = -6 \text{ m/s}^2$$

c) El desplazamiento total es igual al área bajo a gráfica:

Área del trapecio azul que es el desplazamiento del primero tramo:

$$\Delta x_1 = \frac{B+b}{2} \times h = \frac{16+12}{2} \times 4 = 56 \text{ m}$$

Área del rectángulo verde que es el desplazamiento del segundo tramo es:

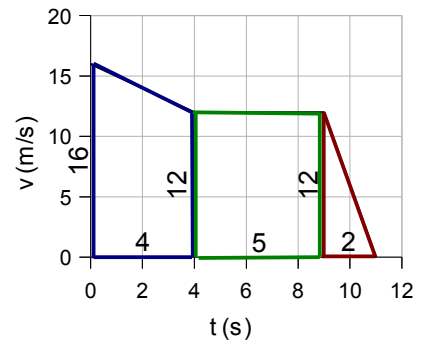
$$\Delta x_2 = B \times h = 5 \cdot 12 = 60 \text{ m}$$

Área del triángulo rojo que es el desplazamiento del tercero tramo es:

$$\Delta x_3 = \frac{B \times h}{2} = \frac{2 \times 12}{2} = 12 \text{ m}$$

Por lo que el desplazamiento total es:

$$\Delta x = 56 + 60 + 12 = 128 \text{ m}$$



Rta.: b) $a_1 = -1 \text{ m/s}^2$ $a_2 = 0$ $a_3 = -6 \text{ m/s}^2$ c) $\Delta x = 128 \text{ m}$

3. Desde lo alto de un edificio de 25,0 m de altura un chaval lanza una pelota verticalmente hacia arriba con una velocidad de 10,0 m/s. Calcula:

a) La altura máxima conseguida por la pelota.

b) El tiempo que tardará en caer la pelota al suelo.

c) La velocidad en ese momento.

[Anterior](#) ◀ [Examen](#) ▲ [Cuestiones](#) ▶

Solución:

Ecuaciones:

$$\begin{aligned} \text{MRUA:} \quad x &= x_0 + v_0 (t - t_0) + \frac{1}{2} a (t - t_0)^2 \\ v &= v_0 + a (t - t_0) \end{aligned}$$

Cálculos:

Sistema de referencia con el origen en el suelo ($x_0 = 0$), sentido positivo hacia arriba. (Por lo tanto, $a = -9,8 \text{ m/s}^2$)

Ecuación para la pelota: (tiempo en segundos, posición en metros)

$$x = 25,0 + 10,0 (t - 0) + \frac{1}{2} (-9,8) (t - 0)^2 \quad x = 25,0 + 10,0 t - 4,9 t^2$$

$$v = 10,0 + (-9,8) (t - 0) \quad v = 10,0 - 9,8 t$$

a) La altura es máxima cuando (t_h) la velocidad es 0 (cambia de sentido)

$$0 = 10,0 - 9,8 t_h$$

$$t_h = 10,0 / 9,8 = 1,0 \text{ s}$$

Para ese tiempo, la posición o altura respecto al suelo es:

$$x_h = 25,0 + 10,0 \cdot 1,0 - 4,9 \cdot 1,0^2 = 30 \text{ m}$$

b) Cuando la pelota cae en el suelo (t_c), su posición vale $x_c = 0 \text{ m}$

$$0 = 25,0 + 10,0 \cdot t_c - 4,9 t_c^2$$

Es una ecuación de segundo grado que se puede escribir así:

$$4,9 t_c^2 - 10,0 t_c - 25,0 = 0$$

La solución es:

$$t_c = \frac{10,0 \pm \sqrt{(-10,0)^2 - 4 \cdot 4,9 \cdot (-25,00)}}{2 \cdot 4,9} = 3,5 \text{ s}$$

c) La velocidad con que choca contra el suelo es la velocidad en ese instante:

$$v_c = 10,0 - 9,8 \cdot 3,5 = -24 \text{ m/s}$$

Rta.: a) $x_h = 30 \text{ m}$ b) $t_c = 3,5 \text{ s}$ c) $v_c = -24 \text{ m/s}$

Soluciones tipo D

1. Dos aldeas A y B están separadas por 36,0 km. Un móvil sale de A a las 14:20 y se mueve a la velocidad de 18,0 km/h. Otro móvil sale de B hacia A a las 14:30 y viaja a 24,0 km/h. Calcula a qué distancia de A se encuentran y a qué hora.

[Examen ▲](#) [Siguiete ►](#)

Solución:

Datos:

Origen de posiciones en A. $x_{0A} = 0$ $x_{0B} = 36,0 \text{ km} = 36\,000 \text{ m}$
 Origen de tiempo: a las 14:20 h $t_{0A} = 0$ $t_{0B} = 10 \text{ min} = 0,167 \text{ h} = 600 \text{ s}$
 Sentido de la velocidad: positivo de A hacia B.

Se puede trabajar en kilómetros y horas o en metros y segundos. En este último caso las velocidades son:

$$v_A = \frac{18,0 \text{ km}}{\text{h}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3\,600 \text{ s}} \cdot \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} = 5,00 \text{ m/s}$$

$$v_B = -\frac{24,0 \text{ km}}{\text{h}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3\,600 \text{ s}} \cdot \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} = -6,67 \text{ m/s}$$

Ecuación: $x = x_0 + v(t - t_0)$ Los dos se mueven con M.R.U.

Cálculos:

(en kilómetros y horas)	(en metros y segundos)
A: $x_A = 0 + 18,0 \cdot (t - 0) = 18,0 \cdot t$	A: $x_A = 0 + 5,00 \cdot (t - 0) = 5,00 \cdot t$
B: $x_B = 36,0 - 24,0 \cdot (t - 0,167) = 40,0 - 24,0 \cdot t$	B: $x_B = 36\,000 - 6,67(t - 600) = 40\,000 - 6,67 \cdot t$
Se encuentran cuando: $x_A = x_B$	
$18,0 \cdot t = 40,0 - 24,0 \cdot t$	$5,00 \cdot t = 40\,000 - 6,67 \cdot t$
$42,0 \cdot t = 40,0$	$11,7 \cdot t = 40\,000$
$t = 40,0 / 42,0 = 0,952 \text{ h} = 0:57:09 \text{ h}$	$T = 40\,000 / 11,7 = 3\,429 \text{ s} = 0:57:09 \text{ h}$

La posición calculada de la ecuación de A, da:

$$x_A = 18,0 \cdot 0,952 = 17,1 \text{ km}$$

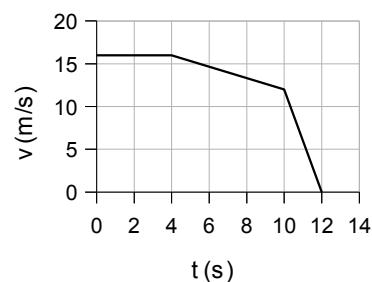
Se encuentran a las: 14:20:00 + 0:57:09 = 15:17:09 h

Rta: Se encuentran a 17,1 km de A (y a 36,0 - 17,1 = 18,9 km de B) a las 15:17:09 h.

2. Para la gráfica de la figura,
 a) describe el movimiento en cada tramo y calcula:
 b) La aceleración en cada tramo.
 c) El desplazamiento total.

[Anterior ◀](#) [Examen ▲](#) [Siguiete ►](#)

Solución:



- a) En el primero tramo, el móvil mantiene la velocidad de 16 m/s durante 4 s, luego en el segundo tramo rebaja su velocidad hasta los 12 m/s durante 6 s, y por último en el tercero tramo se detiene en 2 s.

- b) $a_1 = 0$ (su velocidad se mantiene constante)
 $a_2 = \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(12 - 16) \text{ m/s}}{(10 - 4) \text{ s}} = \frac{-4 \text{ m/s}}{6 \text{ s}} = -0,7 \text{ m/s}^2$
 $a_3 = \frac{v - v_0}{t - t_0} = \frac{(0 - 12) \text{ m/s}}{(12 - 10) \text{ s}} = \frac{-12 \text{ m/s}}{2 \text{ s}} = -6 \text{ m/s}^2$

c) El desplazamiento total es igual al área bajo a gráfica:

Área del rectángulo verde que es el desplazamiento del primero tramo:

$$\Delta x_1 = B \times h = 4 \cdot 16 = 64 \text{ m}$$

Área del trapecio azul que es el desplazamiento del segundo tramo es:

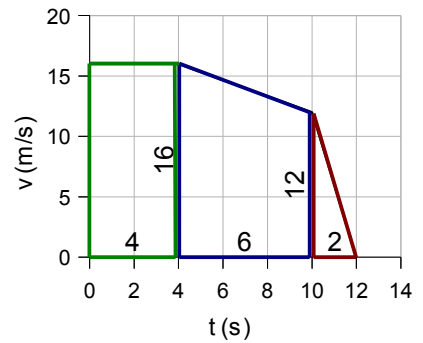
$$\Delta x_2 = \frac{B+b}{2} \times h = \frac{16+12}{2} \times 6 = 84 \text{ m}$$

Área del triángulo rojo que es el desplazamiento del tercero tramo es:

$$\Delta x_3 = \frac{B \times h}{2} = \frac{2 \times 12}{2} = 12 \text{ m}$$

Por lo que el desplazamiento total es:

$$\Delta x = 64 + 84 + 12 = 160 \text{ m}$$



Rta.: b) $a_1 = 0$ $a_2 = -0,67 \text{ m/s}^2$ $a_3 = -6 \text{ m/s}^2$ c) $\Delta x = 160 \text{ m}$

3. Desde lo alto de un edificio de 35,0 m de altura un chaval lanza una pelota verticalmente hacia arriba con una velocidad de 15,0 m/s. Calcula:

a) La altura máxima conseguida por la pelota.

b) El tiempo que tardará en caer la pelota al suelo.

c) La velocidad en ese momento.

[Anterior](#) ◀ [Examen](#) ▲ [Cuestiones](#) ▶

Solución:

Ecuaciones:

$$\begin{aligned} \text{MRUA:} \quad x &= x_0 + v_0 (t - t_0) + \frac{1}{2} a (t - t_0)^2 \\ v &= v_0 + a (t - t_0) \end{aligned}$$

Cálculos:

Sistema de referencia con el origen en el suelo ($x_0 = 0$), sentido positivo hacia arriba. (Por lo tanto, $a = -9,8 \text{ m/s}^2$)

Ecuación para la pelota: (tiempo en segundos, posición en metros)

$$\begin{aligned} x &= 35,0 + 15,0 (t - 0) + \frac{1}{2} (-9,8) (t - 0)^2 & x &= 35,0 + 15,0 t - 4,9 t^2 \\ v &= 15,0 + (-9,8) (t - 0) & v &= 15,0 - 9,8 t \end{aligned}$$

a) La altura es máxima cuando (t_h) la velocidad es 0 (cambia de sentido)

$$0 = 15,0 - 9,8 t_h$$

$$t_h = 15,0 / 9,8 = 1,5 \text{ s}$$

Para ese tiempo, la posición o altura respecto al suelo es:

$$x_h = 35,0 + 15,0 \cdot 1,5 - 4,9 \cdot 1,5^2 = 46 \text{ m}$$

b) Cuando la pelota cae en el suelo (t_c), su posición vale $x_c = 0 \text{ m}$

$$0 = 35,0 + 15,0 \cdot t_c - 4,9 t_c^2$$

Es una ecuación de segundo grado que se puede escribir así:

$$4,9 t_c^2 - 15,0 t_c - 35,0 = 0$$

La solución es:

$$t_c = \frac{15,0 \pm \sqrt{(-15,0)^2 - 4 \cdot 4,9 \cdot (-35,0)}}{2 \cdot 4,9} = 4,6 \text{ s}$$

c) La velocidad con que choca contra el suelo es la velocidad en ese instante:

$$v_c = 15,0 - 9,8 \cdot 4,6 = -30 \text{ m/s}$$

Rta.: a) $x_h = 46 \text{ m}$ b) $t_c = 4,6 \text{ s}$ c) $v_c = -30 \text{ m/s}$

Cuestiones

Define trayectoria.

Trayectoria es la línea formada por los sucesivos puntos que ocupa un móvil en su movimiento.

Define velocidad media.

Velocidad media es el desplazamiento que hace un móvil en la unidad de tiempo entre dos instantes.

Define aceleración media.

Aceleración media es el cambio de velocidad que tiene un móvil en la unidad de tiempo entre dos instantes y representa la rapidez con que este varía su velocidad.

¿Cuál es la aceleración de un objeto que viaja a una velocidad de 12 m/s durante 4 s?

Cero, ya que su velocidad no varía.

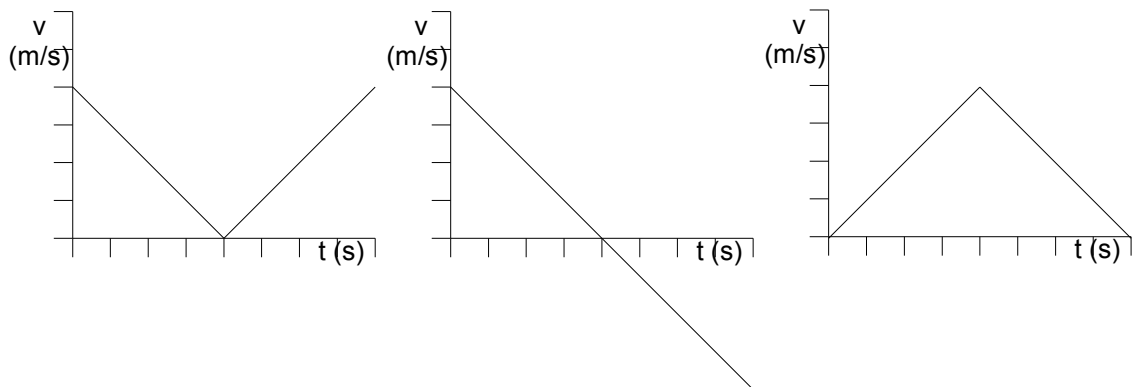
¿Qué diferencia hay entre desplazamiento y espacio recorrido para un móvil que se lanza desde el suelo hacia arriba y vuelve a caer en el suelo?

El desplazamiento es la distancia entre el punto de llegada y el de salida. Por tanto es cero.
El espacio recorrido es el doble de la altura alcanzada.

¿Cuál es la interpretación de Galileo de la caída de los cuerpos?

Que si no hubiese atmósfera, todos los objetos caerían con la misma aceleración.

¿Cuál de las tres gráficas corresponde al movimiento de un cuerpo que es lanzado verticalmente hacia arriba, llega a una cierta altura y vuelve a caer hasta el punto de partida? Justifica por qué dos de las gráficas son incorrectas.



La del medio.

La gráfica de la izquierda representa la velocidad de un móvil que disminuye uniformemente su velocidad hasta que se para, pero inmediatamente arranca y acelera uniformemente **en el mismo sentido** hasta alcanzar la velocidad inicial.

La gráfica de la derecha representa la velocidad de un móvil que parte del reposo, aumenta uniformemente su velocidad hasta un valor máximo y luego frena uniformemente hasta volver a pararse.